

## فصل ۱۲

# طراحی مهاربندها و اتصالات آنها

طراحی کاربردی سازه‌های فولادی (جلد دو) – محسن گرامی

در این فصل:

پیش‌گفتار ۱-۱۴

مهاربندی هم‌مرکز یا همگرا ۲-۱۴

مهاربندی برون‌مرکز یا واگرا ۳-۱۴

طراحی اتصالات در قاب‌های مهاربندی شده ۴-۱۴

تست‌های فصل چهاردهم ۵-۱۴

مسائل فصل چهاردهم ۶-۱۴

## ۱-۱۴ پیشگفتار

وظیفه اصلی سازه تحمل بارهای وارده می باشد. بارهای وارده به دودسته اصلی، بارهای ثقلی و بارهای جانبی دسته بندی می شوند. براین اساس انواع سیستم های مقاوم در برابر بار جانبی در ساختمان ها عبارت اند از:

(الف) سیستم قاب خمثی یا قاب پیوسته: در این سیستم تمام بارهای قائم و همچنین نیروی جانبی زلزله تنها به وسیله قاب های خمثی (بدون دیوارهای برشی یا مهاربندها) تحمل می شود. این سیستم به وسیله صلابت گره ها و مقاومت خمثی هر یک از المان ها، بار جانبی را متحمل می شود.

(ب) سیستم قاب های مهاربندی شده: در این سیستم تمام بارهای قائم توسط دیوارهای باربر یا قاب با اتصالات ساده تحمل می شود و مقابله با نیروی جانبی زلزله به وسیله مهاربندها تأمین می گردد. اتصال تیر به ستون قاب هایی که مهاربندی شده اند معمولاً اتصال ساده است و بنابراین هیچ گونه لنگری از تیر به ستون منتقل نمی شود.

(ج) سیستم دیوار برشی: دیوار برشی به صورت یک تیر طره و با ایجاد تغییر شکل های خمثی، تحمل برش می نماید.

(د) سیستم دوگانه یا ترکیبی (سیستم مختلط قاب خمثی و دیوارهای برشی یا مهاربندها):

در این سیستم بارهای قائم توسط قاب خمثی و نیروی جانبی زلزله توأمًا توسط قاب خمثی و دیوارهای برشی یا مهاربندها تحمل می شود، در این حالت نیروی جانبی زلزله بین قاب و دیوارها و یا قاب و مهاربندها به نسبت صلابت آنها توزیع می گردد ولی در هر حال قاب به تهایی باید ظرفیت تحمل حداقل ۲۵ درصد نیروی جانبی زلزله را داشته باشد.

انواع دیگری از سیستم های مقاوم در برابر بار جانبی نیز وجود دارد که خارج از بحث این فصل است.

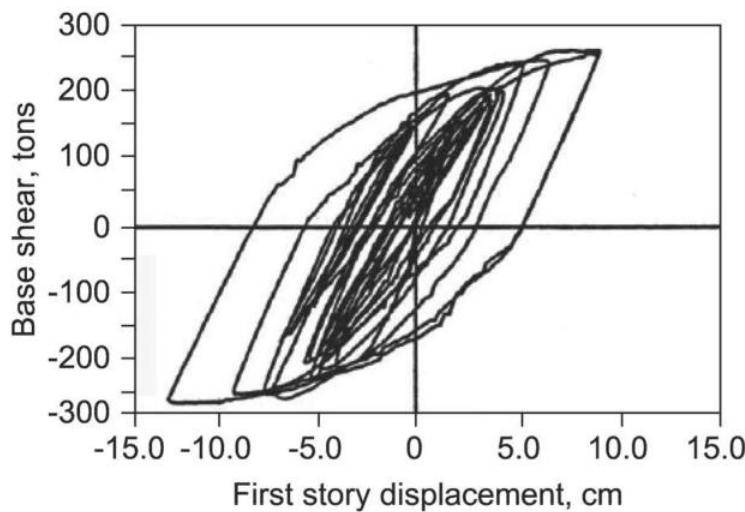
به طور کلی در تمامی سیستم های فوق باید دو موضوع اساسی زیر موردنظر قرار گیرد:

(الف) ایجاد سختی و مقاومت کافی در سازه جهت کنترل تغییر مکان جانبی تا از تخریب اعضای سازه ای و غیر سازه ای تحت زلزله متوسط یا کوچک جلوگیری به عمل آید.

(ب) ایجاد شکل پذیری و قدرت استهلاک انرژی در سازه به خاطر ممانعت از فروریختگی سازه در یک زلزله شدید. قاب های مهاربندی شده بر حسب اینکه مهارها در آنها مثابندی کاملی به وجود آورند یا نه به دو گروه زیر تقسیم بندی می شوند:

(الف) قاب با مهاربندی های هم مرکز یا همگرا (CBF)

این سیستم مقاومت و سختی قابل ملاحظه ای از خود نشان می دهد ولی به علت کم انداش مهارها قدرت جذب انرژی و رفتار غیر ارجاعی آن ضعیف است. نمونه منحنی هیسترزیس مهاربند همگرای ضربدری در شکل ۱۴-۱ مشاهده می شود که بیانگر انرژی جذب شده توسط سیستم مهار جانبی تحت بارگذاری رفت و برگشتی است.



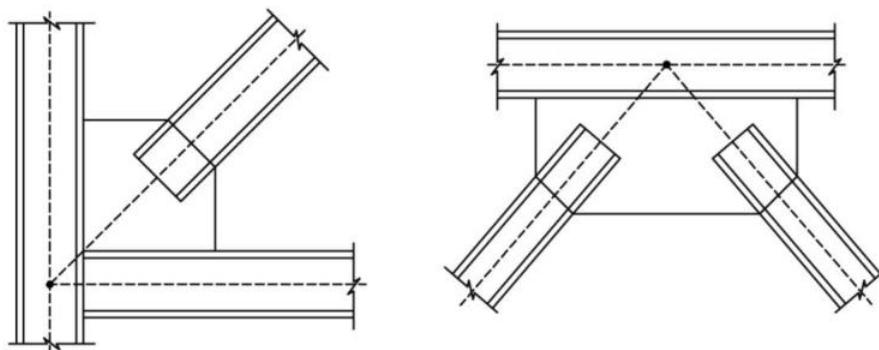
شکل ۱-۱۴- منحنی هیسترزیس برش پایه نسبت به دریفت طبقه در سیستم SCBF

ب) قاب با مهاربندی‌های برون مرکز یا واگرا (EBF)

این سیستم مقاومت و سختی مهاربند همگرا را با رفتار غیر ارتجاعی و قدرت جذب انرژی قاب خمی ترکیب نموده و نهایتاً رفتار مناسبی را از خود ارائه می‌کند.

