

فصل ۶

طراحی تیر مركب

طراحی کاربردی سازه های فولادی (جلد یک) - محسن گرامی

در این فصل:	
۲	پیشگفتار
۵	تحلیل تیر مركب
۹	طراحی نیرهای مركب
۱۴	برشگیر
۲۰	خیز در تیر مركب
۳۱	کنترل تغییر مکان در تیر مركب همراه با اثر خزش و جمع شدگی بتن
۳۳	کنترل ارتعاش تیر مركب
۳۵	تستهای فصل ششم
۳۹	مسائل فصل ششم

۱-۶ پیشگفتار

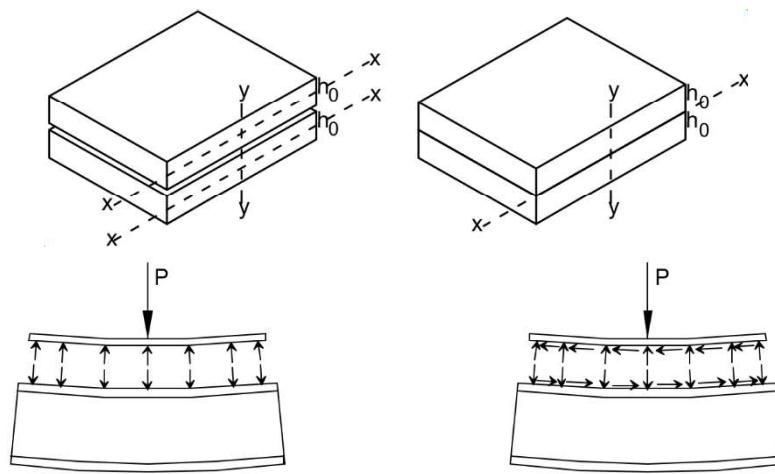
هنگامی که دال بتنی سقف توسط تیرهای فولادی تحمل شود و هیچ گونه اتصالی برای انتقال برش بین دال بتنی و تیر فولادی وجود نداشته باشد، در این صورت این دو عملکرد غیر مركب خواهند داشت. در عملکرد غیر مركب، دال بتنی و تیر فولادی هر کدام به تنها بارهای خارجی نقش خواهند داشت. در سالهای اخیر استفاده از تیرهای مركب که در آنها تیر فولادی و دال بتنی با تمهدات و وسائل مناسب به یكديگر متصل می شوند، رواج زیادی یافته است. اين تیرها ظرفیت باربری بيشتری نسبت به تیرهای غیر مركب دارند. استفاده از تیرهای مركب موجب می شود تا حد امکان از خواص و مزایای فولاد نظیر مقاومت بالا و شکل پذیری زياد، حداکثر استفاده به عمل آيد و معايب آن نظير خوردگي، كمانش و آتش سوزي به كمك پوشش بتنی تا حدی برطرف شود. در ضمن استفاده از تیرهای مركب موجب صرفه جويی در مصرف فولاد، کاهش ارتفاع تیر و افزایش استحکام سقف در برابر بارهای وارد می شود.

۱-۱-۱ تئوري رفتار تیر مركب^۱

بطور کلي هنگامی که دو قطعه بهم متصل هستند، عملکرد خمشی آنها بهتر از حالتی است که دو قطعه به صورت مجزا عمل می کنند. مثلاً برای دو قطعه به عرض b و ارتفاع h_0 لنگر اينرسی دو قطعه با عملکرد مجزا $I = \frac{2bh_0^3}{12}$ و لنگر اينرسی دو قطعه با عملکرد يكپارچه $I = \frac{b(2h_0)^3}{12} = \frac{8bh_0^3}{12}$ خواهد بود. به عبارت ديگر، در صورتی که اين دو قطعه به هم متصل باشند، لنگر اينرسی آنها چهار برابر حالت منفرد است.

تنها تفاوت تیرهای مركب با تیرهای معمولی ساخته شده از يك جنس در رفتار و عملکرد توأم فولاد و بتن است. جهت درک رفتار مركب، تير شكل الف را در نظر بگيريد. در اين تير اگر از اصطکاك بين بتن و فولاد صرفنظر شود، هر يك از قطعات مستقلابخشی از بارهای وارد را تحمل خواهند کرد. مشاهده می شود که بتن تحت اثر بارهای قائم تغييرشكلي داده و سطح تحتاني آن بر اثر کشش ازدياد طول پيدا می کند، در حالی که سطح فوقاني تير فولادی تحت فشار قرار گرفته و کاهش طول می يابد و بدین ترتيب در سطح تماس يك حالت غير پيوسته اتفاق می افتد و چون از اصطکاك صرفنظر شده است تنها نيروهای قائم داخلی بين تير فولادی و بتن وجود دارد.

وقتی قطعه مطابق شكل ب به صورت مركب عمل کند، ديگر لغزش نسبی بين بتن و تير فولادی وجود ندارد و نيروهای برشی در قسمت تحتاني بتن سبب فشرده شدن آن می گردد، در حالی که همين نيروها در قسمت فوقاني تير فولادی سبب کشیده شدن و ازدياد طول آن می شوند.



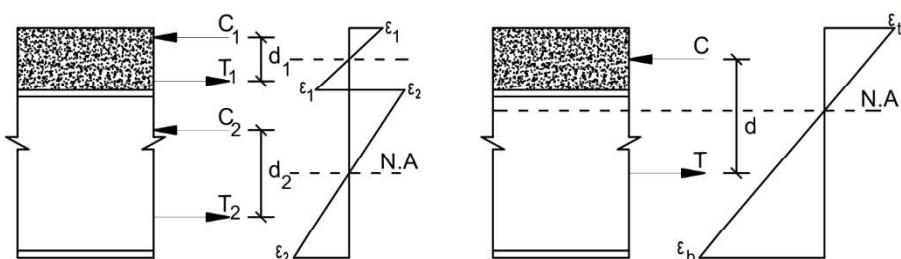
(الف) دو لایه با عملکرد مجزا

(ب) دو لایه با عملکرد لکپارچه

شکل ۱-۶ مقایسه عملکرد مقطع مرکب و غیرمرکب

چنانچه دال بتنی و تیر فولادی هر یک به صورت مجزا در تحمل بارهای واردہ عمل کنند، آنگاه فرض مسطح ماندن صفحات عمود بر محور تیر پس از خمش منجر به توزیع کرنش خطی در هر یک از قسمتهای بتنی و فولادی تیر خواهد شد. شکل الف زیر، تیری را نشان می‌دهد که هیچ گونه اتصالی در محل تماس بتن و فولاد در آن وجود ندارد. در این شکل هر یک از قسمتهای دال بتنی و تیر فولادی رفتار جداگانه‌ای دارند و هر کدام دارای یک تار خنثی هستند. توزیع کرنش موجب توسعه تنشهای کششی و فشاری در هر یک از نواحی فولاد و بتن به صورت جداگانه می‌شود که برآیند آنها به صورت T_2, C_2, T_1, C_1 نشان داده شده است.

با توجه به تعادل نیروهای کششی و فشاری در هر یک از قسمتهای بتن و فولاد لازم است که $C_1 = C_2$ و $T_1 = T_2$ باشد. در این صورت لنگر خمی که تیر تحمل می‌کند، با رابطه $M = M_{slab} + M_{beam} = C_1 d_1 + C_2 d_2$ قابل محاسبه است.



(الف) عملکرد غیرمرکب

(ب) عملکرد مرکب

شکل ۲-۶ توزیع کرنش و تنش‌های ایجاد شده در رفتار مرکب و غیرمرکب

در رفتار مرکب مطابق شکل ب مقطع دارای یک محور خنثی می‌باشد و هیچ گونه لغزشی در محل اتصال آنها رخ نمی‌دهد و با توجه به تعادل نیروهای کششی و فشاری در مقطع $T = C$ خواهد بود که در این صورت لنگر خمی که تیر تحمل می‌کند، با رابطه $M = Cd = Td$ قابل محاسبه می‌باشد. چون نیروی C از مجموع نیروهای $C_2 + C_1$ بزرگتر است و d نسبت به d_2, d_1 بزرگتر است، لذا لنگر خمی در تیر مرکب بزرگتر است و عملکرد مرکب فولاد و بتن موجب افزایش ظرفیت باربری مقطع خواهد شد. در

صورت عملکرد تیر به صورت مرکب، لنگر اینرسی و اساس مقطع تیر بر اساس محور خنثی کل مقطع محاسبه می شود که مقادیر آن به مراتب از حالت رفتار تیر با عملکرد غیر مرکب بیشتر است.

۶-۱-۲ مزایای تیرهای مرکب

مزایای تیرهای مرکب عبارتند از:

- (الف) رفتار توأم بتن و فولاد علاوه بر کاهش ارتفاع تیر، موجب کاهش مصرف فولاد به میزان تقریبی ۲۰ تا ۳۰ درصد خواهد شد.
- (ب) عملکرد توأم دال بتني و تیر فولادی موجب افزایش صلابت سیستم کف سازه خواهد شد.
- (ج) استفاده از تیرهای مرکب، ارتفاع سقفها را کاهش می دهد که این ویژگی در ساختمانهای بلند حائز اهمیت است.
- (د) رفتار تیرهای مرکب در تحمل بارهای اضافی و اتفاقی از رفتار تیرهای غیر مرکب مناسبتر است.
- (ه) هنگامی که دال بتني در فشار قرار می گیرد به علت بالا بودن مقاومت فشاری، از دال به صورت بهینه استفاده می شود. در این حالت تیر فولادی در کشش به دلیل مقاومت کششی بالای خود عملکرد مطلوبی خواهد داشت.
- (و) امکان تقویت بال پایین تیر در سقفهای مرکب به راحتی فراهم است و در بالا بردن اساس مقطع نقش مؤثری دارد.
- (ز) در سقفهای کامپوزیت به دلیل فقدان بلوک، سقف سبکتر است و همچنین فضای کافی برای عبور تأسیسات برقی و مکانیکی فراهم است.

۶-۱-۳ معایب و محدودیتهای تیرهای مرکب

معایب تیرهای مرکب عبارتند از:

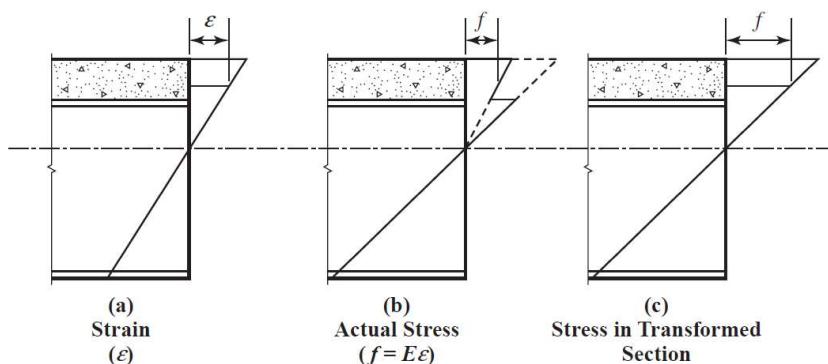
- (الف) استفاده از سیستم مرکب در نواحی با لنگر منفی عملکرد نامطلوبی خواهد داشت زیرا بتن تحت کشش قرار می گیرد که با استفاده از تعییه میلگردهای طولی مناسب در دال بتني جهت تحمل لنگرهای منفی می توان این عیب را برطرف نمود.
- (ب) پدیده خرش^۱ در بتن موجب تغییر شکلهای دراز مدت در تیر مرکب می شود که بايستی به نحو مناسبی در محاسبه تغییر مکان تیر مرکب در نظر گرفته شود.
- (ج) پدیده انقباض^۲، موجب جمع شدگی بتن می شود که بايستی به نحو مناسب در محاسبه تغییر مکان تیر مرکب در نظر گرفته شود.
- (د) استفاده از تیرهای مرکب برای دهانه های کوتاه و تحت بارگذاری سبک می تواند مقرون به صرفه نباشد.
- (ه) استفاده از سقف کاذب برای مخفی کردن تیرچه های فولادی، موجب افزایش هزینه های اجرای سقف مرکب می شود.
- (و) سیستم مرکب به دلیل نداشتن بلوک، عایق صوتی ضعیفی است.
- (ز) با توجه به کاهش ارتفاع تیر، لازم است به فرکانس ارتعاش تیر مرکب توجه بیشتری شود.

۶-۲ تحلیل تیر مركب

تحلیل تیر مركب و تعیین تنشهای آن، با توجه به مقایسه مقادیر تنشهای بتن و فولاد با مقادیر حدی الاستیک آنها، به دو وضعیت تحلیل تیر مركب در حالت الاستیک و در حالت پلاستیک قبل تقسیم‌بندی است.

۶-۲-۱ توزیع تنش تیر مركب در حالت الاستیک

چنانچه تنشهای اجزاء تیر از حد الاستیک خود خارج نشوند، وضعیت تنشهای و کرنشهای به صورت شکل زیر قابل بیان خواهد بود. در این حالت، صفحه مقطع در راستای عمود بر محور خمش، پس از تغییر شکل به صورت مسطح باقی خواهد ماند و نمودار کرنش در ارتفاع مقطع، به صورت خطی قابل ترسیم است. البته خطی بودن نمودار تنش در ارتفاع مقطع، مستلزم یکسان بودن مصالح مقطع است زیرا با توجه به رابطه $E\epsilon = \sigma$ تغییرات تنش در مصالح مختلف یکنواخت نبوده و در نمودار آن شکستگی ایجاد خواهد شد (شکل ب).



الف- وضعیت خطی کرنش

ب- وضعیت تنش در مصالح مختلف

پ- وضعیت خطی تنش فرضی (با فرض مصالح یکسان)

شکل ۶-۳ وضعیت تنش و کرنش در ارتفاع مقطع تیر مركب، در حالت الاستیک

جهت سهولت در انجام محاسبات، مصالح بتنی با مصالح فولادی (با ارتفاع یکسان و عرض متفاوت) جایگزین شده و با توجه به برابری کرنش بتن با فولاد فرضی، رابطه $\epsilon_c = \epsilon_s \rightarrow \frac{\sigma_c}{E_c} = \frac{\sigma_s}{E_s} \rightarrow \sigma_s = \frac{E_s}{E_c} \sigma_c = n \sigma_c$ قابل محاسبه خواهد بود که در آن، n نسبت مدول فولاد به بتن یا «ضریب مدول^۱» است. چنانچه M لنگر اعمال شده به مقطع باشد، پس از محاسبه موقعیت تار خنثی الاستیک مقطع، تنش تار پاییزی فولاد با رابطه $\sigma_{st} = \frac{My_t}{I}$ و تنش تار بالایی فولاد با رابطه $\sigma_{sb} = \frac{My_b}{I}$ قابل محاسبه است. تنش در تار بالایی بتن، با توجه به ضریب مدول، با رابطه $\sigma_c = \frac{M\bar{y}}{nI}$ قابل محاسبه خواهد بود.

^۱ Modular Ratio

مثال ۱-۶

تیر مرکب با مقطع IPE24 و لایه بتنی C30 به عرض 140cm و ضخامت 8cm مفروض است. چنانچه مقطع تحت لنگر ۸ تن قرار گیرد، مطلوبست تنشهای ماکزیمم ایجاد شده در فولاد و بتن.

(حل)

محاسبه مدول الاستیک بتن مطابق بند ۷-۱۳-۹ مبحث نهم

$$E_c = (3300\sqrt{f_c} + 6900) \left(\frac{\gamma_c}{23}\right)^{1.5}$$

در این رابطه جرم مخصوص بتن γ_c بر حسب $\frac{KN}{m^3}$ درج می شود.

$$C30 \rightarrow f_c = 30MPa$$

$$\gamma_c = 25 \frac{KN}{m^3}$$

$$E_c = (3300\sqrt{30} + 6900) \left(\frac{25}{23}\right)^{1.5} = 28.3MPa \cong 283 \frac{ton}{cm^2}$$

محاسبه مقطع معادل فولادی در قسمت بتنی:

$$n = \frac{E_s}{E_c} = \frac{2040}{283} = 7.21 \rightarrow \text{use } n = 7$$

$$b = 140cm \rightarrow \frac{b}{n} = \frac{140}{7} = 20cm$$

$$IPE24 \rightarrow A = 39.1cm^2, I_x = 3890cm^4$$

$$\bar{y} = \frac{\Sigma Ay}{\Sigma A} = \frac{20*8*4+39.1*(8+\frac{24}{2})}{20*8+39.1} = 7.14cm < 8cm$$

ملاحظه می شود که تار خنثی در بتن قرار دارد.

$$I = \Sigma(I_i + A_i d_i^2) = \frac{20 * 8^3}{12} + 20 * 8 * \left(7.14 - \frac{8}{2}\right)^2 + 3890 + 39.1 * (20 - 7.14)^2 = 12787cm^4$$

تعیین فاصله تار خنثی تا بالا و پایین پروفیل فولادی

$$y_t = 8 - 7.14 = 0.86cm$$

$$y_b = 8 + 24 - 7.14 = 24.86cm$$

محاسبه تنش در بالا و پایین مقطع فولادی

$$M = 8 ton.m = 800ton.cm$$

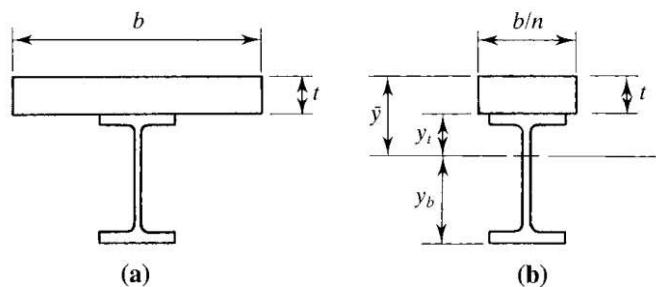
$$\sigma_{st} = \frac{My_t}{I} = \frac{800*0.86}{12787} = 0.05 \frac{ton}{cm^2}$$

$$\sigma_{sb} = \frac{My_b}{I} = \frac{800*24.86}{12787} = 1.55 \frac{ton}{cm^2}$$

مشاهده می شود که تنش لایه پایینی فولاد (تنش کششی) به مراتب بیشتر از تنش لایه بالایی (تنش فشاری) است.

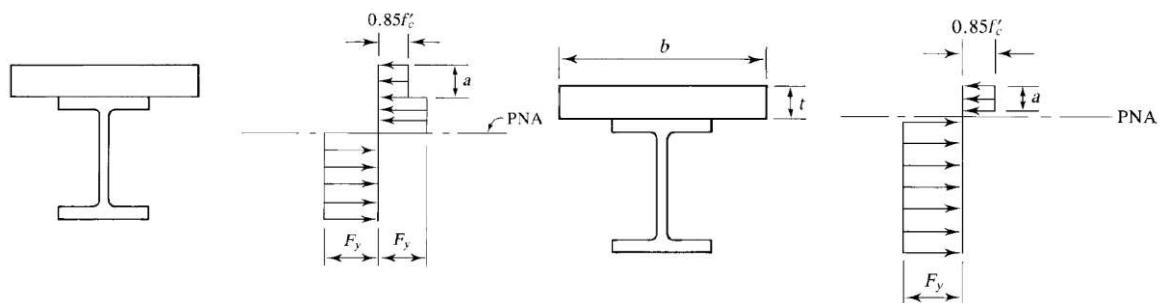
محاسبه تنش در لایه بالایی بتن

$$\sigma_c = \frac{M\bar{y}}{nI} = \frac{800*7.14}{7*12787} = 0.063 \frac{ton}{cm^2}$$



۶-۲-۲ توزیع تنش تیر مركب در حالت پلاستیک

ظرفیت خمثی اسمی مقطع مركب، با جاری شدن تمام مقطع فولادی و رسیدن بتن فشاری به حد خورد شدن (در لنگر مثبت) حاصل می شود. اين وضعیت «توزيع تنش پلاستیک» نام داشته و مطابق ضوابط آینه نامه ها، استفاده از اين ظرفیت نیازمند برقرار بودن شرایطی مانند فشردگی جان است. با استفاده از توزیع تنش معادل ويتني، تنش بتن به صورت یکنواخت با مقدار $0.85f'_c$ قابل بیان می باشد. جهت محاسبه ظرفیت مقطع، ابتدا لازم است موقعیت تار خنثی پلاستیک تعیین گردد، سپس با مقایسه با ضخامت دال بتی، بررسی با توجه به موقعیت تار خنثی پلاستیک امکان پذیر خواهد بود. شکل زیر توزیع تنش پلاستیک را در دو وضعیت در تیر مركب نمایش می دهد.



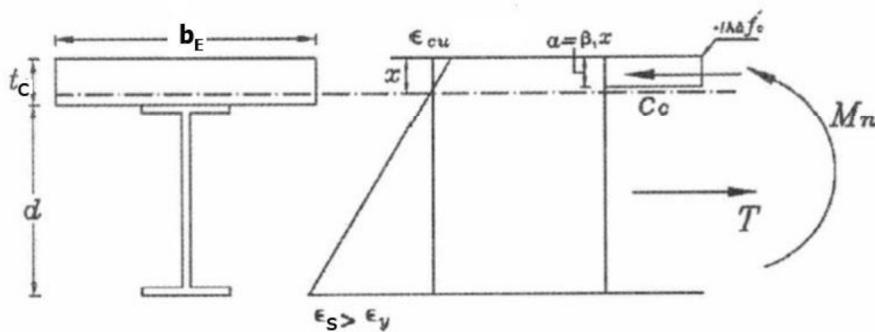
الف- دال مناسب (تار خنثی در فولاد)

شکل ۴-۶ توزیع تنش پلاستیک در تیر مركب

۱-۲-۶ وضعیت دال مناسب

برای تعیین مقاومت خمثی اسمی مقطع مركب، ابتدا باید محل تار خنثی مشخص گردد. تار خنثی ممکن است مطابق شکل زیر، داخل دال بتی قرار گیرد و دال به تنها بی قدر به تحمل کل نیروی فشاری باشد، این حالت را اصطلاحاً دال مناسب^۱ می نامند.

¹ slab adequate



شکل ۶-۵ نمایش وضعیت دال مناسب

در این وضعیت نیروی فشاری دال برابر است با:

$$C_c = 0.85 f_c b_E a \quad ۱-۶$$

نیروی کششی مقطع فولادی نیز با فرض به حد تسلیم رسیدن کل مقطع به صورت زیر تعیین می‌گردد:

$$T = A_s f_y \quad ۲-۶$$

از برقراری تعادل نیروهای کششی و فشاری، مقدار a بدست می‌آید:

$$a = \frac{A_s f_y}{0.85 f_c b_E} \leq t_c \quad ۳-۶$$

در نتیجه ظرفیت اسمی خمثی مقطع مرکب به صورت زیر تعیین می‌گردد:

$$M_n = A_s f_y \left(\frac{d}{2} + t_c - \frac{a}{2} \right) \quad ۴-۶$$

برای تعیین x و بررسی کرنش در مقطع مرکب، مقدار a مشابه مقاطع بتن‌آرمه از رابطه $a = \beta_1 x$ بدست می‌آید. β_1 ضریبی است که بستگی به مقاومت فشاری بتن دارد و مقدار آن از رابطه زیر قابل تعیین می‌باشد:

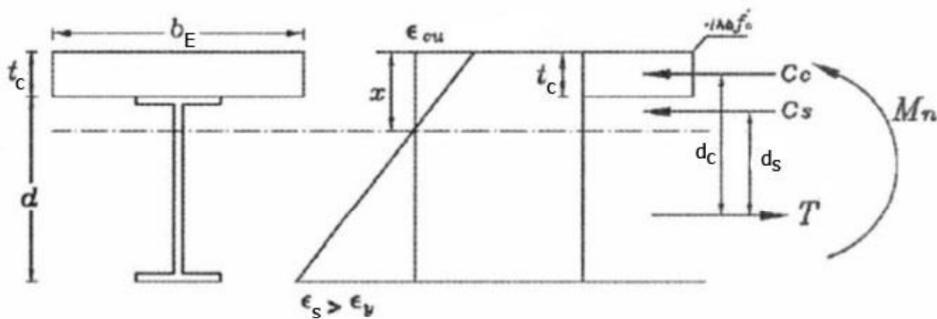
$$\begin{aligned} a &= \beta_1 x \\ \beta_1 &= 0.97 - 0.0025 f_c \end{aligned} \quad ۵-۶$$

بر حسب f_c MPa

۲-۲-۲-۶ وضعیت دال نامناسب

چنانچه تار خنثی پلاستیک در مقطع فولادی قرار گیرد، کل مقطع بتنی و بخشی از مقطع فولادی تحت فشار و بخش دیگری از مقطع فولادی تحت کشش خواهد بود. این حالت را اصطلاحاً دال نامناسب^۱ می‌نامند.

^۱ inadequate slab



شکل ۶-۶ نمایش وضعیت دال نامناسب

در این وضعیت مقدار نیروی فشاری بتن از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$C_c = 0.85 f_c b_E t_c \quad ۶-۶$$

از تعادل نیروها نتیجه می‌شود:

$$T = C_c + C_s \quad ۷-۶$$

مجموع نیروهای کششی و فشاری فولاد برابر با مقدار ثابتی است.

$$T + C_s = A_s f_y \quad ۸-۶$$

با قرار دادن T نتیجه می‌شود:

$$C_s = \frac{A_s f_y - C_c}{2} \quad ۹-۶$$

با جایگذاری C_c مقدار C_s بدست می‌آید:

$$C_s = \frac{A_s f_y - 0.85 f_c b_E t_c}{2} \quad ۱۰-۶$$

ظرفیت خمی مقطع مرکب از رابطه زیر نتیجه می‌شود:

$$M_n = C_c d_c + C_s d_s \quad ۱۱-۶$$

مقادیر بازوهای لنگر نیز بر اساس محل اثر نیروی T تعیین می‌گردند.

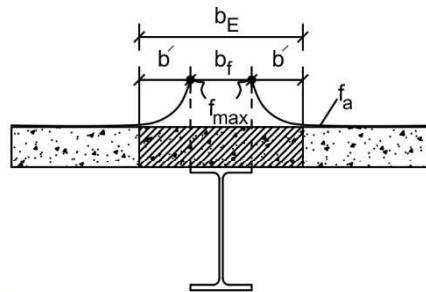
۶-۳ طراحی تیرهای مرکب

ضوابط طراحی و محدودیتهای یک مقطع مرکب از دیدگاه آینه‌نامه به شرح زیر است.

۶-۳-۱ عرض مؤثر دال بتنه (b_E)

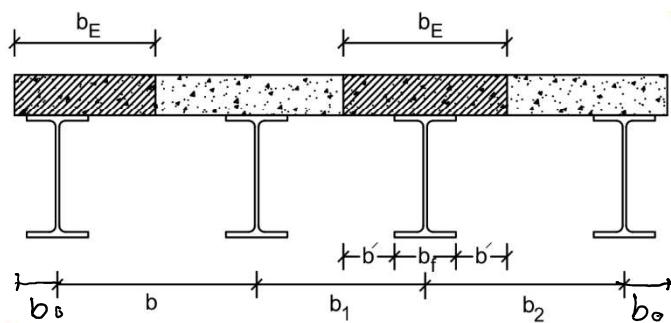
به منظور امکان محاسبه عملی مشخصات یک مقطع مرکب لازم است که از مفهوم عرض مؤثر استفاده شود. در شکل زیر دال بتنه با عرض بینهایت و تحت تنش نشان داده شده است. شدت تنش فشاری که در تار خارجی با f_a نشان داده شده است در محل تیر فولادی مقدار حداقل خود را داشته و به صورت غیرخطی با افزایش فاصله از تیر فولادی کاهش می‌یابد. عرض مؤثر دال بتنه را

می توان مطابق شکل زیر برابر $b_E = b_f + 2b'$ در نظر گرفت. البته این مقدار برای تیرهای میانی و تیرهای کناری متفاوت است و طول تیر نیز در عملکرد تیر و مقدار عرض مؤثر تاثیرگذار خواهد بود.



شکل ۷-۶ توزیع تنش غیرخطی فشاری و تعیین عرض مؤثر دال بتنی

آیین نامه عرض مؤثر دال بتنی را که تیر با آن به صورت مرکب عمل می نماید، طبق روابط زیر پیشنهاد می کند. همچنین لازم به ذکر است که مبحث دهم حداقل ضخامت دال بتنی را برابر $8cm$ در نظر می گیرد.



شکل ۸-۶ عرض مؤثر b_E در سیستم مرکب

$$b_E \leq \begin{cases} \min\left(\frac{L}{4}, \frac{b_1 + b_2}{2}\right) & \text{تیر میانی} \\ \min\left(\frac{L}{8}, b_o + \frac{b}{2}\right) & \text{تیر کناری} \end{cases} \quad ۱۲-۶$$

طول دهانه تیر	L	عرض مؤثر	b_E
فاصله محور تیر تا لبه دال	b_o	فاصله محور تیر تا تیرهای مجاور	b, b_1, b_2

۶-۳-۲ مقاومت در حین ساخت

تیرهای مرکب معمولاً به دو روش با و یا بدون استفاده از شمعهای موقت اجرا می شوند. در نرم افزارهای مهندسی رشته عمران مانند ETABS هر دو روش پیش‌بینی شده و بارهای Super Dead و Dead به صورت مجزا تعریف می شوند.

۱-۲-۳-۶ بدون استفاده از شمع موقت

در این حالت، تیر فولادی بایستی به تنها بی و وزن مرده بتن تازه قبل از گیرش بتن و وزن خودش را تحمل کند. پس از گیرش بتن و عملکرد یکپارچه دال و تیر، مقطع مرکب برای کل بارهای وارد زنده و مرده طراحی می‌شود. بر این اساس کنترلها در دو وضعیت مختلف قبل از گیرش بتن و بعد از گیرش بتن انجام می‌شود:

۲- قبیل از گیرش بتن

در این وضعیت تیر فولادی بایستی به تنها بی و وزن مرده بتن لنگرهای خمی $M_{D1} + M_{D1/1}$ باشد که لنگر ناشی از بارهای مرده دائمی و $M_{D1/1}$ لنگر ناشی از بارهای مرده موقت مانند وزن قالب بندی و بارهای پیش‌بینی نشده (وزن بتن انباسته، وزن افرادی که بتن را اجرا می‌کنند و سایر موارد مشابه) است.

در حالتی که از شمعهای موقت استفاده نمی‌شود، مقطع فولادی باید به تنها بی و وزن کلیه بارهای وارد قبل از دستیابی بتن به ۷۵٪ مقاومت فشاری بتن (f_c) باشد. مقاومت خمی مقطع فولادی به تنها بر اساس توضیحات فصل خمی تعیین می‌گردد. در این وضعیت جهت محاسبه M_n تیر فولادی، باید مقادیر L_p, L_r, L_b کنترل گردد. در این وضعیت L_b برابر طول تیر می‌باشد.

لنگر خمی M_{D1} ناشی از بارهای مرده دائمی مانند وزن پروفیل و وزن بتن.

لنگر خمی $M_{D1/1}$ ناشی از بارهای مرده موقت مانند وزن قالب بندی و بارهای پیش‌بینی نشده (وزن بتن انباسته، وزن افرادی که بتن را اجرا می‌کنند و سایر موارد مشابه).

از آنجا که بارهای مورد نظر در این مرحله از نوع مرده می‌باشند، معمولاً ترکیب بار $1.4D$ تعیین کننده است.

در طراحی، معمولاً شماره پروفیل تیر فولادی با توجه به وضعیت قبیل از گیرش بتن طرح می‌شود.