## ۲-۱۴ مهاربندی هم مرکز یا همگرا

به مهاربندی هم مرکز یا همگرا اطلاق می‌شود که محورهای خنثی در اعضای مختلف (تیرها، ستون‌ها و اعضای مهاربندی) مطابق شکل ۲-۱۴ در یک نقطه مشترک در هر اتصال با یکدیگر تلاقي نمایند. به این نقطه مشترک، نقطه عملکرد گفته می‌شود. در این سیستم مهاربندی، اعضای قطری به همراه تیرها و ستون‌های قاب تشکیل یک سیستم خربیابی می‌دهند و عموماً اعضای مهاری در معرض نیروی محوری هستند.

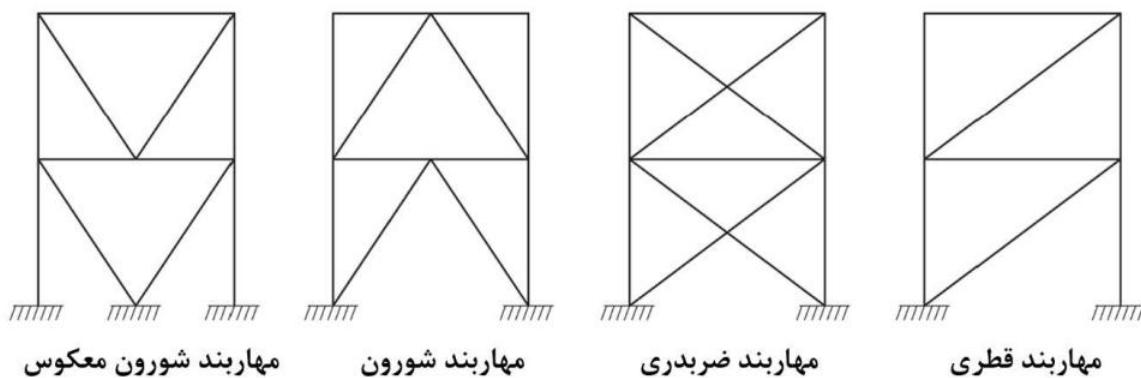


الف) اتصال مهاربند به تیر و ستون

ب) اتصال مهاربند به تیر طبقه

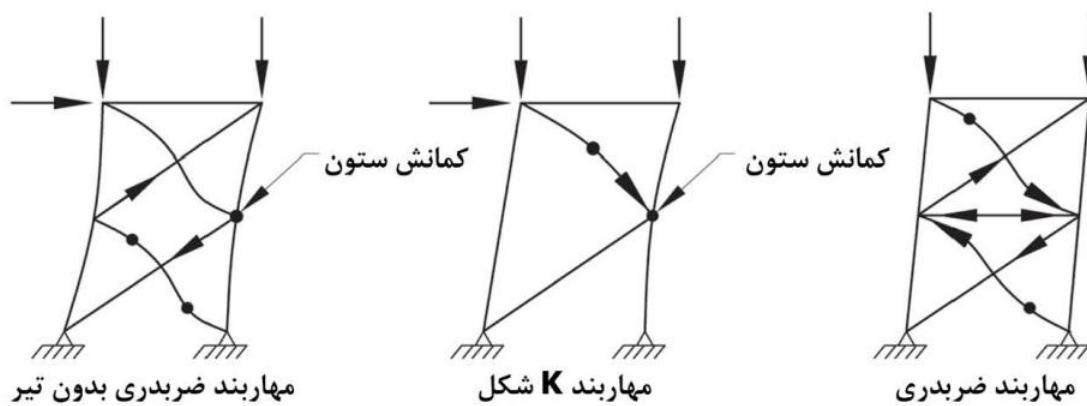
شکل ۲-۱۴- نمایش اتصال در مهاربندهای همگرا

انواع مهاربندی‌های همگرا عبارتند از: ضربدری  $X$ ، قطري، شورون معکوس  $V$  (هشتی)، شورون معکوس  $\Lambda$  (هشتی)، و مهاربند  $K$  که در شکل ۳-۱۴ نشان داده شده است.



شکل ۳-۱۴ انواع مهاربند همگرا

در صورت حذف تیر افقی میان مهاربندهای ضربدری و حذف نیمی از مهاربندها مطابق شکل ۴-۴، مهاربند دیگری به شکل  $K$  ایجاد می‌شود که مکانیزم انتقال بار در این نوع مهاربند متفاوت از مهاربند ضربدری است.

شکل ۴-۴ مهاربند  $K$  شکل

از لحاظ اقتصادی برای دهانه‌های نسبتاً کوچک استفاده از این مهاربندها مقرر نیست. لازم به ذکر است استفاده از مهاربند  $K$  بطور کلی در ویرایش ۹۲ هم برای همگرای معمولی و هم برای مهاربند همگرای ویژه مجاز نمی‌باشد. از مزایای آنها می‌توان به سختی خوب در برابر بارهای جانبی، ساده بودن اتصالات و سرعت اجرای بالای آنها اشاره کرد، ولی به دلیل عدم شکل پذیری مناسب، از لحاظ جذب انرژی ضعیف عمل می‌کنند. همچنین در مناطق با زلزله‌خیزی بالا، استفاده از این قاب‌ها به صورت گسترده پیشنهاد نمی‌شود، چون عناصر فشاری آنها در بارهای تناوبی ضعیف عمل کرده و بعد از چند سیکل تا حدود ۵۰٪ اثر مقاومتی خود را از دست می‌دهند. بر طبق مبحث دهم مقررات ملی ساختمان در این قاب‌ها تیرهای دهانه مهاربندی شده باید قادر به جذب نیروهای زلزله ایجاد شده در طبقه به اضافه نیروهای منتقل شده از طبقات بالا، و انتقال آنها به مهاربندها باشند. در مواردی که اتصال کافی بین تیر و دیافراگم