۳- بعد از گیرش بتن

پس از سفت شدن بتن و حذف شمعهای مقطع مرکب بایستی علاوه بر لنگر خمی M_{D1} ناشی از بارهای مرده دائمی، لنگرهای خمی M_{D2} ناشی از وزن کفسازی و وزن دیوارهای ثابت در طبقات و M_L ناشی از بار زنده وارد به کف و بار معادل تیغه بندی را تحمل کند. در این حالت لنگر خمی $M_{D1/1}$ ناشی از بارهای مرده موقت در محاسبات وارد نمی‌شود، زیرا وزن قالب‌بندی و بارهای پیش‌بینی نشده حذف می‌شوند.

در این حالت تیر دارای مهار جانبی است و جهت محاسبه M_n تیر حتماً $L_b \leq L_p$ برقرار می‌باشد زیرا بال فوقانی تیر در بتن واقع شده و دارای مهار جانبی پیوسته است یعنی $L_b = 0$ می‌باشد.

لنگر خمی M_{D2} ناشی از وزن کفسازی و وزن دیوارهای ثابت در طبقات.

لنگر خمی M_L ناشی از بار زنده وارد به کف و بار معادل تیغه بندی.

از آنجا که بارهای مورد نظر در این مرحله از نوع مرده و زنده می‌باشند، معمولاً هر دو ترکیب بار $1.4D + 1.6L$ و $1.2D + 1.6L$ کنترل می‌شوند.

۶-۳-۲ با استفاده از شمع موقت

در این روش اجرای تیرهای مرکب با استفاده از شمعهای موقتی انجام می‌شود که در زیر تیر فولادی قرار داده می‌شوند. در این حالت، وزن مرده بتن تازه به شمعهای موقت منتقل می‌گردد و در نتیجه لزومی به طراحی مقطع فولادی برای وزن بتن تازه نمی‌باشد. پس از گیرش بتن و عملکرد یکپارچه دال و تیر، شمعهای موقت برداشته می‌شوند و کل بارهای وارده توسط مقطع مرکب حمل می‌گردد. مدت زمان مورد نیاز پیش از باز کردن قالبهای، به دمای محیط و نوع عضو بستگی دارد که در مبحث نهم مقررات ملی به صورت جدول ارائه شده است.

مقدار فولاد مصرفی روش دوم معمولاً کمتر از روش اول است، اما در روش دوم لازم است هزینه اجرای شمعهای موقت در نظر گرفته شود. تغییرشکل دال نیز در روش دوم کمتر از روش اول می‌باشد زیرا در روش اول، مقطع فولادی به تنها یک تحت اثر وزن مرده بتن قرار دارد.

۶-۳-۳ مقاومت خمشی اسمی مثبت مقطع مرکب

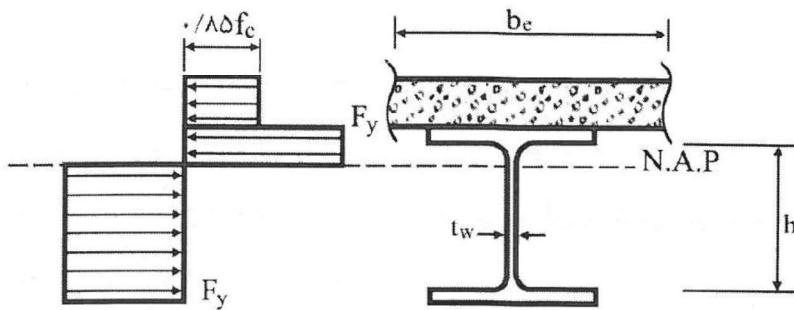
مقاومت خمشی لنگر مثبت طراحی $\phi_b M_n$ می‌باشد که در آن ϕ_b ضریب تقلیل مقاومت خمشی مساوی ۰.۹ و M_n مقاومت خمشی مثبت اسمی بر اساس حالت حدی تسلیم است که بر حسب فشردگی جان، در دو وضعیت قابل محاسبه است.

۶-۳-۴ وضعیت فشردگی جان تیر

مقدار مقاومت خمشی اسمی بر حسب فشردگی جان، در دو وضعیت توسط آینه‌ها ارائه شده است.

- جان فشرده

چنانچه جان مقطع فشرده باشد یعنی $\frac{h}{t_w} \leq 3.76 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$ مقاومت خمشی اسمی بر اساس توزیع پلاستیک در مقطع مرکب برای حالت حدی تسلیم (لنگر پلاستیک) تعیین می‌گردد. در این حالت، جان مقطع فشرده بوده و امکان کمانش موضعی وجود ندارد و در نتیجه لنگر پلاستیک مقطع حاصل می‌گردد. این حالت معمولاً برای مقاطع نورده کنترل کننده می‌باشد. شایان ذکر است که بررسی بال فشاری تیر برای کمانش موضعی ضرورت ندارد زیرا دال سقف علاوه بر جلوگیری از کمانش موضعی بال فشاری، به عنوان مهار جانبی پیوسته نیز عمل می‌کند.



شکل ۹-۶ توزیع پلاستیک تنش در مقطع مركب

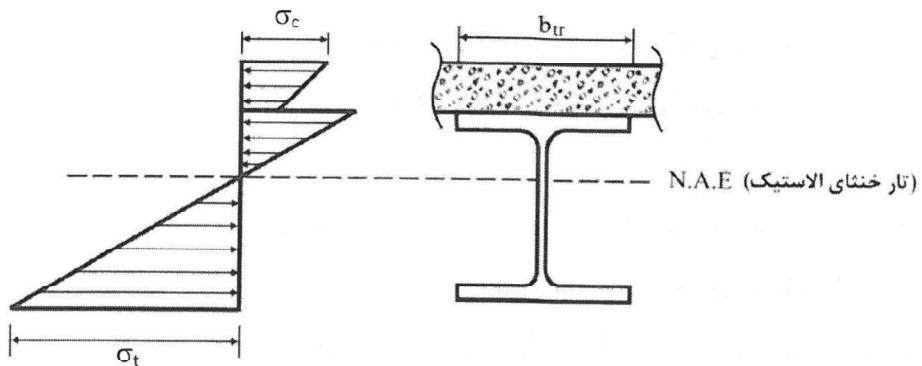
با توجه به شکل فوق تمام قسمتهای فولاد تحت تنش یکنواخت r_f قرار دارد و تمام بتن در بخش فشاری خود تحت تنش یکنواخت $0.85f_c$ می باشد.

b- جان غيرفسرده

چنانچه جان مقطع غير فشرده و يا لاغر باشد، يعني $\frac{h}{t_w} \sqrt{\frac{E}{f_y}} > 3.76$ برقرار باشد، مقاومت خمشی اسمی بر اساس مجموع تنشهای در مقطع مركب با در نظر گرفتن اثرات شمعهای موقت برای حالت حدی تسليم (لگر پلاستیک) تعیین می گردد. این حالت معمولاً در مورد تیورقهای حاکم است.

توجه: تیورهای دارای جان غير فشرده، در این کتاب مورد بررسی قرار نگرفته‌اند.

در این حالت، جان تیر غيرفسرده يا لاغر است و تنشهای حاصل از بارهای دائمی وارد به تیر بدون شمعهای موقت و قبل از گیرش بتن باید با تنشهای حاصل از بارهای وارد به مقطع مركب پس از گیرش بتن جمع شوند. چنانچه از شمعهای موقت استفاده شود، كلیه بارهای وارد تو سطح مقطع مركب حمل می گردد. روش مورد استفاده برای تعیین تنشهای در مقطع مركب، روش تبدیل مقطع با استفاده از نسبت مدول ارجاعی می باشد. نسبت مدول برابر با نسبت مدول ارجاعی فولاد به بتن است که از رابطه $n = \frac{E_s}{E_c}$ قابل محاسبه می باشد. طبق توصیه برخی مراجع نسبت مدول به نزدیکترین عدد صحیح گرد می شود. در این حالت دال بتی به سطح مقطع فولاد معادل آن تبدیل می شود، به این ترتیب سطح مقطع بتن با به کار بردن عرضی برابر با $b_{tr} = \frac{b_E}{n}$ به فولاد معادل تبدیل می شود.



شکل ۱۰-۶ توزیع الاستیک تنش در مقطع مختلط تبدیل یافته

۶-۳-۴ مقاومت خمشی اسمی منفی مقطع مرکب

مقاومت خمشی منفی طرح $\phi_b M_n$ ، بر مبنای مقاومت خمشی اسمی مقطع فولادی به تنهایی و بر اساس توضیحات فصل خمش تعیین می شود که در آن b ضریب تقلیل مقاومت برابر با ۰.۹ و M_n مقاومت خمشی منفی اسمی می باشد. به عنوان یک روش جایگزین و در صورت برقرار بودن شرایط زیر، می توان مقاومت خمشی منفی را بر اساس توزیع تنش پلاستیک در مقطع مرکب برای حالت حدی تسليیم (لنگر پلاستیک) به دست آورد.

- مقطع تیر فولادی فشرده و دارای مهار جانبی کافی باشد
- در ناحیه لنگر منفی، دال بتنی به کمک برشگیرهای کافی به تیر فولادی وصل شده باشد.
- آرماتورهای دال به موازات تیر فولادی و در عرض موثر دال، شرایط لازم را برای رسیدن به حد تسليیم داشته باشند.

در حالتی که مقطع فولادی فشرده و به صورت مناسبی مهار شده باشد و همچنین آرماتورهای طولی در عرض موثر مقطع به طور کامل ضوابط مربوط به چسبندگی و طول مهاری را برآورده نمایند، مقاومت اسمی خمشی منفی بر اساس توزیع تنش پلاستیک تعیین می گردد.

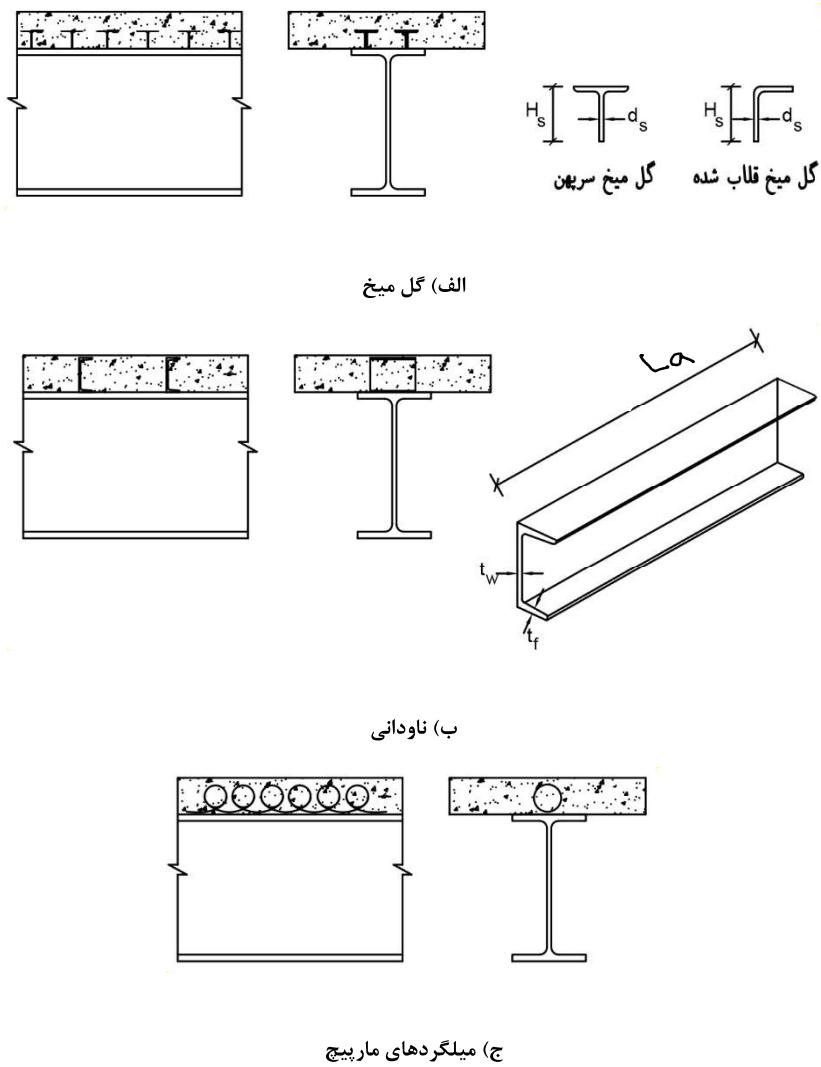
۶-۴ برشگیر

برای دستیابی به عملکرد مرکب در تیرهای ساخته شده از فولاد و بتن لازم است جریان یا نیروی برشی توسعه یافته در محل اتصال دو ماده به نحو مناسبی توسط قطعات اتصالی به نام برشگیر تحمل شود. انواع برشگیرهای متداول عبارتند از:

- الف) گلمیخ با سر پهن یا قلاب شده
- ب) ناوданی یا نیشی
- ج) میلگردهای مارپیچ

استفاده از برشگیرها به منظور یکپارچه کردن دال بتنی با تیرهای فولادی صورت می گیرد. همچنین برشگیرها نقش مهمی در ممانعت از بلند شدن دال بتنی از روی تیر فولادی ایفا می کنند. بدین منظور و برای تحصیل عملکرد کامل در تیر مرکب لازم است

برشگيرها صلبيت کافي نيز برای جلوگيري از لغزش در محل اتصال داشته باشند. در شکل زير انواع مختلف برشگير نشان داده شده است.



شکل ۱۱-۶ انواع برشگيرهای رايج در تيرهای مركب

۶-۴-۱ ضوابط طراحی برشگیرها^۱

اتصالات برشی مورد نیاز بین محل حداکثر لنگر مثبت یا منفی و محل مجاور لنگر صفر باید بین آن دو نقطه به طور یکنواخت توزیع شوند. اما در حالت بارهای متتمرکز، تعداد اتصالات برشی مورد نیاز بین محل بار متتمرکز و محل مجاور لنگر صفر باید به مقدار کافی برای حداکثر لنگر در محل بار متتمرکز باشند. به عبارت دیگر فواصل اتصالات برشی معمولاً یکنواخت در نظر گرفته می‌شوند، مگر در موارد خاص و برای بارهای متتمرکز که لازم است دقت بیشتری در مورد نحوه توزیع اتصالات برشی در نظر گرفته شود. در سقفهای عرضه فولادی، به جز برشگيرهای نصب شده در داخل کنگره ورقهای فولادی شکل داده شده، اتصالات برشگير باید دارای حداقل ۲۵

^۱ مبحث دهم مقررات ملی ویرایش ۹۲

میلیمتر پوشش بتنی جانبی باشد. حداکثر فاصله محور به محور برشگیرها نباید از ۸ برابر ضخامت دال بتنی یا ۸۰ سانتیمتر بیشتر باشد.

تعداد اتصالات برشی مورد نیاز (n) بین محل حداکثر لنگر مثبت یا منفی و محل مجاور لنگر صفر از تقسیم نیروی برشی مورد نیاز (V_{hu}) به مقاومت اسمی یک اتصال برشی (Q_n) به دست می آید.

$$V_{hu} \leq V_{hn} = n \times Q_n \rightarrow n \geq \frac{V_{hu}}{Q_n} \quad ۱۳-۶$$

V_{hu}	نیاز مقاومت برشی افقی نهایی
V_{hn}	مقاومت برشی افقی اسمی
$\sum Q_n$	مجموع مقاومت های اسمی اتصالات برشگیر واقع در حد فاصل نقاط لنگر حداکثر و لنگر صفر
Q_n	مقاومت برشی اسمی هر برشگیر
n	تعداد برشگیر

توجه: تعداد برشگیر بدست آمده، برای محدوده نقاط لنگر ماکزیمم است. در تیرهای ساده، این محدوده معادل نصف طول تیر بوده و تعداد برشگیرهای کل تیر، دو برابر مقدار محاسبه شده است.

۱-۴-۶ نیاز مقاومت برشی در ناحیه لنگر خمشی مثبت

برای عملکرد مرکب تیر فولادی با بتنی که تحت فشار ناشی از خمش می باشد، کل نیروی برش افقی V_h بین محل حداکثر لنگر مثبت و لنگر صفر بر اساس کمترین مقدار از حالت های حدی خردشدنی بتن و تسلیم کششی مقطع فولادی تعیین می گردد.

$$V_{hu} = \min \left\{ \begin{array}{l} 0.85 f_c A_c \\ f_y A_s \end{array} \right\} \quad ۱۴-۶$$

$A_c = b_E t_c$	سطح مقطع دال بتنی در محدوده عرض موثر برابر	A_c	مقاومت فشاری مشخصه نمونه استوانه ای بتن	f_c
A_s	سطح مقطع تیر فولادی	A_s	تش تسلیم فولاد تیر	f_y

۲-۱-۴-۶ نیاز مقاومت برشی در ناحیه لنگر خمشی منفی

در تیرهای مرکب پیوسته که آرماتورهای طولی در محدوده لنگر منفی با فرض عملکرد مرکب با تیر فولادی طراحی می شوند، کل نیروی برشی افقی بین محل حداکثر لنگر منفی و لنگر صفر باید بر اساس حالت حدی تسلیم آرماتورهای طولی دال تعیین گردد. در این رابطه A_{sr} سطح مقطع کل آرماتورهای طولی در عرض موثر بر روی تکیه گاه داخلی است که امکان به حد تسلیم رسیدن آنها وجود دارد.

$$V_{hu} = f_{yr} A_{sr} \quad ۱۵-۶$$

سطح مقطع کل آرماتورهای طولی در عرض موثر بر روی تکیه گاه داخلی	A_{sr}
تش تسلیم آرماتورهای طولی	f_{yr}

برشگیر از نوع گل میخ ۶-۴-۲

مقاومت اسمی برشگیرهای از نوع گل میخ که بر بال فوکانی تیر فولادی متصل شده و داخل بتن فرو رفته‌اند از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$Q_n = \min \left\{ \frac{0.5 A_{sa} \sqrt{f_c E_c}}{R_g R_p A_{sa} f_u} \right\} \quad ۶-۶$$

مقدار ارجاعی بتن	E_c	مقادیر برشی اسمی هر برشگیر گل میخ	Q_n
ضرایب اصلاحی طبق جدول ۱-۶	R_g, R_p	حداقل مقاومت کششی نهایی گل میخ	f_u
		مقاومت فشاری مشخصه نمونه استوانه‌ای بتن	f_c

جدول ۱-۶ مقادیر ضرایب اصلاحی R_p و R_g

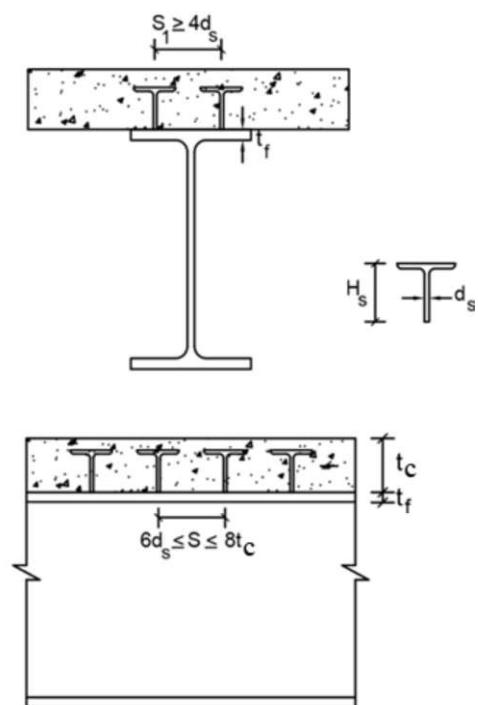
		حالات مقطع مختلف	
R_p	R_g		
0.75	1.0	بدون استفاده از ورق فولادی شکل داده شده	
0.75	1.0	$\frac{w_r}{h_r} \geq 1.5$	کنگره موازی با محور تیر
		$\frac{w_r}{h_r} < 1.5$	
0.6	1.0	یک گل میخ در هر کنگره	با استفاده از ورق فولادی شکل داده شده
0.6	0.85	دو گل میخ در هر کنگره	
0.6	0.7	سه گل میخ در هر کنگره (یا بیشتر)	

ارتفاع اسمی ورقهای فولادی^۱ (مطابق شکل) h_r

پهنای متوسط کنگره‌های پر شده با بتن (مطابق شکل) w_r

قطر گل میخ باید کمتر از ۲.۵ برابر ضخامت بالی که به آن جوش می‌شود باشد، مگر آنکه مستقیماً بالای جان مقطع فولادی جوش شود. حداقل فاصله محور به محور گل میخها در امتداد محور طولی تیر مركب ۶ برابر قطر آن و در امتداد عمود بر محور طولی ۴ برابر قطر آن باشد، مگر در داخل کنگره‌های ورقهای ذوزنقه‌ای که فاصله مرکز تا مرکز حداقل در هر دو امتداد را می‌توان ۴ برابر قطر گل میخ انتخاب کرد.

^۱ به شکلهای ۱۰-۲-۴-۸-۱۰ و ۱۰-۲-۵-۸-۱۰ و ۱۰-۸-۶-۸-۶ مبحث دهم مراجعه شود.



شکل ۱۲-۶ نحوه قرار گیری گل میخ ها در تیور مرکب

مقاطع گلمیخ موجود مطابق جدول زیر دارای قطرهای ۱۰، ۱۳، ۱۶، ۱۹، ۲۲ و ۲۵ میلیمتر هستند و طول (ارتفاع) آنها بر اساس محاسبات تعیین می گردد که ۱۱۵ میلیمتر از طولهای متداول موجود در بازار است.

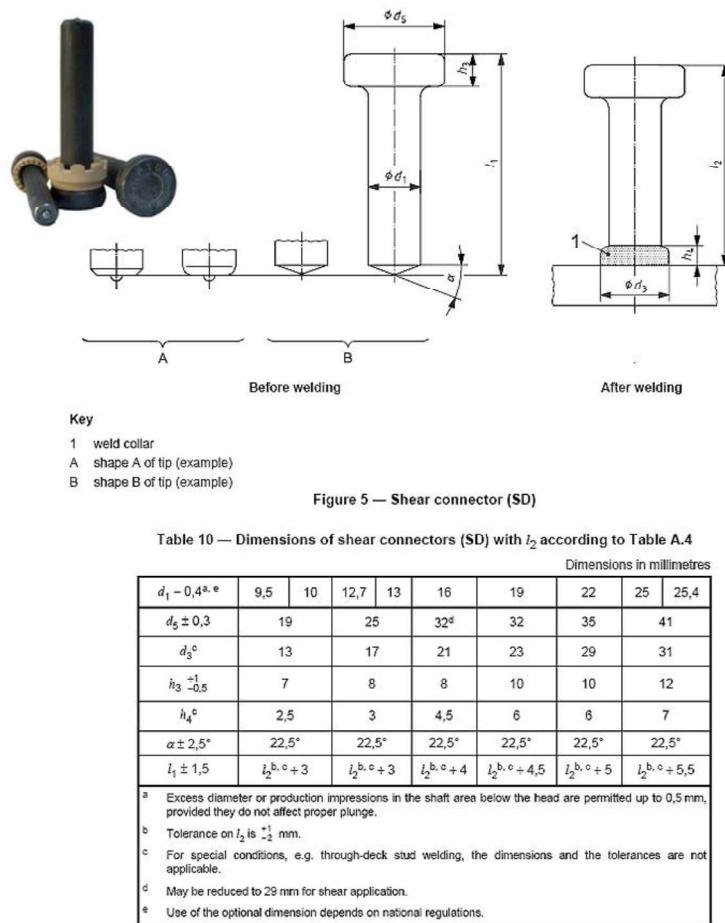


Figure 5 — Shear connector (SD)

Table 10 — Dimensions of shear connectors (SD) with l_2 according to Table A.4

Dimensions in millimetres

$d_1 = 0,4^{\text{a},\text{e}}$	9,5	10	12,7	13	16	19	22	25	25,4
$d_5 \pm 0,3$	19		25		32 ^d	32	35		41
d_3^{c}	13		17		21	23	29		31
$h_3 \pm 0,5$	7		8		8	10	10		12
h_4^{c}	2,5		3		4,5	6	6		7
$\alpha \pm 2,5^\circ$	22,5°		22,5°		22,5°	22,5°	22,5°		22,5°
$l_1 \pm 1,5$	$l_2^{\text{b},\text{c}} + 3$		$l_2^{\text{b},\text{c}} + 3$		$l_2^{\text{b},\text{c}} + 4$	$l_2^{\text{b},\text{c}} + 4,5$	$l_2^{\text{b},\text{c}} + 5$		$l_2^{\text{b},\text{c}} + 5,5$

^a Excess diameter or production impressions in the shaft area below the head are permitted up to 0,5 mm, provided they do not affect proper plunge.

^b Tolerance on l_2 is ± 2 mm.

^c For special conditions, e.g. through-deck stud welding, the dimensions and the tolerances are not applicable.

^d May be reduced to 29 mm for shear application.

^e Use of the optional dimension depends on national regulations.

شكل ۱۳-۶ جدول مشخصات گلمیخ

تست اتصال جوش گلمیخ بر اساس آزمایش‌های استاندارد انجام می‌شود که شکل زیر نمونه گلمیخ پس از اعمال ضربات چکش

تست را نشان می‌دهد.



شكل ۱۴-۶ تست جوش گلمیخ

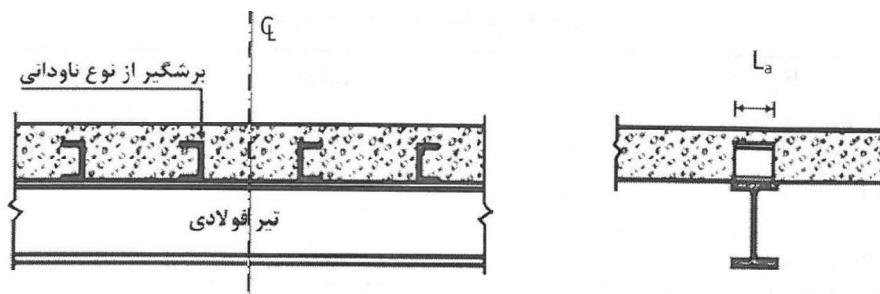
۶-۴-۳

برشگیر از نوع ناودانی

مقاومت اسمی برشگیرهای از نوع ناودانی که بر بال فوکانی تیر فولادی متصل شده و در داخل دال بتنی قرار می‌گیرند، از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$Q_n = 0.3(t_f + 0.5t_w)L_a\sqrt{f_c E_c} \quad ۱۷-۶$$

طول ناودانی	L_a	مقاومت برشی اسمی هر برشگیر ناودانی	Q_n
ضخامت متوسط بال ناودانی	t_f	مقاومت فشاری مشخصه نمونه استوانه‌ای بتن	f_c
ضخامت جان ناودانی	t_w	مدول ارجاعی بتن	E_c



شکل ۱۵-۶ برشگیرهای ناودانی

برای برشگیر ناودانی حداقل پوشش بتنی باید $2.5cm$ در نظر گرفته شود. حداقل فاصله مرکز به مرکز ناودانی 50 میلیمتر است.

۶-۵ خیز در تیر مركب

لازم به ذکر است کنترلهای بھر برداری می‌باشد لذا می‌بایست بارهای بدون ضریب مورد استفاده قرار گیرند. محاسبه تغییر مکان در تیرهای مركب به نحوه اجرای آن بستگی دارد. با توجه به اجرای تیرهای مركب در دو حالت با و بدون شمعبندی، نتیجه می‌شود:

(الف) چنانچه در اجرای تیر مركب از سیستم شمعبندی استفاده شود، تغییر مکان حداکثر تیر مركب در ناحیه الاستیک که دارای طول دهانه L و شامل بارهای مرده W_D و بارهای زنده W_L باشند، توسط رابطه زیر تعیین می‌شود:

$$\delta_{max} = \beta \frac{(W_D + W_L)L^3}{E_s I_c} \quad ۱۸-۶$$

ممان اینرسی مقطع تبدیل یافته (تیر کامپوزیت)
ضریبی است که برای تعدادی از تیرها با بارگذاری و شرایط تکیه‌گاهی مختلف ارائه شده است.

مقطع تبدیل یافته مقطعی که سطح مقطع بتن با بکار بردن عرضی برابر با $b_{tr} = \frac{b_E}{n}$ به فولاد معادل تبدیل می‌شود. برای محاسبه لنگر اینرسی مقطع تبدیل یافته ابتدا باید تار خنثی الاستیک را یافته و سپس لنگر اینرسی مقطع تبدیل یافته از قانون محورهای موازی محاسبه می‌گردد.

ب) اگر در اجرای تیر مركب از سистем شمع‌بندی استفاده نشود، تغییر مکان حداکثر تیر فولادی قبل از گیرش بتن تحت اثر بار

مرده W_{D1} توسط رابطه زير تعیین می‌شود:

$$\delta_{max(D1)} = \beta \frac{(W_{D1})L^3}{E_s I_s} \quad ۱۹-۶$$

I_s : ممان اینرسی تیر فولادی تنها

پس از گیرش بتن، تغییر مکان حداکثر تیر مركب ناشی از بارهای مرده W_L و بارهای زنده W_{D2} توسط روابط زير بدست می‌آید:

$$\delta_{max(D2)} = \beta \frac{(W_{D2})L^3}{E_s I_c} \quad ۲۰-۶$$

$$\delta_{max(L)} = \beta \frac{(W_L)L^3}{E_s I_c}$$

بنابراین تغییر مکان حداکثر ناشی از بارهای زنده و مرده در سیستم بدون شمع‌بندی برابر است با:

$$\delta_{max(D+L)} = \delta_{max(D1)} + \delta_{max(D2)} + \delta_{max(L)} \quad ۲۱-۶$$

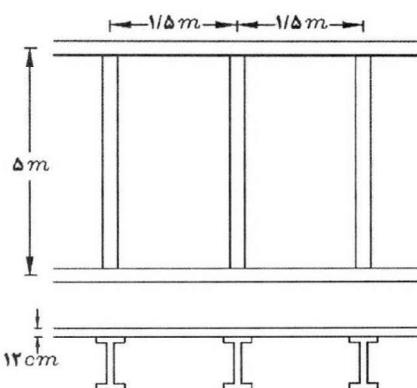
تغییر مکانهای حداکثر بدست آمده از خیز باید از مقادیر مجاز مطابق روابط زير کمتر باشد:

$$\delta_{max(L)} \leq \frac{L}{360} \quad ۲۲-۶$$

$$\delta_{max(D+L)} \leq \frac{L}{240} \quad ۲۳-۶$$

مثال ۶-۲

سیستم کف نشان داده شده در شکل زير متشکل از تیرهای IPE به فواصل ۱.۵ متر و طول دهانه ۵ متر با تکیه‌گاههای ساده و دال مرکب به ضخامت ۱۲ سانتیمتر را با استفاده از شمع موقت طراحی نماییم. بار مرده سقف $600 \frac{kg}{m^2}$ با در نظر گرفتن وزن تیر و بدون در نظر گرفتن وزن دال و بار زنده $500 \frac{kg}{m^2}$ است. مقاومت فشاری بتن $f_c = 210 \frac{kg}{cm^2}$ می‌باشد.