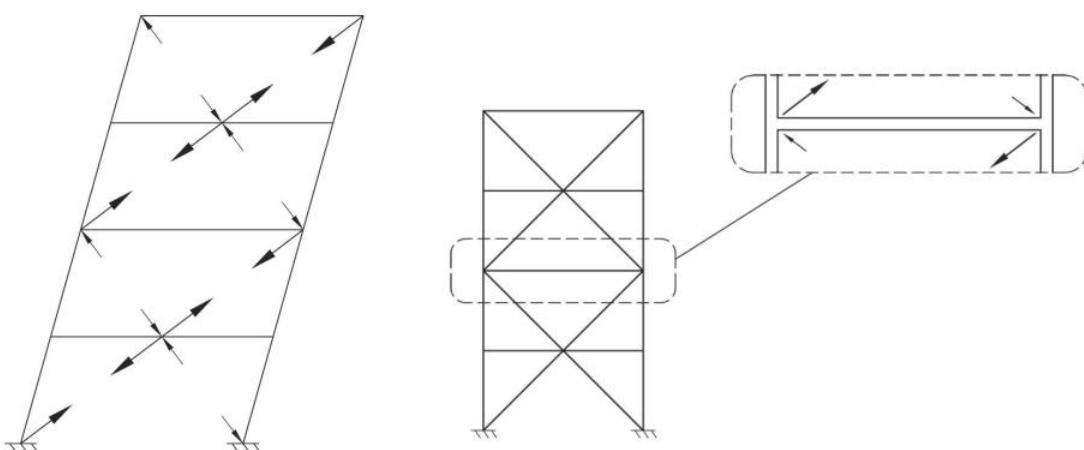
کف وجود دارد انتقال نیروها توسط عملکرد مشترک آن دو صورت می‌گیرد ولی در مواردی که اتصال کافی بین تیر و دیافراگم وجود ندارد، تیر باید به تنها یی بتواند از عهده انتقال این نیروها برآید.

تعییه سوراخ‌های متواالی، در جان تیر دهانه مهاربندی شده و تیرهای حدفاصل مهاربندهای جایه‌جا شده طبقات بالا و پایین مجاز نیست. چنانچه لازم باشد سوراخ دسترسی در جان تیر تعییه شود، اطراف آن باید به نحوی تقویت گردد که مقاومت خمی، برشی و محوری تیر در مقطع سوراخ‌دار، کمتر از مقاومت مقطع کامل تیر نباشد. در این موارد باید سعی شود سوراخ در دورترین فاصله از محل اتصال تیر به ستون و یا از محل اتصال تیر به مهاربندها واقع شود. برای ایجاد رفتار شکل‌پذیر در مهاربندهای همگرا توجه به نکات زیر اساسی می‌باشد:

- مهاربندهای همگرا فیوز قاب محسوب می‌شوند.
- مهاربندها ضعیف‌ترین عضو قاب می‌باشند. سایر اعضاء مانند ستون، تیر و اتصالات به مراتب قوی‌تر هستند.
- المان مهاربندی به شکلی انتخاب می‌شود تا بهترین ظرفیت استهلاک انرژی و مکانیزم شکست را داشته باشد (رعایت محدودیت  $\frac{b}{t} \leq \frac{Kl}{r}$ )
- در حالت کلی برای طراحی مهاربندها و سایر اعضاء مانند ستون و تیر و اتصالات نتیجه می‌شود:
- مهاربندها بر اساس نیروی زلزله حاصل از آیین نامه لرزه‌ای طراحی می‌شود، با رعایت الزامات لرزه‌ای که در اینجا فصل ۳ مبحث دهم مقررات ملی ویرایش ۹۲ می‌باشد.
- سایر اعضاء برای حداکثر نیروی طراحی می‌شود که به وسیله مهاربند تولید می‌گردد.

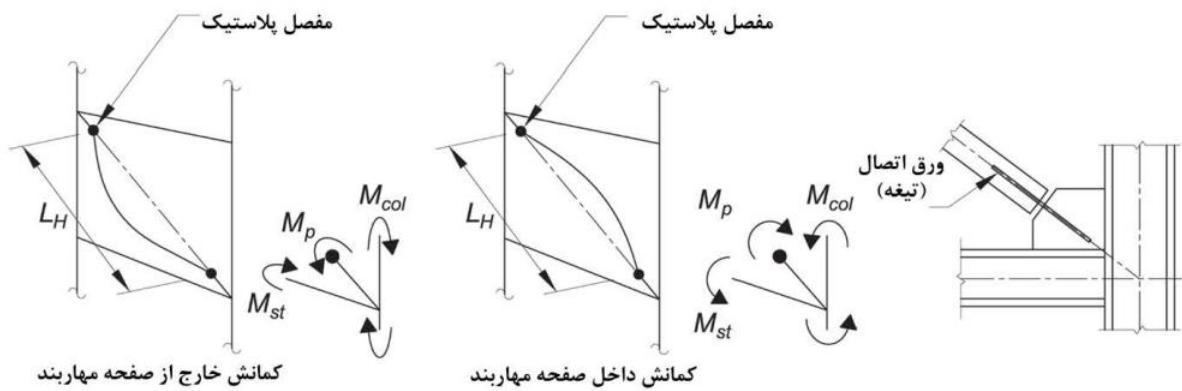
## ۱-۲-۱۴ تحلیل دقیق و تقریبی مهاربندی‌های همگرا

حضور مهاربند در قاب تحت بارگذاری جانبی، مطابق شکل ۱۴-۵ منجر به اعمال نیروهای متمرکز به ستون‌ها می‌گردد. چنانچه مهاربندهای کششی و فشاری تحت بیشترین نیروی ظرفیت خود باشند، مقادیر نیروهای فشاری و کششی یکسان نخواهد بود. دلیل این امر کمانش مهاربند فشاری است که در بخش‌های بعدی توضیح کاملتری داده خواهد شد.