شکل ۶-۱۶ نمایش سقف کامپوزیت (پلان تیر ریزی سقف)

حل) با استفاده از شمع موقت

در این حالت، سقف باید به صورت مرکب برای کلیه بارهای وارد طراحی گردد.

$$t_c = 12\text{cm}$$

$$f_c = 210 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2} = 0.21 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2} \cong 21 \text{MPa}$$

$$\gamma_c = 25 \frac{\text{KN}}{\text{m}^3}$$

$$E_c = (3300\sqrt{21} + 6900) \left(\frac{25}{23}\right)^{1.5} = 26518 \text{MPa} \cong 270 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

گام ۱ - محاسبه لنگر نهایی M_u

محاسبه بار گسترده خطی نهایی

$$\gamma_c = 25 \frac{\text{KN}}{\text{m}^3} \cong 2.55 \frac{\text{ton}}{\text{m}^3}$$

$$q_D = 0.12m \times 2.55 \frac{\text{ton}}{\text{m}^3} \times 1.5m + 0.6 \frac{\text{ton}}{\text{m}^2} \times 1.5m = 1.36 \frac{\text{ton}}{m}$$

$$q_L = 1.5m \times 0.5 \frac{\text{ton}}{\text{m}^2} = 0.75 \frac{\text{ton}}{m}$$

$$q_u = 1.2q_D + 1.6q_L = 1.2 \times 1.36 + 1.6 \times 0.75 = 2.83 \frac{\text{ton}}{m}$$

$$q_u = 1.2q_D + 1.6q_L = 1.2 \times 1.36 + 1.6 \times 0.75 = 2.83 \frac{\text{ton}}{m}$$

محاسبه لنگر نهایی با ترکیب بار $1.2D + 1.6L$

$$M_u = \frac{q_u L^2}{8} = \frac{2.83 \times 5^2}{8} = 8.85 \text{ ton.m} = 885 \text{ ton.cm}$$

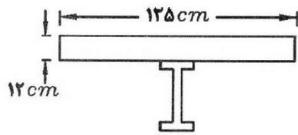
گام ۲ - عرض موثر مقطع مرکب

عرض موثر مقطع مرکب با توجه به اینکه تیر مورد بررسی تیر میانی است، محاسبه می شود:

$$b_E \leq \min\left(\frac{L}{4}, \frac{b_1+b_2}{2}\right) = \min\left(\frac{500}{4}, \frac{150+150}{2}\right) = \min(125, 150) = 125 \text{ cm}$$

$$A_c = b_E t_c = 125 * 12 = 1500 \text{ cm}^2$$

در شکل زیر مقطع مرکب نشان داده شده است:



گام ۳ - حدس اولیه پروفیل فولادی

برای حدس اولیه M_n از آنجا که در مقطع کامپوزیت بال بالا تحت خمس مثبت فشاری است و مهار جانبی سراسری دارد، با فرض استفاده از مقاطع نورد شده، می‌توان تیر را فشرده در نظر گرفت و همچنین با توجه به عملکرد کامپوزیت که باعث افزایش مقاومت تیر می‌شود، M_n مقدار بزرگتری از M_p در نظر گرفته می‌شود این میزان افزایش می‌تواند از ۲ تا ۳ برابر منظور شود. توجه شود که به علت شمع بندی تیر، عملاً زمانی شمع بندی حذف می‌شود که بال بالای تیر با بتون درگیر شده و مهار پیوسته برقرار شود ($L_b = 0$) که در این حالت تیر در ناحیه یک خمی قرار دارد.

چنانچه افزایش لنگر پلاستیک به میزان ۲ برابر فرض شود:

$$M_n \cong 2.0M_p$$

$$\phi_b M_n \geq M_u \rightarrow \phi_b \times 2.0 Z f_y \geq M_u \rightarrow Z \geq \frac{M_u}{2\phi_b f_y} = \frac{885}{0.9 \times 2 \times 2.4} = 205 \text{ cm}^3 \rightarrow \text{try IPE20}$$

با بدست آمده و با استفاده از جدول اشتال، IPE20 به عنوان مقطع کنترل انتخاب می‌گردد.

$$\text{IPE20} \rightarrow d = 20 \text{ cm}, A = 28.5 \text{ cm}^2, Z_x = 209.7 \text{ cm}^3$$

گام ۴ - موقعیت تار خنثی پلاستیک

برای تعیین موقعیت تار خنثی پلاستیک، در ابتدا فرض می‌شود که منطقه فشاری به طور کامل در بتون قرار دارد (تار خنثی در ناحیه بتنی فرض می‌شود). سپس بعد از محاسبه a این فرض کنترل می‌شود.

$$f_c = 0.21 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

$$0.85 f_c b_E a = A_s f_y \rightarrow 0.85 \times 0.21 \times 125 \times a = 28.5 \times 2.4 \rightarrow a = 3.1 \text{ cm}$$

$$a = 3.1 \text{ cm} < t_c = 12 \text{ cm}$$

در نتیجه تار خنثی پلاستیک، در بتون قرار دارد.

گام ۵ - محاسبه ظرفیت خمی طراحی $\phi_b M_n$ و کنترل آن

$$M_n = A_s f_y \left(\frac{d}{2} + t_c - \frac{a}{2} \right) = 28.5 \times 2.4 \times \left(\frac{20}{2} + 12 - \frac{3.1}{2} \right) = 1398.8 \text{ ton.cm}$$

$$\frac{M_n}{M_p} = \frac{1398.8}{209.7 \times 2.4} = 2.78$$

کنترل ظرفیت خمی

$$M_u \leq \phi_b M_n$$

$$M_u = 885 \leq \phi_b M_n = 0.9 \times 1399 = 1259 \text{ ton.cm} \rightarrow OK, \frac{1259}{885} = 1.42$$

مقطع جوابگوست. به دلیل اختلاف ۴۳ درصدی نیاز و ظرفیت، پروفیل با نمره کمتر نیز بررسی می‌گردد.

$$\text{IPE18} \rightarrow d = 18 \text{ cm}, A = 23.9 \text{ cm}^2, Z_x = 160.9 \text{ cm}^3$$

$$0.85f_c b_E a = A_s f_y \rightarrow 0.85 \times 0.21 \times 125 \times a = 23.9 \times 2.4 \rightarrow a = 2.57\text{cm}$$

$$M_n = A_s f_y \left(\frac{d}{2} + t_c - \frac{a}{2} \right) = 23.9 \times 2.4 \times \left(\frac{18}{2} + 12 - \frac{2.57}{2} \right) = 1130.9\text{ton.cm}$$

$$\frac{M_n}{M_p} = \frac{1130.9}{160.9 \times 2.4} = 2.93$$

$$M_u = 885 \leq \phi_b M_n = 0.9 \times 1130.9 = 1017.8\text{ton.cm} \rightarrow OK, \frac{1017.8}{885} = 1.15$$

قطع جوابگوست. به دلیل اختلاف ۱۵ درصدی نیاز و ظرفیت، پروفیل با نمره کمتر نیز بررسی می‌گردد.

$$IPE16 \rightarrow d = 16\text{cm}, A = 20.1\text{cm}^2, Z_x = 119\text{cm}^3$$

$$0.85f_c b_E a = A_s f_y \rightarrow 0.85 \times 0.21 \times 125 \times a = 20.1 \times 2.4 \rightarrow a = 2.16\text{cm}$$

$$M_n = A_s f_y \left(\frac{d}{2} + t_c - \frac{a}{2} \right) = 20.1 \times 2.4 \times \left(\frac{16}{2} + 12 - \frac{2.16}{2} \right) = 912.7\text{ton.cm}$$

$$\frac{M_n}{M_p} = \frac{912.7}{119 \times 2.4} = 3.19$$

$$M_u = 885 \leq \phi_b M_n = 0.9 \times 912.7 = 821.4\text{ton.cm} \rightarrow NOT OK$$

در نتیجه مقطع IPE18 مناسب است.

ملاحظه می‌شود که با کاهش نمره پروفیل، نسبت ظرفیت خمشی اسمی مقطع به لنگر پلاستیک پروفیل افزایش می‌باید و فرض افزایش آن به میزان ۲.۵ برابر، فرض مناسبی است.

گام ۶ - کنترل فشرده

در پروفیلهای نورد شده، شرایط فشرده مقطع برقرار است.

$$IPE18 \rightarrow b_f = 9.1\text{cm}, t_f = 0.8\text{cm}, d - 2k = 14.6\text{cm}, t_w = 0.53\text{cm}$$

$$\lambda_f = \frac{b_f/2}{t_f} = \frac{9.1/2}{0.8} = 5.7 \leq \lambda_{pf} = 0.38 \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 0.38 \sqrt{\frac{2040}{2.4}} = 11.08$$

$$\lambda_w = \frac{d-2k}{t_w} = \frac{14.6}{0.53} = 27.5 \leq \lambda_{pw} = 3.76 \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 3.76 \sqrt{\frac{2040}{2.4}} = 109.6$$

قطع فشرده است.

گام ۷ - طراحی برشگیرها

$$V_{hu} = \min(0.85f_c A_c, f_y A_s) \leq V_{hn} = \Sigma Q_n$$

با توجه به اینکه منطقه فشاری به طور کامل در بتن قرار دارد، انتظار می‌رود تسیلیم فولاد کنترل کننده باشد و خردشده بتن تعیین کننده نباشد.

$$V_{hu} = \min(0.85f_c A_c, f_y A_s) = \min(0.85 * 0.21 * 1500, 2.4 * 23.9) = \min(267.75, 57.36) = 57.36\text{ton}$$

با فرض استفاده از گلمیخ به قطر ۱۰ میلیمتر و حداقل ارتفاع ۴۰ میلیمتر، مقاومت برشی هر گلمیخ بدست می‌آید.

$$Q_n = \min(0.5A_{sa}\sqrt{f_c E_c}, R_g R_p A_{sa} f_u)$$

$$A_{sa} = \frac{\pi * 1^2}{4} = 0.785\text{cm}^2$$

$$0.5A_{sa}\sqrt{f_c E_c} = 0.5 \times 0.785 \times \sqrt{0.21 \times 270} = 2.96\text{ton}$$

$$R_g R_p A_{sa} f_u = 1 \times 0.75 \times 0.785 \times 4.5 = 2.64\text{ton}$$

$$Q_n = \min(2.96, 2.64) = 2.64\text{ton}$$

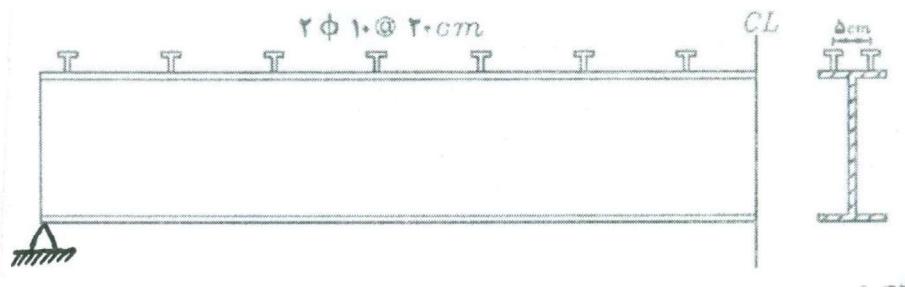
محاسبه تعداد گلمیخ (در نصف تیر):

$$V_{hu} \leq V_{hn} = \Sigma Q_n = n Q_n \rightarrow n \geq \frac{V_{hu}}{Q_n} = \frac{57.4}{2.64} = 21.7 \Rightarrow n = 22 = 2 * 11$$

تعداد گلمیخ بدست آمده باید در فاصله حداقل لنگر مثبت و لنگر صفر توزیع شوند. اگر این فاصله با توجه به عرض تکیه‌گاهها به طور تقریبی 2.2m در نظر گرفته شود و با فرض دو گلمیخ در هر ردیف، فاصله گلمیخها به دست می‌آید.

$$s = \frac{220}{11} = 20\text{cm} \rightarrow \text{use } 2\phi 10 @ 20\text{cm}$$

تیر طراحی شده به صورت کامپوزیت در حالت با شمع‌بندی در شکل زیر نشان داده شده است.



گام -۸

بررسی برش قائم تیر فولادی

با صرفنظر کردن از تحمل برش قائم بتن در مقطع تیر کامپوزیت، کل برش مقطع را باید تیر فولادی تنها تحمل کند.

$$\text{برای مقطع پروفیل نورد شده با توجه به رابطه } \frac{h}{t_w} \leq 2.24 \sqrt{\frac{E}{f_y}} \text{ برای بررسی برش نتیجه می شود:}$$

$$\frac{h}{t_w} \leq 2.24 \sqrt{\frac{E}{f_y}} \rightarrow \frac{146}{5.3} = 27.5 \leq 64.7 \rightarrow C_v = 1, V_n = 0.6f_y A_w C_v, \phi_v = 1$$

$$\phi_v V_n = 1 \times 0.6 \times 2.4 \times (18 \times 0.53) \times 1 = 13.7\text{ton}$$

$$V_u = \frac{q_u L}{2} = \frac{2.83 \times 5}{2} = 7.1\text{ton}$$

$$V_u = 7.1\text{ton} \leq \phi_v V_n = 13.7\text{ton} \rightarrow OK$$

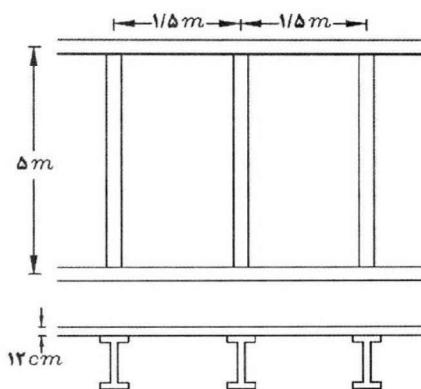
مقطع مورد بررسی از نظر برش نیز قابل قبول می باشد.

مثال ۳-۶ (تشابه با مثال قبل)

سیستم کف نشان داده شده شکل زیر متشکل از تیرهای IPE ۱.۵ متر و طول دهانه ۵ متر با تکیه‌گاههای

ساده و دال مركب به ضخامت ۱۲ سانتیمتر را بدون استفاده از شمع موقت طراحی نمایید. بار مرده $600 \frac{kg}{m^2}$ بدون در نظر

گرفتن وزن دال و وزن تیر و بار زنده $500 \frac{kg}{m^2}$ است. مقاومت فشاری بتن $f'_c = 210 \frac{kg}{cm^2}$ می باشد.