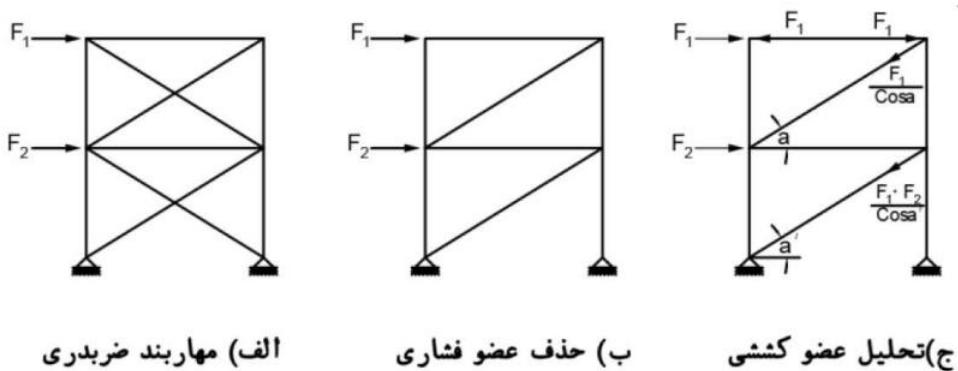
شکل ۱۴-۵ انتقال نیروی فشاری و کششی مهاربند به قاب

کمانش درون صفحه و برون صفحه مهاربند در شکل ۱۴-۶ نمایش داده شده است.



شکل ۶-۱۴-۱ کمانش مهاربند

برای تحلیل مهاربندی های ضربدری دو روش وجود دارد. در روش اول فرض بر این است که عضو فشاری کمانه می کند، پس آن را حذف کرده و سازه معین حاصل شده تحلیل می شود و طراحی بر اساس اعضای کششی انجام می پذیرد و سپس از همین مقاطع برای عضو فشاری نیز استفاده می شود. در واقع عضو طوری طراحی می شود که سطح مقطع لازم در کشش فراهم شود. در این روش لاغری عضو، اهمیتی ندارد. در شکل ۷-۱۴ نتایج تحلیل عضو کششی نشان داده شده است.



شکل ۷-۱۴ تحلیل مهاربندی های ضربدری

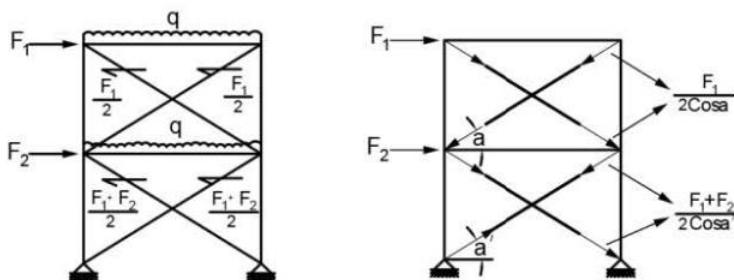
لازم به ذکر است که در ویرایش اول آین نامه استفاده از این روش قابل قبول بود، ولی در ویرایش دوم و سوم قابل قبول نیست. روش دوم برای تحلیل مهاربندی های ضربدری، منظور نمودن عضو کششی و فشاری در تحلیل و طراحی است که تحلیل آن به دو صورت دقیق و تقریبی صورت می گیرد.

### ۱-۲-۱۴ تحلیل دقیق مهاربند همگرای ضربدری (X)

در این روش سازه نامعین را یا به صورت دستی و یا با استفاده از نرم افزارهای کامپیوتری تحلیل کرده و عضو کششی و فشاری کاملاً مجزا طراحی می شوند. اگر بار جانی نیروی زلزله باشد، هر عضو مهاربند برای حالت بحرانی کشش یا فشار طرح می شود. روند تحلیل به صورت شماتیک در شکل ۱۲-۱۴ نمایش داده شده است.

## ۲-۱-۲-۱۴ تحلیل تقریبی مهاربند همگرای ضربدری (X)

در این روش فرض می‌شود که برش در هر طبقه به طور مساوی بین هر دو عضو مهاربند تقسیم می‌شود و نیروی کششی و فشاری داخلی اعضای مهاربند به دست می‌آید. طراحی بر اساس حالت بحرانی صورت می‌گیرد. عموماً عضو فشاری بحرانی تراست. در انتهای نیز عضو طرح شده برای نیروی کششی کنترل می‌شود. در شکل ۱۴-۸ نتایج تحلیل تقریبی عضو کششی و فشاری مهاربند نشان داده شده است.



الف) مهاربند ضربدری

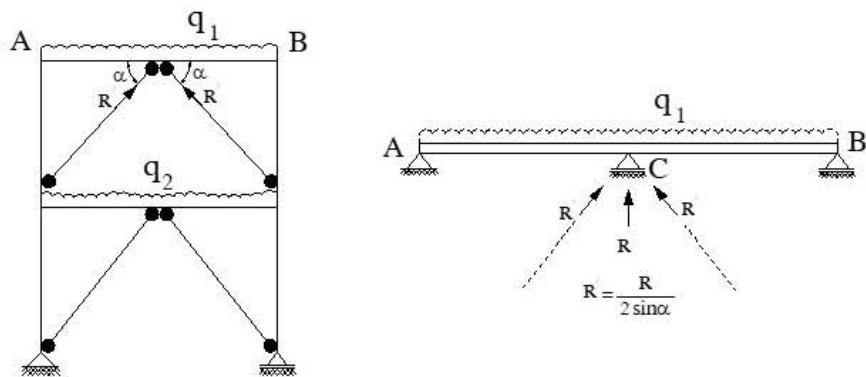
ب) تحلیل تقریبی اعضا

شکل ۱۴-۸ تحلیل تقریبی مهاربندی ضربدری

نکته مهم در تحلیل مهاربند ضربدری این است که بار ثقلی بر روی اعضای مهاربندی اثری ندارد.

## ۳-۱-۲-۱۴ تحلیل مهاربند شورون V و معکوس شورون A

در جایی که به دلیل محدودیت‌های معماری امکان استفاده از مهاربندهای ضربدری نیست، از مهاربندهای معکوس شورون (به شکل عدد هشت) استفاده می‌شود که بار ثقلی یک نیروی فشاری در اعضای این نوع مهاربند ایجاد می‌کند، پس سازه باید برای بارهای ثقلی و جانبی جداگانه تحلیل شود و سپس با استفاده از ترکیب بارهای طراحی، نیروهای طراحی در اعضا تعیین شود. در تحلیل برای بار ثقلی، عکس العمل میانی فرض شده محاسبه می‌گردد و به کمک آن نیروی فشاری در اعضای مهاربندی مطابق شکل ۹ تعیین می‌شود.



شکل ۹-۱۴ تحلیل مهاربند هشتی تحت بار تقلی

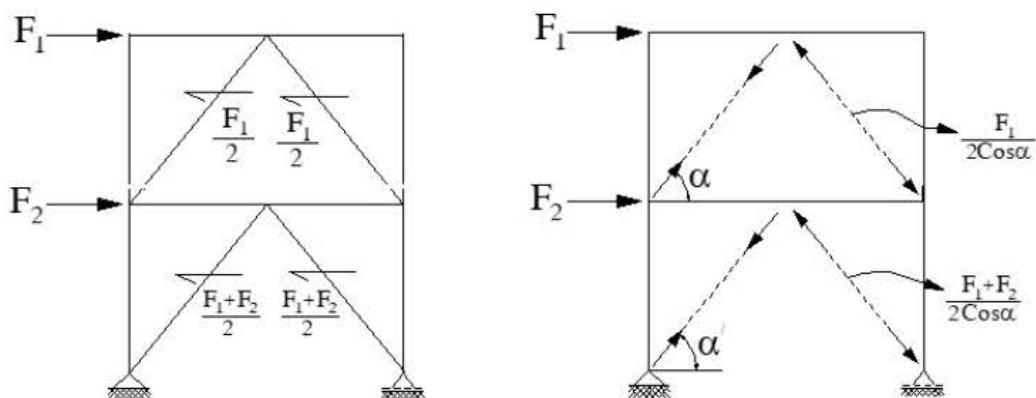
$$R' = \frac{R}{2 \sin(\alpha)} R'$$

در شکل بالا  $R'$  نیروی محوری مهاربند در اثر بارهای تقلی تیر است که می‌توان آن را با کمک از شکل‌های (۹-۵) تا (۹-۷) بدست این نتایج تحلیل

#### فصل ۵ استخراج نمود.

برای تحلیل مهاربند هشتی تحت بار جانبی از همان روش تقریبی ارائه شده در مهاربند ضربدری استفاده می‌شود که نتایج تحلیل

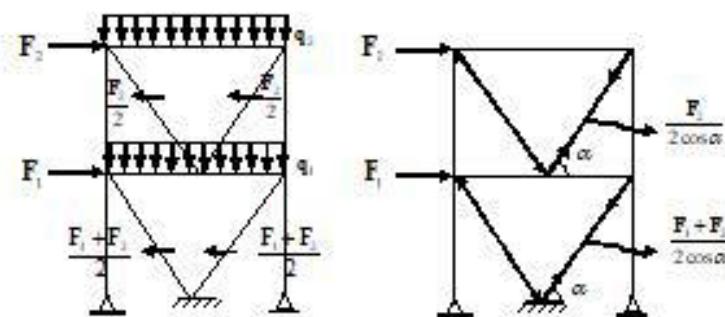
آن در شکل ۹-۱۰ ارائه شده است.



شکل ۹-۱۰ تحلیل مهاربند شورون تحت اثر بار جانبی

برای تحلیل مهاربند هشتی تحت بار جانبی از همان روش تقریبی ارائه شده در مهاربند ضربدری استفاده می‌شود که نتایج تحلیل

آن در شکل ۹-۱۱ ارائه شده است.



الف - تحلیل مهاربده هفتی تحت اثر بار جانبی

$$R = \frac{q_1 L}{2 \sin \alpha}$$



ب - تحلیل مهاربده هفتی تحت اثر بار غلی

شکل ۱۳-۱۱ تحلیل مهاربده هفتی

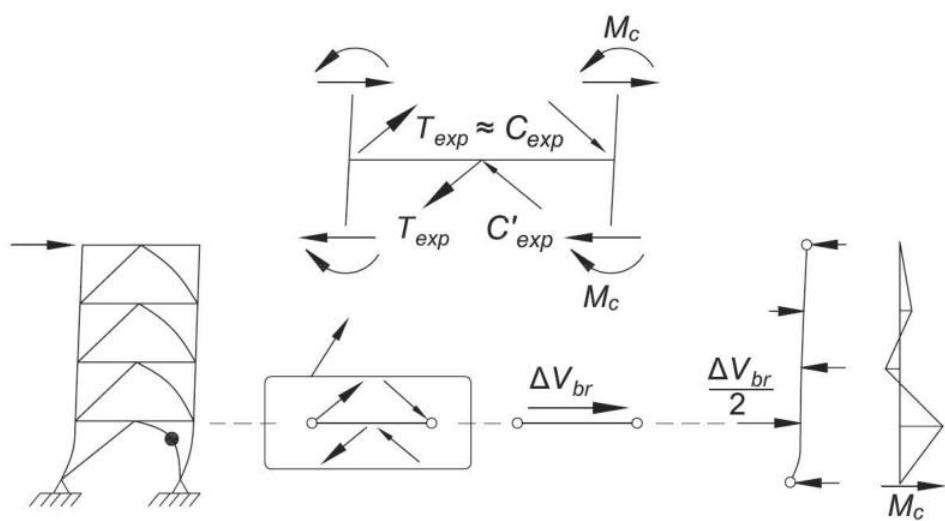
RC نیروی محوری مهاربده در اثر بارهای ثقلی تیر

بار ثقلی در مهاربدهای هفتی، باشت ایجاد گشته در احتصار مهاربدهی می‌شود. در این حالت نیز مشابه مهاربده هشتی باید از راست ناشر از بار ثقلی و بار جلبی تولمان موره پررسی قرار گیرد و نیروهای طراحی احتضا تعیین گردد.