شکل ۱۷-۶ نمایش سقف کامپوزیت (پلان تیر ریزی سقف)

حل) بدون استفاده از شمع موقت

در این حالت، تیر فولادی باید به تنها بی وزن مرده بتن را بتواند تحمل کند. تا قبل گیرش بتن با لحاظ نکردن روشی برای جلوگیری از کمانش جانبی تیر فولادی، عملکرد تیر فولادی به صورت مهار نشده می باشد.

$$t_c = 12\text{cm}$$

$$f_c = 210 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2} = 0.21 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2} \cong 21 \text{MPa}$$

$$\gamma_c = 25 \frac{\text{KN}}{\text{m}^3}$$

$$E_c = (3300\sqrt{21} + 6900) \left(\frac{25}{23}\right)^{1.5} = 26518 \text{ MPa} \cong 270 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

گام ۱

محاسبه ظرفیت خمشی M_n تیر فولادی قبل از گیرش بتن

$$\gamma_c = 25 \frac{\text{KN}}{\text{m}^3} \cong 2.55 \frac{\text{ton}}{\text{m}^3}$$

برای در نظر گرفتن وزن تیر، مقطع تیر معادل مقطع حالت قبل IPE18 فرض می شود.

$$IPE18: G = 18.8 \frac{\text{Kg}}{\text{m}}$$

با توجه به اینکه در این مرحله فقط بار بتن تازه (بار مرده) به تیر وارد می شود لذا ترکیب بار $1.4D$ از میان ترکیب بارهای مختلف، انتخاب می گردد.

$$q_{D1} = 0.12m \times 2.55 \frac{\text{ton}}{\text{m}^3} \times 1.5m + \frac{18.8 \frac{\text{kg}}{\text{m}}}{1000} = 0.48 \frac{\text{ton}}{\text{m}}$$

$$q_u = 1.4 q_{D1} = 0.67 \frac{\text{ton}}{\text{m}}$$

$$M_u = \frac{q_u L^2}{8} = \frac{0.67 \times 5^2}{8} = 2.09 \text{ ton.m} = 209 \text{ ton.cm}$$

$$L_p = 1.76 r_y \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 1.76 \times 2.06 \sqrt{\frac{2040}{2.4}} = 105.7 \text{ cm}$$

$$r_{ts} = \sqrt{\frac{I_y h_o}{2 \cdot S_x}} = \sqrt{\frac{101 \times 17.2}{2 \times 146}} = 2.44 \text{ cm}$$

$$J = \frac{1}{3} \sum (bt^3) = \frac{1}{3} [2 \times 0.8^3 \times 9.1 + 0.53^3 \times (18 - 2 \times 0.8)] = 3.92 \text{ cm}^4$$

$$L_r = 1.95 r_{ts} \frac{E}{0.7 f_y} \sqrt{\frac{Jc}{S_x h_o} + \sqrt{\left(\frac{Jc}{S_x h_o}\right)^2 + 6.76 \left(\frac{0.7 f_y}{E}\right)^2}}$$

$$L_r = 1.95 * 2.44 \frac{2040}{0.7 * 2.4} \sqrt{\frac{3.92 * 1}{146(18 - 0.8)} + \sqrt{\left(\frac{3.92 * 1}{146(18 - 0.8)}\right)^2 + 6.76 \left(\frac{0.7 * 2.4}{2040}\right)^2}}$$

$$= 374.8 \text{ cm}$$

$$L_b = 500 \text{ cm} > L_r = 378.8 \text{ cm}$$

برای محاسبه C_b نیاز به معادله لنگر می‌باشد که به صورت زیر بدست می‌آید.

$$R_A = \frac{q_u L}{2} = \frac{0.67 * 5}{2} = 1.67 \text{ ton}$$

$$M_x = -\frac{q_u x^2}{2} + R_A x = -0.335 x^2 + 1.67 x$$

$$M_A \left(x = \frac{1}{4} \times 5 \right) = -0.335(1.25^2) + 1.67 \times 1.25 = 1.56 \text{ ton.m}$$

$$M_B \left(x = \frac{1}{2} \times 5 \right) = -0.335(2.5^2) + 1.67 \times 2.5 = 2.08 \text{ ton.m}$$

$$M_C \left(x = \frac{3}{4} \times 5 \right) = -0.335(3.75^2) + 1.67 \times 3.75 = 1.55 \text{ ton.m}$$

لازم به ذکر است مقادیر M_A و M_C به دلیل تقارن، یکسان هستند و اختلاف ناچیز ایجاد شده به دلیل خطای محاسباتی ناشی از روند کردن اعداد محاسبه شده است.

$$M_{max} = 2.08 \text{ ton.m}$$

$$C_b = \frac{12.5 M_{max}}{2.5 M_{max} + 3 M_A + 4 M_B + 3 M_C} R_m = \frac{12.5 \times 2.08}{2.5 \times 2.08 + 3 \times 1.56 + 4 \times 2.08 + 3 \times 1.55} \times 1 = 1.136$$

لازم به ذکر است ضریب C_b برای تیرهای ساده دارای بار گسترده همواره برابر مقدار فوق بدست می‌آید.

$$f_{cr} = \frac{C_b \pi^2 E}{\left(\frac{L_b}{r_{ts}}\right)^2} \sqrt{1 + 0.078 \frac{Jc}{S_x h_0} \left(\frac{L_b}{r_{ts}}\right)^2} = \frac{1.13 * \pi^2 * 2040}{\left(\frac{500}{2.44}\right)^2} \sqrt{1 + 0.078 * \frac{3.92 * 1}{146 * 17.2} * \left(\frac{500}{2.44}\right)^2}$$

$$= 1.33 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

$$M_n = f_{cr} S_x = 1.33 \times 146 = 194.1 \text{ ton.cm}$$

گام ۲ - کنترل تیر فولادی قبل از گیرش

$$M_u \leq \phi_b M_n$$

$$M_u = 209 \text{ ton.cm} \not\leq \phi_b M_n = 0.9 \times 194.1 = 174.7 \text{ ton.cm} \rightarrow NOT OK$$

پروفیل IPE18 به صورت مهار نشده جوابگوی وزن مرده بتن و تیر نمی باشد، در نتیجه پروفیل IPE20 انتخاب می شود. در این مرحله در صورت تغییر قابل توجه در وزن تیر، باید مقدار q_D دوباره محاسبه گردد.

$$IPE20: A_s = 28.5 \text{ cm}^2$$

$$L_p = 1.76 r_y \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 1.76 \times 2.24 \sqrt{\frac{2040}{2.4}} = 114.9 \text{ cm}$$

$$r_{ts} = \sqrt{\frac{I_y h_o}{2 \cdot S_x}} = \sqrt{\frac{142 \times 19.15}{2 \times 194}} = 2.65 \text{ cm}$$

$$J = \frac{1}{3} \sum (bt^3) = \frac{1}{3} [2 \times 0.85^3 \times 10 + 0.56^3 \times (20 - 2 \times 0.85)] = 5.17 \text{ cm}^4$$

$$L_r = 1.95 r_{ts} \frac{E}{0.7 f_y} \sqrt{\frac{Jc}{S_x h_o} + \sqrt{\left(\frac{Jc}{S_x h_o}\right)^2 + 6.76 \left(\frac{0.7 f_y}{E}\right)^2}}$$

$$L_r = 1.95 * 2.65 * \frac{2040}{0.7 * 2.4} \sqrt{\frac{5.17 * 1}{194(20 - 0.85)} + \sqrt{\left(\frac{5.17 * 1}{194(20 - 0.85)}\right)^2 + 6.76 \left(\frac{0.7 * 2.4}{2040}\right)^2}} = 393.6 \text{ cm}$$

$$L_b = 500 \text{ cm} > L_r = 393.6 \text{ m}$$

$$f_{cr} = \frac{C_b \pi^2 E}{\left(\frac{L_b}{r_{ts}}\right)^2} \sqrt{1 + 0.078 \frac{Jc}{S_x h_o} \left(\frac{L_b}{r_{ts}}\right)^2}$$

$$f_{cr} = \frac{1.136 \times \pi^2 \times 2040}{\left(\frac{500}{2.64}\right)^2} \sqrt{1 + 0.078 \frac{5.16 * 1}{194 \times 19.15} \left(\frac{500}{2.64}\right)^2} = 1.41 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

$$M_n = f_{cr} S_x = 1.41 \times 194 = 273.4 \text{ ton.cm}$$

$$M_u = 209 \text{ ton.cm} \leq \phi_b M_n = 0.9 \times 273.4 = 246.1 \text{ ton.cm} \rightarrow OK$$

قطع IPE20 بدون مهار جانبی، جوابگو می باشد.

گام -۳ کنترل تیر مركب پس از گيرش بتن

قطع پس از گيرش و به صورت مركب بررسی می شود. بدیهی است که مقطع در اين حالت جوابگوست، اما مقطع کنترل می شود. برای تعیین موقعیت تار خنثی پلاستیک، در ابتدا فرض می شود که منطقه فشاری به طور کامل در بتن قرار دارد، سپس بعد از محاسبه اين فرض کنترل می شود.

$$IPE20 \rightarrow A = 28.5 \text{ cm}^2$$

$$0.85 f_c b_E a = A_s f_y \rightarrow 0.85 \times 0.21 \times 125 \times a = 28.5 \times 2.4 \rightarrow a = 3.07 \text{ cm}$$

$$a = 3.07 \text{ cm} \leq t_c = 12 \text{ cm}$$

در نتیجه تار خنثی در بتن قرار دارد (دال مناسب).

$$\text{محاسبه } M_n$$

$$M_n = A_s f_y \left(\frac{d}{2} + t_c - \frac{a}{2} \right) = 28.5 \times 2.4 \times \left(\frac{20}{2} + 12 - \frac{3.07}{2} \right) \frac{1}{100} = 1400 \text{ ton.cm}$$

کنترل ظرفیت خمشی

$$q_D = 0.12m \times 2.55 \frac{\text{ton}}{\text{m}^3} \times 1.5m + 0.6 \frac{\text{ton}}{\text{m}^2} \times 1.5m + \frac{22.4 \text{ kg/m}}{1000} = 1.38 \frac{\text{ton}}{\text{m}}$$

$$q_L = 1.5m \times 0.5 \frac{\text{ton}}{\text{m}^2} = 0.75 \frac{\text{ton}}{\text{m}}$$

$$q_u = 1.2q_D + 1.6q_L = 1.2 \times 1.38 + 1.6 \times 0.75 = 2.86 \frac{\text{ton}}{\text{m}}$$

$$M_u = \frac{q_u L^2}{8} = \frac{2.86 \times 5^2}{8} = 8.92 \text{ ton.m} = 892 \text{ ton.cm}$$

$$M_u = 892 \text{ ton.cm} \leq \phi_b M_n = 0.9 \times 1400 = 1259.8 \text{ ton.cm}$$

لازم به ذکر است مقطع مرکب IPE18 نیز احتمالاً پاسخگوی نیاز خمشی است ولی برای حالت قبل از گیرش، مناسب نیست. در نتیجه مقطع IPE20 مناسب است.

گام ۴ - طراحی اتصالات برشی

در این حالت از اتصالات برشی ناوданی استفاده می‌شود. مقطع UNP6 انتخاب می‌شود تا مقداری پوشش بتن بالای ناوданی در نظر گرفته شود. طول ناوданی نیز با توجه به عرض بال تیر فولادی ۵ سانتیمتر انتخاب می‌شود.

$$V_{hu} = \min(0.85f_c A_c, f_y A_s) \leq V_{hn} = \Sigma Q_n$$

با توجه به اینکه منطقه فشاری به طور کامل در بتن قرار دارد، انتظار می‌رود تسليم فولاد کنترل کننده باشد و خردشگی بتن تعیین کننده نباشد.

$$V_{hu} = \min(0.85f_c A_c, f_y A_s) = \min(0.85 \times 0.21 \times 1500, 2.4 \times 28.5) = \min(267.75, 68.4)$$

$$V_{hu} = 68.4 \text{ ton}$$

مقاومت ناوданی به صورت زیر بدست می‌آید:

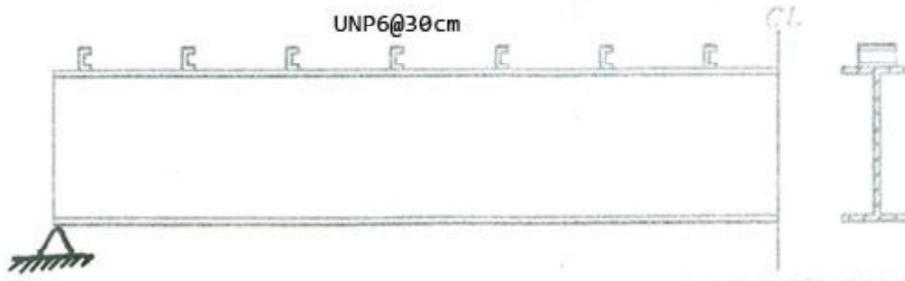
$$Q_n = 0.3(t_f + 0.5t_w)L_a \sqrt{f_c E_c} = 0.3(0.6 + 0.5 \times 0.6) \times 5\sqrt{0.21 \times 270} = 9.78 \text{ ton}$$

محاسبه تعداد ناوданی‌ها طبق رابطه زیر برابر است با:

$$V_{hu} \leq V_{hn} = nQ_n \rightarrow n \geq \frac{V_{hu}}{Q_n} = \frac{68.4}{9.78} = 6.99 \rightarrow n = 7$$

$$s \leq \frac{220}{7} = 32.9 \text{ cm} \rightarrow \text{use UNP6@30 cm}$$

تیر طراحی شده به صورت کامپوزیت در حالت بدون شمع‌بندی در شکل زیر نشان داده شده است.



مثال ۶-۴

تغییر شکل مقطع طراحی شده مثال قبل را در هر دو حالت با و بدون شمع بندی موقت به دست آورید و با مقدار مجاز مقایسه نمایید.

حل الف) با استفاده از شمع موقت

در این حالت ابتدا مقطع معادل فولادی تشکیل می شود، برای اینکار b_{tr} با فرض $n = 7$ از رابطه زیر بدست می آید:

$$b_{tr} = \frac{b_E}{n} = \frac{125}{7} = 17.85\text{cm}$$

با توجه به مقطع معادل فولادی \bar{y} ارتفاع تار خنثی محاسبه می شود.

$$IPE18 \rightarrow A = 23.9\text{cm}^2, I_x = 1320\text{cm}^4$$

$$\bar{y} = \frac{\sum A_i y_i}{\sum A_i} = \frac{17.85 \times 12 \times 6 + 23.9 \times \left(12 + \frac{18}{2}\right)}{17.85 \times 12 + 23.9} = 7.51\text{cm}$$

از بتن کششی در محاسبه لنگر اینرسی مقطع مرکب صرف نظر می شود. لنگر اینرسی مقطع مرکب برابر است با:

$$I_c = I_x + Ad^2 + \frac{1}{3}b_{tr}\bar{y}^3 = 1320 + 23.9 \times \left(12 + \frac{18}{2} - 7.51\right)^2 + \frac{17.85 \times 7.51^3}{3} = 8189.5\text{cm}^4$$

با محاسبه لنگر اینرسی مقطع تبدیل یافته، تغییر شکل تحت بار زنده محاسبه می شود.

$$q_L = 0.75 \frac{\text{ton}}{\text{m}} = 7.5 * 10^{-3} \frac{\text{ton}}{\text{cm}}$$

$$\delta_{max(L)} = \frac{5}{384} \frac{(q_L)L^4}{E_s I_c} = \frac{5}{384} \frac{7.5 * 10^{-3} \frac{\text{ton}}{\text{cm}} \times 500^4}{2040 \times 8189.5} = 0.37\text{cm} \leq \frac{L}{360} = \frac{500}{360} = 1.4\text{cm} \rightarrow OK$$

تغییر شکل تحت بار مرده و زنده نیز با لنگر اینرسی مقطع تبدیل یافته محاسبه می شود.

$$q_D = 0.12 \times 2.55 \times 1.5 + 0.6 \times 1.5 = 1.36 \frac{\text{ton}}{\text{m}} = 13.6 * 10^{-3} \frac{\text{ton}}{\text{cm}}$$

$$\delta_{max(D)} = \frac{5}{384} \frac{q_D L^4}{E_s I_s} = \frac{5}{384} \frac{13.6 * 10^{-3} \times 500^4}{2040 \times 8189.5} = 0.66\text{cm}$$

$$\delta_{max} = \delta_D + \delta_L = 0.66 + 0.37 = 1.03\text{cm}$$

$$\delta_{max} = 1.03\text{cm} \leq \frac{L}{240} = \frac{500}{240} = 2.1\text{cm} \rightarrow OK$$

تغییر شکل مقطع مورد نظر جوابگو می باشد.