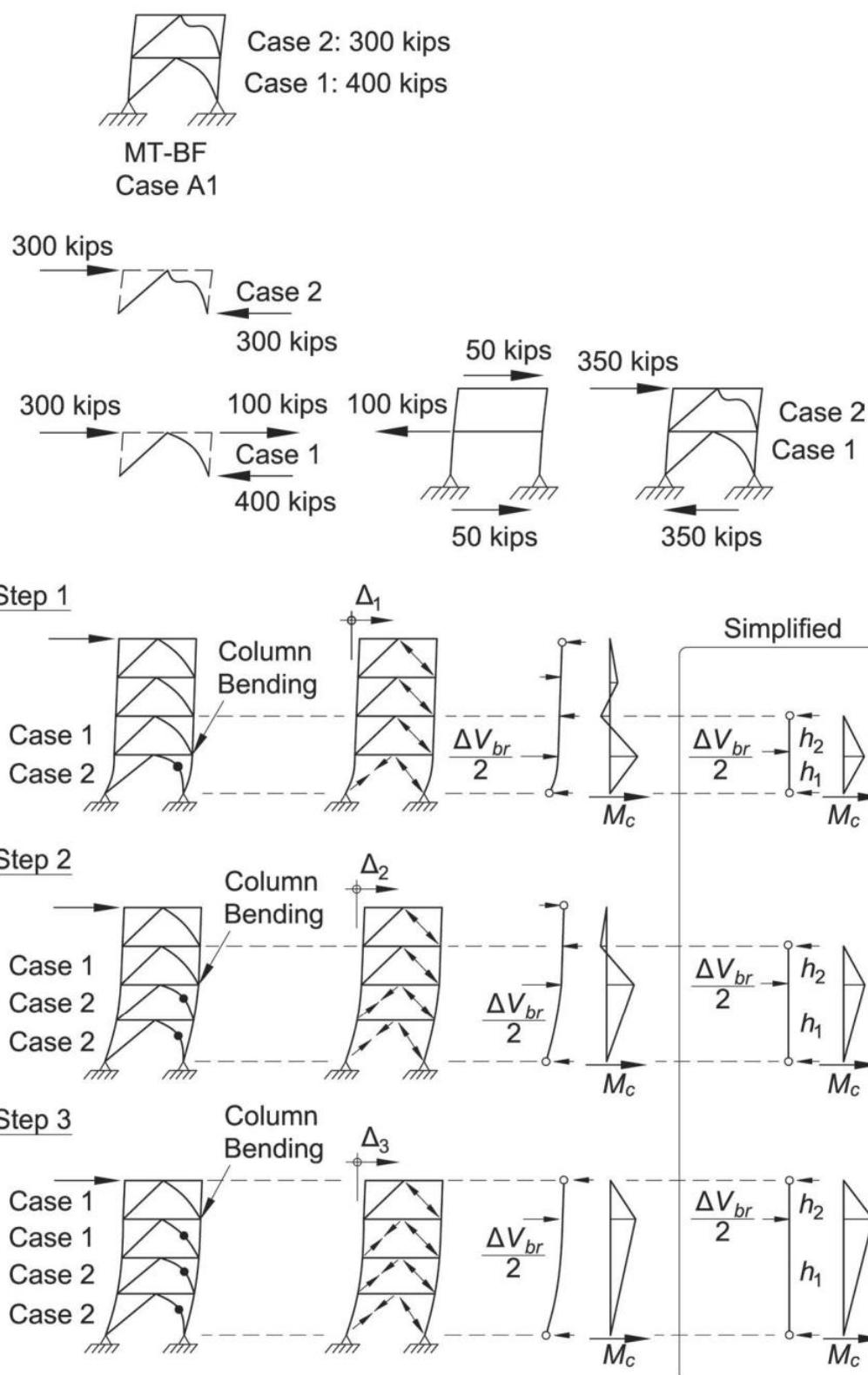
مبحث دهم مقررات ملی ساختمان، میوسم مهاربدهی هم مزکر با همگرا را در دو سطح شکل‌پذیری زیاد و معموکی موره ارزیابی قرار می‌دهد. ضروب رفتار در اصلی و برایش چهارم استاندارد ۲۸۰۰ به شرح جدول ۱۴-۱ می‌باشد:

جدول ۱۴-۱ ضروب رفتار انواع مهاربدهاتی مقاوم جانبی

حداکثر ارتفاع	Cd	آسافد مقاومت	ضروب رفتار	نمایشگاه باربر جانبی
۵۰	۶	۲	۵/۵	قاب ساده با مهاربند همگرا ویژه
۱۵	۳/۵	۲	۳/۵	قاب ساده با مهاربند همگرا معمولی
۲۰۰	۵/۵	۲/۵	۲	قاب خصمنی ویژه با مهاربند همگرا ویژه
۷۰	۶	۲/۵	۶	قاب خصمنی متوسط با مهاربند همگرا ویژه



شکل ۱۲-۱۴ نیروی برش سقف و نیروهای مهاربند



شكل ۱۴-۱۳ تحلیل قاب

### ۲-۲-۱۴ طراحی قاب های ساده مهاربندی شده همگرای ویژه (با شکل پذیری زیاد)

قبهای مهاربندی شده همگرای ویژه به قابهایی گفته می شود که در آنها از مهاربندها انتظار می رود تحت اثر بار جانبی زلزله طرح تغییر شکل های فرا ارجاعی قابل ملاحظه تحمل کنند و در آنها کاهش مقاومت چندانی رخ ندهد. رفتار فرا ارجاعی موردنظر ممکن است به مرحله بعد از کمانش مهاربند توسعه یابد. بدین ترتیب پیکربندی و طراحی مهاربند و اتصالات آن باید چنان باشد که از عهده این تغییر شکل ها برآیند و رفتار تیرها و ستون ها در قاب عملاً در مرحله ارجاعی باقی بماند.

### ۱-۲-۲-۱۴ توزیع نیروی جانبی

در قاب های مهاربندی شده همگرا نیروی جانبی باید بین کلیه مهاربندهای کششی و فشاری توزیع شود و اعضای مهاربندها باید برای حداکثر نیروی ایجاد شده تحت اثر ترکیبات بار متعارف طراحی شوند. در قاب های مهاربندی شده ویژه، طراحی مهاربندها به صورت کششی تنها مجاز نیست.