حل ب) بدون استفاده از شمع موقعت

در ابتدا تغییرشکل عضو فولادی تحت اثر وزن مرده بتن بدست می‌آید:

$$q_{D1} = 0.12 \times 2.55 \times 1.5 = 0.46 \frac{\text{ton}}{\text{m}} = 4.6 \times 10^{-3} \frac{\text{ton}}{\text{cm}}$$

$$\delta_{max(D1)} = \frac{5}{384} \frac{q_{D1} L^4}{E_s I_s} = \frac{5}{384} \frac{4.6 \times 10^{-3} \times 500^4}{2040 \times 1940} = 0.95 \text{ cm}$$

تغییر شکل عضو فولادی پس از گیرش بتن:

تار خنثی و لنگر اینرسی مقطع مرکب محاسبه می‌شود.

$$b_{tr} = \frac{b_E}{n} = \frac{125}{7} = 17.85 \text{ cm}$$

$$IPE20 \rightarrow A = 28.5 \text{ cm}^2, I_x = 1940 \text{ cm}^4$$

$$\bar{y} = \frac{\sum A_i y_i}{\sum A_i} = \frac{17.85 \times 12 \times 6 + 28.5 \times \left(12 + \frac{20}{2}\right)}{17.85 \times 12 + 28.5} = 7.9 \text{ cm}$$

$$I_c = I_x + Ad^2 + \frac{1}{3} b_{tr} \bar{y}^3 = 1940 + 28.5 \times \left(12 + \frac{20}{2} - 7.9\right)^2 + \frac{17.85 \times 7.9^3}{3} = 10540 \text{ cm}^4$$

تغییرشکل ناشی از بار مرده علاوه بر وزن دال به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$q_{D2} = 0.6 \times 1.5 = 0.9 \frac{\text{ton}}{\text{m}} = 9 \times 10^{-3} \frac{\text{ton}}{\text{cm}}$$

$$\delta_{max(D2)} = \frac{5}{384} \frac{q_{D2} L^4}{E_s I_c} = \frac{5}{384} \frac{9 \times 10^{-3} \times 500^4}{2040 \times 10540} = 0.34 \text{ cm}$$

تغییر شکل ناشی از بار زندگی:

$$\delta_{max(L)} = \frac{5}{384} \frac{q_L L^4}{E_s I_c} = \frac{5}{384} \frac{7.5 \times 10^{-3} \times 500^4}{2040 \times 9938} = 0.28 \text{ cm} \leq \frac{L}{360} = \frac{500}{360} = 1.4 \text{ cm} \rightarrow OK$$

$$\delta_{max} = \delta_{D1} + \delta_{D2} + \delta_L = 0.95 + 0.34 + 0.28 = 1.57 \text{ cm}$$

$$\delta_{max} = 1.57 \text{ cm} \leq \frac{L}{240} = \frac{500}{240} = 2.1 \text{ cm} \rightarrow OK$$

تغییرشکل مقطع مورد نظر جوابگو می‌باشد.

۶-۶ کنترل تغییرمکان در تیر مركب همراه با اثر خزش و جمع شدگی بتن

محاسبه خیز در تیرهای مركب نمی‌تواند به صورت دقیق صورت پذیرد. افزون بر ترک خوردنگی بتن در تیرهای سراسری رفتار غیر خطی برشگیرها حتی زیر اثر بار بهره‌برداری، سبب دشواری محاسبه خیز حتی برای تیرهای ساده می‌شود. علاوه بر این، باید اثر خزش بتن زیر اثر بارهای دائمی و نیز جمع شدگی آن در نظر گرفته شود.

۶-۶-۱ کنترل تغییرمکان در تیر مركب همراه با اثر خزش بتن

برای وارد کردن اثر خزش، محاسبه لنگر اینرسی مقطع با کاهش ضریب ارجاعی بتن صورت می‌پذیرد. این ضریب ارجاعی کاهش یافته که در واقع، ضریب ارجاعی مؤثر بتن است، طبق رابطه زیر بیان می‌شود:

$$E_{ce} = \frac{E_c}{1 + c}$$

۲۴-۶

ضریب ارجاعی مؤثر بتن

 E_{ce}

ضریب خزش که به طور معمول برابر با ۲ فرض می شود.

 c

بنابراین طبق رابطه فوق، ضریب ارجاعی مؤثر بتن $E_{ce} = \frac{E_c}{3}$ خواهد بود. برای بارهای دائمی، لنگر اینرسی با استفاده از نسبت ارجاعی مؤثر $n_e = \frac{E_s}{E_{ce}}$ حساب می گردد. بارهای دائمی، بار مرده به اضافه درصدی از بار زنده هستند. برای محاسبه خیز ناشی از باقیمانده بار زنده همان نسبت ارجاعی معمول بکار می رود. باید افزود، در پلهای مرکب محاسبه تنشها نیز با در نظر گرفتن اثر خزش صورت می پذیرد.

۶-۶-۲ کنترل تغییرمکان در تیر مرکب همراه با اثر جمع شدگی بتن

علاوه بر خزش، جمع شدگی بتن نیز منجر به خیز می شود. در اثر جمع شدگی نیرویی در تاوه بتنی به میزان زیر پدید می آید:

$$N_{sh} = E_{ce} \varepsilon_{sh} b_E t_c$$

۲۵

نیروی جمع شدگی در بتن

 N_{sh}

عرض مؤثر دال بتنی

 b_E

ضخامت دال بتنی

 t_c

کرنش جمع شدگی آزاد بتن معمولی که مطابق آیین نامه اروپا، برای محیط خشک و مربوط به ترتیب مساوی $10^{-6} \times 325 \times 200$ معین گردیده است.

نیروی N_{sh} در مرکز سطح بتن عمل نموده و سبب ایجاد لنگر مشبت در تیرهای ساده می شود. لنگر مزبور از رابطه زیر قابل محاسبه است:

$$M_{sh} = N_{sh} e$$

۲۶

فاصله بین مرکز سطح بتن و مرکز سطح کل مقطع تبدیل یافته، با تبدیل بتن به فولاد با

 e

لنگر M_{sh} در طول تیر ثابت است و منجر به خیز رو به پایین در تیر ساده می شود. این خیز از رابطه زیر بدست می آید:

$$\delta_{sh} = \frac{M_{sh} L^2}{8 E_s I_e}$$

۲۷

طول تیر

 L

ممان اینرسی مقطع تبدیل یافته با

 I_e

در تیرهای سراسری از یک سو پیوستگی تیر باعث کاهش خیز شده و از سوی دیگر ترک خوردگی بتن سبب افزایش خیز می شود. خاطر نشان می کند، از آنجا که نمودار لنگر تابعی از تغییرات لنگر اینرسی در طول تیر است، طول ناحیه ترک خورده، خود با تکرار تحلیل، معین می شود. باید دانست، مطالعات انجام شده نشان می دهند، کاهش خیز ناشی از سراسری بودن تیر بزرگتر از میزان افزایش آن به خاطر ترک خوردگی است. به این خاطر، تحلیل تیر سراسری با چشم پوشی کردن از ترک خوردگی به صورت تیر دو سر مفصل برای هر دهانه در جهت اطمینان خواهد بود.

لازم به ذکر است، مقایسه آزمایشات صورت پذیرفته با نتایج تحلیل سازه بر مبنای روش ارائه شده نشانگر این است که روش نظری مذبور، خیز تیرها را بین ۱۵ تا ۲۰ درصد کم تخمین می‌زند.

۶-۷ کنترل ارتعاش تیر مركب

علاوه بر خیز، باید ارتعاش سقفهای مركب را به ویژه در محلی که فاقد تیغه بندی است، کنترل نمود. روشهای معيارهای متفاوتی برای تعیین فرکانس نوسان و نیز حد مجاز آن وجود دارد. به طور کلی، فرکانس ارتعاش یک تیر را می‌توان از رابطه زیر محاسبه نمود:

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{\delta}} \quad ۲۸-۶$$

$$\begin{array}{ll} \text{شتاب ثقل} & g \\ \text{خیز وسط دهانه یک سیستم} & \delta \\ \text{یک درجه آزادی معادل تیر، تحت اثر وزن آن است.} & \end{array}$$

مقدار δ ، طبق رابطه زیر تعیین می‌شود:

$$\delta = \frac{\delta_b + \delta_g}{1.3} + \delta_s \quad ۲۹-۶$$

$$\begin{array}{ll} \text{خیز شاهتیر در محل اتصال به تیر} & \delta_b \\ \text{تغییرمکان قائم ستون یا دیوار تکیه‌گاه شاهتیر} & \delta_s \end{array}$$

از عامل δ در ساختمانهای کوتاه می‌توان چشم پوشی نمود. باید دانست، در تیرهای سراسری گره ارتعاشی در تکیه‌گاهها پدید می‌آید و برای کنترل نوسان باید آنها را به صورت تیر ساده پنداشت. با توجه به دشواری بکارگیری روابط فوق، می‌توان از رابطه تقریبی زیر برای محاسبه فرکانس ارتعاش تیرها بهره جست:

$$f = K \sqrt{\frac{gEI_{tr}}{WL^4}} \quad ۳۰-۶$$

مقدار این ضریب در این رابطه برای تیرهای ساده مساوی $\frac{\pi}{2}$ است.
ممان اینرسی تبدیل یافته ترک نخورده تیر مركب
بار وارد بر واحد طول تیراست که بار دانمی است و به طور معمول در آن تنها بار مرده در نظر گرفته می‌شود، گرچه می‌توان تا ۲۵ درصد بار زنده را نیز به آن افزود.

برای محاسبه ارتعاش تیرهای دو سر مفصل تحت بار مرده یکنواخت می‌توان از رابطه زیر استفاده نمود:

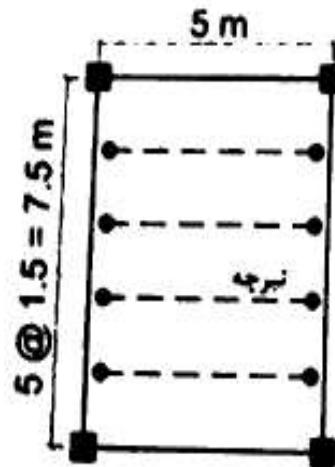
$$f = \frac{\pi}{2L^2} \sqrt{\frac{EIg}{q_D}} \quad ۳۱-۶$$

$$\begin{array}{lll} \text{ممان اینرسی تیر} (m^4) & I & \\ \text{ممان اینرسی تیر} (m^4) & I_{tr} & \\ \text{طول تیر} (m) & L & \\ \text{شتاب ثقل} \frac{m}{g} & g & \end{array}$$

راهنمای مقررات ملی ساختمانهای فولادی ایران توصیه می‌کند، فرکانس ارتعاش تیرها از ۵ تا ۶ هرتز کوچکتر نبوده و در صورت امکان به حدود ۱۰ هرتز رسانده شود. افزون بر این، بهتر است نسبت ارتفاع مقطع به طول دهانه از ۱ به ۲۰ کوچکتر انتخاب نگردد.

۶-۸ تستهای فصل ششم

۱. در شکل زیر پلان یک ساختمان فولادی با تیرچه های مختلط نشان داده شده است. اگر ضخامت دال بتی یک تخت برابر ۱۰۰ میلی متر و مقطع تیرچه های مختلط از IPE200 باشد و تیرچه ها دارای عملکرد مختلط کامل باشند. آنگاه بر اساس روش توزیع پلاستیک تنش ، مقاومت خمشی طراحی تیرچه های مختلط بر حسب kN.m به کدام یک از مقادیر زیر نزدیک تر است؟ (اردیبهشت ۹۷)



$$F_y = 240 \text{ MPa}$$

$$F_c = 25 \text{ MPa}$$

$$W_c = 2500 \text{ Kg/m}^4$$

۱۱۵(۴)

۹۶(۳)

۴۸(۲)

۱۲۸(۱)

محاسبه عرض موثر بتن برای هر تیرچه:

$$b_e = 2 \times \text{Min} \left(\frac{5000}{8}, \frac{1500}{2} \right) = 1250 \text{ mm}$$

۱۰-۲-۳-۱۰ عرض موثر و حداقل ضخامت دال بتی

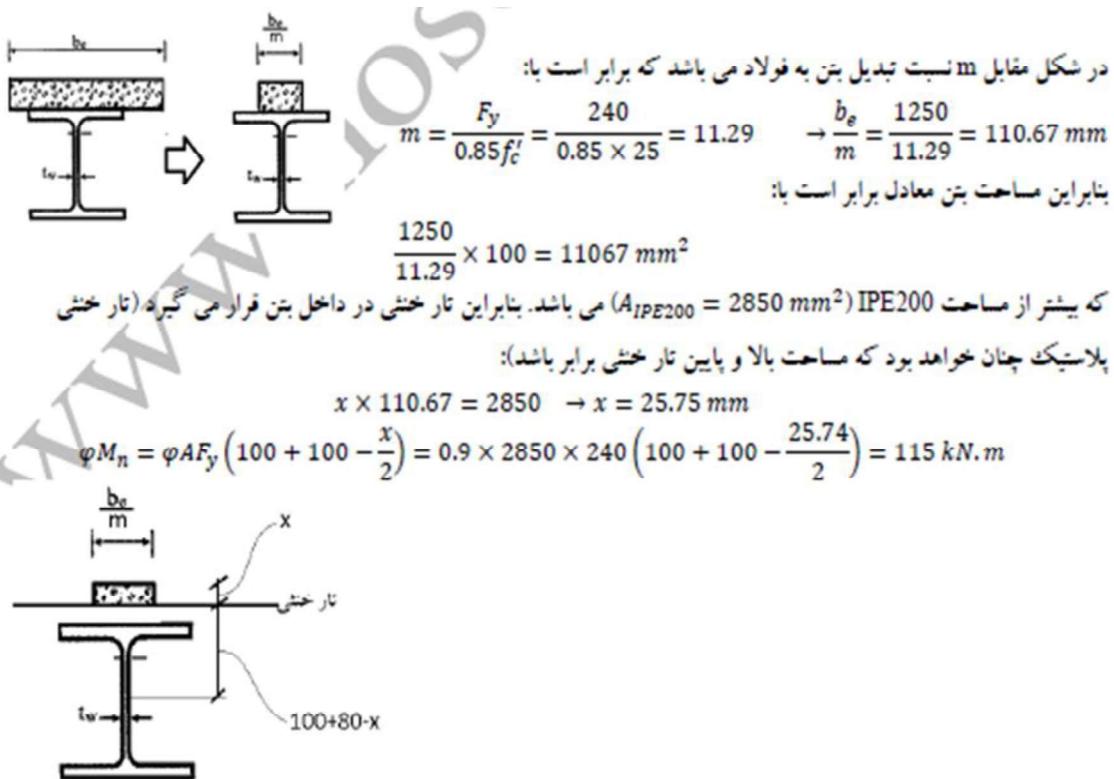
عرض موثر دال بتی که در هر طرف تیر با آن به صورت مختلط عمل می نماید، نباید از کوچکترین مقادیر زیر بزرگتر در نظر گرفته شود.

۱. یک هشتم دهانه تیر (مرکز تا مرکز تکیه گاه های تیر)

۲. نصف فاصله محور تیر تا محور تیر مجاور

۳. فاصله محور تیر تا لبه دال

ابتدا باید محل تار خشی پلاستیک بدست آید. برای این منظور باید بعن معادل سازی شود:



۲. در یک سقف مختلط با بتن از رده C25 و تیر آهن‌های IPE200 (با سطح مقطع 2850) از فولاد با تنش تسلیم 240 MPa، ضخامت دال 80 mm و عرض موثر دال بتنی هر تیر یک متر می‌باشد. مقاومت خمشی اسمی (M_u) مثبت هر تیر مختلط حدوداً چند KN می‌باشد؟ (مرداد ۹۴)

۸۴(۴)

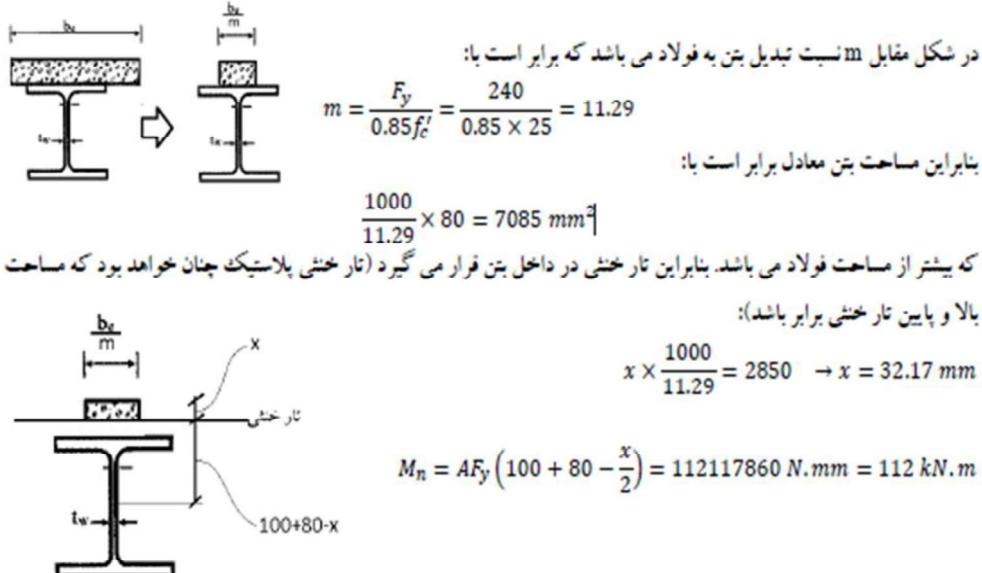
۹۶(۳)

۱۱۲(۲)

۱۳۲(۱)

با توجه به اینکه IPE200 یک مقطع فشرده می‌باشد، نسبت h/t آن بین ۵ و ۲۰ است و مقاومت خمشی پلاستیک مقطع منظور خواهد شد (حالات از آینه نامه که در زیر آمده است).