مهاربندها در امتداد هر محور در هر طبقه باید طوری در نظر گرفته شوند که در هر جهت بارگذاری حداقل  $30^{\circ}$  درصد و حداکثر  $70^{\circ}$  درصد نیروی جانبی سهم آن محور در کشش تحمل شود، مگر آنکه اعضای مهاربندهای فشاری دارای مقاومتی بیشتر از آنچه تحلیل سازه برای بار زلزله از جمله ترکیب بارگذاری تشید یافته نشان می دهد، باشند. منظور از محور مهاربندی در این قسمت، یک یا چند محور مهاربندی شده مستقیم موازی است که به فاصله ای کمتر از  $10^{\circ}$  درصد بعد ساختمان در پلان، در جهت عمود بر محور از یکدیگر قرار گرفته باشند.

### ۲-۲-۲-۱۴ طراحی اعضای قطری مهاربند

این اعضا به صورت اعضای کششی مطابق ضوابط فصل دوم و به عنوان عضو فشاری مطابق ضوابط فصل سوم طراحی می شوند. در طراحی این اعضا می بایست ضوابط لرزه ای زیر نیز منظور شوند:

- پیکربندی مهاربندهای مجاز شامل مهاربندهای قطری، ضربدری X و مهاربندهای به شکل V و Λ می‌باشند. استفاده از مهاربندهای به شکل K مجاز نیست.
- قطری‌ها باید دارای مقطع فشرده لرزه‌ای با محدودیت حداکثر نسبت پهنا به ضخامت برابر با  $\lambda_{hd}$  طبق جدول ۱۴-۲ باشند. این موضوع برای حصول اطمینان از جاری شدن مقطع است.
- از بدکاربردن وصله در طول عضو قطری باید حتی‌الامکان خودداری شود. در صورت لزوم، وصله باید بتواند تمام ظرفیت عضو را به صورت اتصال پوششی و یا به صورت مستقیم و با جوش نفوذی کامل انتقال دهد. وصله اجزای قطری نباید در یک مقطع قرار گیرند. همچنین محل وصله عضو مهاربند نباید در ناحیه یک‌چهارم طول در وسط آن قرار گیرد.
- ناحیه یک‌چهارم طول قطری در وسط آن و دو ناحیه انتهایی قطری (به طول حداقل ارتفاع مقطع آن)، نواحی بحرانی تلقی می‌گردند.
- تعییه سوراخ‌های متواالی در جان تیرهای دهانه‌های مهاربندی شده با هر نوع مهاربندی (قطری، ضربدری X و شورون V و Λ) مجاز نیست.
- لاغری عضو قطری فشاری،  $\frac{KL}{r}$  در مهاربندهای ویژه ضربدری X، قطری و شورون V و Λ نباید از ۲۰۰ تجاوز نماید.
- ضریب طول مؤثر عضو قطری، در مهاربندهای قطری و مهاربندهای V و Λ برابر با یک و در مهاربندهای ضربدری، چنانچه در محل تقاطع دو عضو مهاربندی اتصال کافی وجود داشته باشد، در صفحه مهاربندی برابر ۰/۵ و در جهت عمود بر صفحه مهاربندی، برابر با ۷/۰ در نظر گرفته می‌شود.

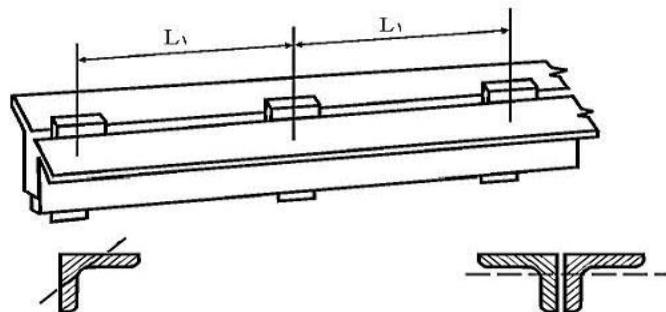
### ۳-۲-۲-۱۴ محدودیت فاصله بین لقمه‌ها

$$\frac{L_1}{r_1} \leq 0.4 \lambda_{max}$$

۱۴-۱

$r_1 = r_{min}$  شعاع ژیراسیون مینیمم برای مقطع تک پروفیل.

توزیع لقمه‌ها باید مطابق شکل ۱۴-۱۴ به صورت یکنواخت باشد و حداقل ۲ لقمه موجود باشد. چنانچه کمانش مهاربند حول محور کمانشی در اتصال دهنده ایجاد برش نکند، رعایت محدودیت لاغری ارائه شده الزامی نمی‌باشد.



محور شعاع ژیراسیون حداقل مقطع مركب

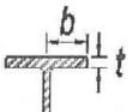
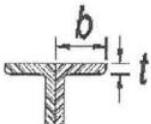
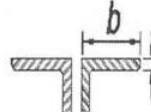
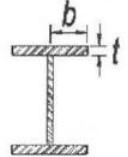
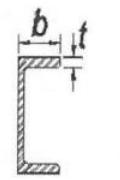
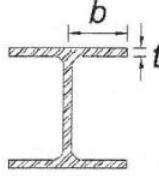
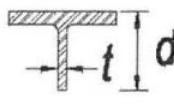
(استفاده از مقطع نبشی فقط برای نمایش است و  
سایر نیمروزها نیز قابل استفاده هستند)