ابتدا باید محل تارختنی پلاستیک بدست آید. برای این منظور باید بتن معادل سازی شود:



۳. یک تیر دو سر ساده با مقطع و عملکرد مختلط با دهانه ۶ متر موجود است. اگر ضخامت دال بتی ۱۰۰ mm باشد و در صورتی که از ناودانی 60 UNP به طول ۶۰ میلی متر با فواصل مساوی از یکدیگر به عنوان برش گیر استفاده شود. حداکثر فاصله ناودانی ها (بر حسب میلی متر) حدوداً چقدر است؟ (رده بتن C30 با Tr = 6 mm، فولاد با Fy = 240 MPa، ضخامت جان ناودانی برابر Tw = 6mm و ضخامت بال ناودانی برابر Ec = 240 MPa بوده و تیر بار گسترده یکنواخت را تحمل می کند)(محاسبات مرداد ۹۴ mm)

$$600(4) \quad 400(3) \quad 800(2) \quad 200(1)$$

نیروی وارد بر بشکرها (در نصف طول تیر) برابر است با:

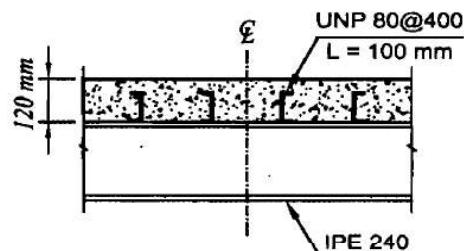
$$\text{Min}(0.85f_c A_c, F_y A_s) = \text{Min}(0.85 \times 30 \times 100 \times 1500, 240 \times 2850) = \text{Min}(3825000, 684000) = 684 kN$$

مقاومت طراحی هر بشکر برابر است با:

$$Q_n = 0.3(t_f + 0.5t_w)L_a\sqrt{f_c E_c} = 0.3(6 + 0.5 \times 6)60\sqrt{30 \times 30000} = 153686.7 N = 153.6 kN$$

بنابراین تعداد بشکرها لازم در نیمه تیر برابر $\frac{684}{153.6} = 4.45$ می باشد و در کل تیر به اندازه ۱۰ بشکر لازم خواهد بود که با توجه به اینکه کل طول تیر ۶ متر می باشد، فواصل آنها از هم برابر $\frac{6000 \text{ mm}}{10} = 600 \text{ mm}$ خواهد بود.

۴. مقاومت برشی افقی اسمی (V hn) تیر مقطع مختلط نشان داده شده که متکی بر دال بتی میباشد. بر حسب کیلو نیوتون به کدام مقدار زیر نزدیک تر است؟ تیر مختلط به صورت تیر دو سر ساده به طول ۶ متر بوده و تحت بار گسترده یکنواخت قرار دارد. همچنین تعداد کل ناودانی ها در طول تیر ۱۶ عدد میباشد. ناودانی ها دارای طول 100mm و ضخامت جان 8mm و ضخامت بال 6mm میباشد. یعنی دارای Fc= 25 MPa و Ec= 25000 MPa است، فاصله ناودانی ها از یکدیگر ۴۰۰ میلی متر است.



$$521(4) \quad 1304(3) \quad 2087(2) \quad 2609(1)$$

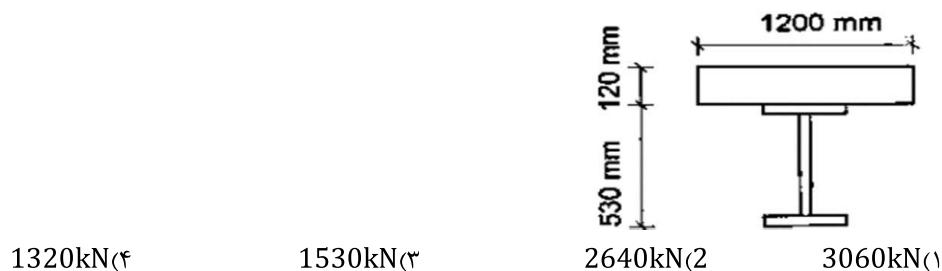
مقاآمت هر ناودانی برابر است با:

$$Q_n = 0.3(t_f + 0.5t_w)L_n\sqrt{f_c E_c} = 0.3(8 + 0.5 \times 6) \times 100\sqrt{25 \times 25000} = 260888 N = 261 kN$$

۵. یک تیر دو سر ساده با مقطع خمی، تشکیل شده است از یک تیر ورق I شکل با جان PL 500 * 10mm و بال 600 mm در هر طرف تیر. میلگرد دال PL200*15 mm است. ضخامت دال 120mm و عرض موثر آن در هر طرف تیر 600 mm است. میلگرد دال

رده بتن C25 و فولاد تیر ورق ($F_y = 240 \text{ MPa}$, $F_u = 370 \text{ MPa}$) ST37 فرض میشود. برای عملکرد

مختلط کامل این تیر ، مقاومت برشی افقی مورد نیاز به کدامیک از مقادیر زیر نزدیکتر است؟ (محاسبات خرداد ۹۳)



$$\begin{aligned} V_{hu} &= 0.85 \times 25 \times 1200 \times 120 = 3060 \text{ kN} \\ V_{hu} &= 240 \times (500 \times 10 + 2 \times 200 \times 15) = 2640 \text{ kN} \end{aligned} \quad \left. \right\} V_{hu} = 2640 \text{ kN}$$

۶-۹ مسائل فصل ششم

توجه:

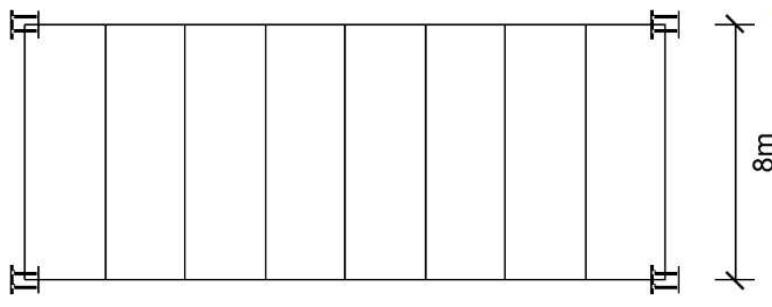
- فولاد مصرفی پروفیلها و ورقها از نوع ST37 می‌باشد.
- در کلیه مسائل، مهار جانی تیرها در محل تکیه‌گاه و در بارهای متumerکز در نظر گرفته شود.
- وزن تیر به صورت جداگانه در نظر گرفته نشود.
- پارامتر κ طبق مقادیر اعلام شده فرض می‌شود که در محدوده زیر قرار دارد:

$$15 \leq \kappa \leq 40$$

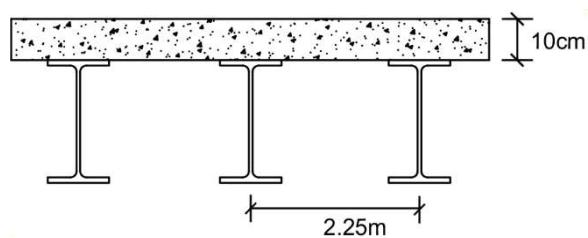
تمرین ۶-۱

برای پوشش یک سقف با ابعاد $8m \times 18m$ از تیرهای فولادی به فواصل $2.25m$ و پوشش بتنی C25 به ضخامت 10cm مطابق شکل زیر استفاده شده است. چنانچه بارهای وارد شامل بار سقف کاذب و گچ خاک و سفیدکاری مجموعاً $80 \frac{\text{kg}}{\text{m}^2}$ و پوشش روی دال بتنی از ملات موزاییک با ضخامت ۵ سانتیمتر به میزان $100 \frac{\text{kg}}{\text{m}^2}$ و بار معادل تیغه‌بندی برابر $100 \frac{\text{kg}}{\text{m}^2}$ و بار زنده q_L باشند، تیرهای مرکب میانی را از نیمرخ IPE در دو حالت اجرا با شمع‌بندی و اجرا بدون شمع‌بندی با اتصالات برشی گلمیخ طراحی کنید.

$$q_L = 0.01\kappa \frac{\text{ton}}{\text{m}^2}$$



پلان سقف



قطع عرضی سقف مرکب

تمرین ۶-۲

جهت پوشش سقف نشان داده شده در شکل، تیرچه های مرکب از نیمرخ *IPE* و دال بتنی با ضخامت ۱۰ سانتیمتر و تیر اصلی از نیمرخ *IPB* ورق تقویتی در جان استفاده شده است. از ناوданی به عنوان برشگیر استفاده می شود.

$$\text{ضخامت دال} = 10\text{cm}$$

$$f_y = 2.4 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

$$\text{بار زنده کف} = 0.015 \kappa \frac{\text{ton}}{\text{m}^2}$$

$$f_c = 0.28 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

$$\text{بار معادل تیغه بندی (زنده)} = 0.110 \frac{\text{ton}}{\text{m}^2}$$

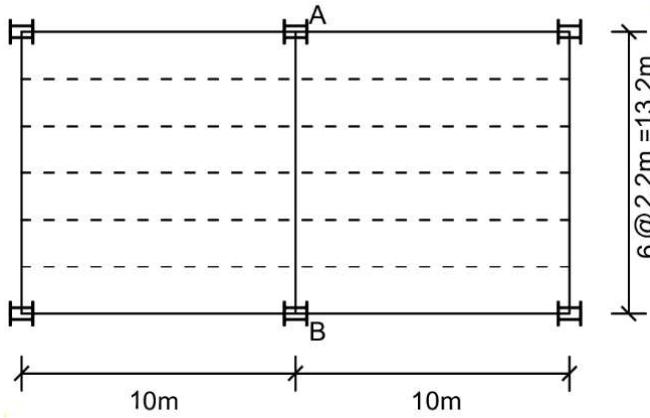
$$\gamma = 2.5 \frac{\text{ton}}{\text{m}^3}$$

$$\text{بار کفسازی} = 0.2 \frac{\text{ton}}{\text{m}^2}$$

مطلوبست:

(الف) طرح کامل تیرچه مرکب

(ب) طراحی کامل تیر اصلی دو سر مفصل *AB* از *IPB* (به صورت غیر مرکب)



تمرین ۶-۳

بخشی از پلان تیرریزی یک ساختمان اداری در شکل زیر آمده است. مطلوبست طراحی تیرچه های مرکب آن از *IPE* در دو حالت زیر. برشگیر از نوع گل میخ می باشد.

(الف) اجرا با شمع بندی

(ب) اجرا بدون شمع بندی

$$\text{ضخامت دال} = 12\text{cm}$$

$$f_y = 2.4 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

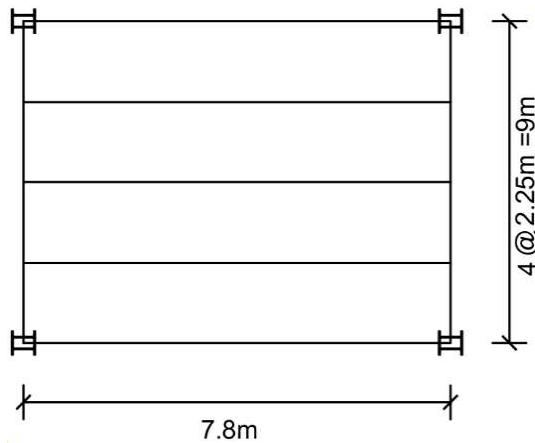
$$\text{بار زنده کف} = 0.015 \kappa \frac{\text{ton}}{\text{m}^2}$$

$$f_c = 0.25 \frac{\text{ton}}{\text{cm}^2}$$

$$\text{بار معادل تیغه بندی (زنده)} = 0.1 \frac{\text{ton}}{\text{m}^2}$$

$$\gamma = 2.5 \frac{\text{ton}}{\text{m}^3}$$

$$\text{بار کفسازی} = 0.2 \frac{\text{ton}}{\text{m}^2}$$



تمرین ۶-۴

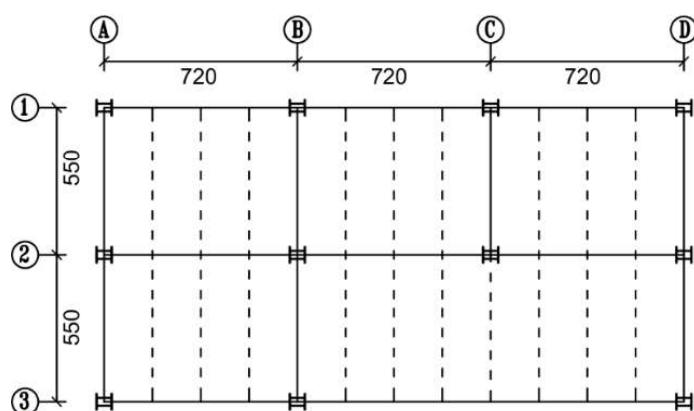
در یک ساختمان سه طبقه، چهار ردیف ستون مانند شکل زیر به فواصل 7.2m از هم قرار دارند. کف این ساختمان از یک دال بتنی به ضخامت 10cm ساخته شده که بار زنده آن q_L است. در نظر است با حذف یک ستون در طبقه پایین، دهانه وسط به 14.4m برسد. شاه تیر مذکور به طول 14.4m دارای محدودیت ارتفاعی به میزان 63cm می باشد. این شاه تیر باید علاوه بر بار ستونهای طبقه بالاتر، وزن سقف طبقه خود را نیز تحمل نماید. تیرچه ها به فاصله 2.4m از هم قرار می گیرند. بار هر ستون در طبقات بالایی 270KN (بار مرده) و 675KN (بار زنده) می باشد. محل تیرچه ها به عنوان مهار جانبی برای شاه تیر در نظر گرفته می شود. مطلوب است طراحی موارد زیر از پروفیل IPE

الف) طراحی تیرچه ab

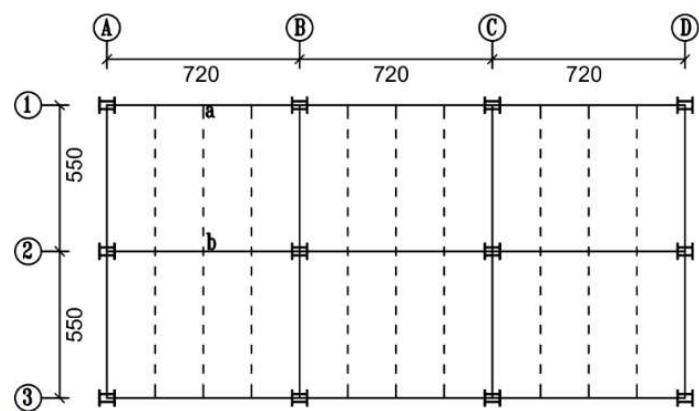
ب) طراحی تیرچه 1D - 2D

ج) طراحی شاه تیر 3B - 3D در پلان طبقه اول

$$q_L = 0.015 \kappa \frac{\text{ton}}{\text{m}^2}$$



پلان طبقه اول



پلان طبقه دوم و سوم