شکل ۱۴-۱۶ نمایش لقمه

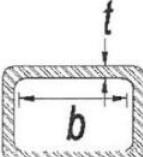
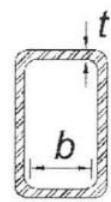
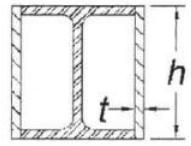
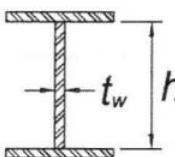
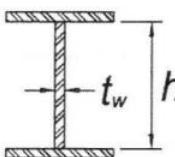
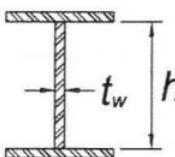
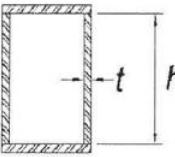
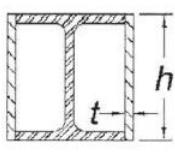
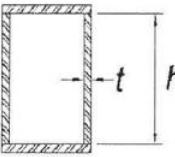
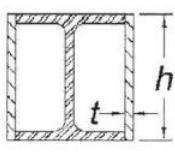
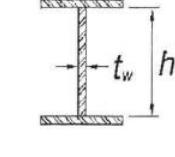
### ضوابط فشرده‌گی لرزه‌ای ۳-۲-۱۴

در سازه‌های با شکل پذیری زیاد و متوسط که از آنها انتظار تحمل تغییر شکل‌های فرا ارجاعی قابل ملاحظه می‌رود، برای مقاطع اعضا ضوابط سخت‌گیرانه‌تری در رابطه با کمانش موضعی بال‌ها و جان اعمال می‌شود. در نتیجه برای نسبت پهنا یا ارتفاع به ضخامت اجزا در اعضای تحت‌فشار، یا فشار و خمش رعایت اعداد کوچک‌تری مقرر می‌گردد. در این‌گونه سیستم‌های سازه‌ای تعریف جدیدی از مقطع فشرده، موضوع بخش ۱۰-۲ در فصل دوم، جانشین تعریف قبلی می‌گردد و با نام مقطع فشرده لرزه‌ای معرفی می‌شود. مقطع فشرده لرزه‌ای همان تعریف مقطع فشرده بخش ۱۰-۲ را دارد، با این تفاوت که در آن نسبت پهنا یا ارتفاع به ضخامت اجزای مقطع برای سازه‌های با شکل پذیری زیاد و متوسط به اعدادی که در جدول ۱۰-۳-۴-۱ عنوان شده، محدود می‌گردد.

جدول ۲-۱۴ محدودیت نسبت پهنا به ضخامت در مقاطع فشرده لرزه‌ای

مثال‌های نمونه	حداکثر نسبت پهنا به ضخامت		نسبت پهنا به ضخامت	شرح اجزا	ردیف
	اعضای با شکل پذیری زیاد	اعضای با شکل پذیری متوسط			
	$\lambda_{hd}$	$\lambda_{md}$			
					
	$0.3 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$0.38 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$b/t$	(اجزایی با یک لبه متکی) بال‌های مقاطع I شکل نوردشده و ساخته شده از ورق، ناوданی‌ها، سپری‌ها، ساق نیشی‌های تک و نیشی‌های دوبل با فاصله و ساق بر جسته نیشی‌های دوبل به هم چسبیده	۱
					
					
	$0.45 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	کاربرد ندارد.	$b/t$	(اجزایی با یک لبه متکی) بال‌های مقاطع شمع‌های H شکل	۲
	$0.3 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$0.38 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$d/t$	(اجزایی با یک لبه متکی) تیغه (جان) مقاطع سپری	۳

جدول ۲-۱۴ (ادامه) محدودیت نسبت پهنا به ضخامت در مقاطع فشرده لرزه ای

  					
	$0.55 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$0.64 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$b/t$		(جزای با دو لبه متکی) بال های مقاطع توانی مستطیلی (HSS) شکل ۴
	$1.49 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$1.49 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$h/t_w$		بال های مقاطع قوطی شکل ساخته شده از ورق ورق های کناری مقاطع I شکل قوطی شده وقتی به عنوان مهاربند به کار می روند.
  	$C_a \leq 0.125$ برای $2.45 \sqrt{\frac{E}{F_y}} (1 - 0.93 C_a)$	$C_a \leq 0.125$ برای $3.76 \sqrt{\frac{E}{F_y}} (1 - 2.75 C_a)$	$h/t_w$		(جزای با دو لبه متکی) جان مقاطع I شکل نورد شده و ساخته شده از ورق وقتی به عنوان مهاربند به کار می روند.
  	$C_a > 0.125$ برای $0.77 \sqrt{\frac{E}{F_y}} (2.93 - C_a) \geq 1.49 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$C_a > 0.125$ برای $1.12 \sqrt{\frac{E}{F_y}} (2.23 - C_a) \geq 1.49 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$h/t$		(جزای با دو لبه متکی) جان مقاطع I شکل قوطی ساخته شده از ورق هرگاه به عنوان تیر یا ستون مورداستفاده قرار می گیرند. ورق های کناری مقاطع I شکل قوطی شده وقتی به عنوان تیر یا ستون مورداستفاده قرار می گیرند.
	$C_a = \frac{P_u}{\phi_c P_y}$	$C_a = \frac{P_u}{\phi_c P_y}$	$h/t$		جان مقاطع I شکل قوطی ساخته شده از ورق هرگاه به عنوان تیر یا ستون مورداستفاده قرار می گیرند.

جدول ۲-۱۴ (ادامه) محدودیت نسبت پهنا به ضخامت در مقاطع فشرده لزهای

		کاربرد ندارد.	$h/t_w$	(اجزای با دو لبه متکی) جان مقاطع شمع‌های H شکل	۷
	$0.038 \frac{E}{F_y}$	$0.044 \frac{E}{F_y}$	$D/t$	(اجزای با دو لبه متکی) جان مقاطع لوله‌ای	۸
	$1.4 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$2.26 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$	$b/t$	(اجزای با دو لبه متکی) بال‌های و جان‌های مقاطع قوطی شکل پر شده با بتون	۹
	$0.076 \frac{E}{F_y}$	$0.15 \frac{E}{F_y}$	$D/t$	(اجزای با دو لبه متکی) جدارهای مقاطع تواخالی دایره‌ای شکل پر شده با بتون	۱۰

توضیحات زیر مکمل شرایط جدول می‌باشد:

[۱] برای مقاطع سپری محدودیت نسبت پهنا به ضخامت برای اعضای با شکل پذیری زیاد می‌تواند تا  $0.38 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$  افزایش یابد

مشروط بر اینکه، کمانش عضو فشاری حول صفحه‌جان سپری باشد و در اتصال انتهای عضو، انتقال بار محوری فقط از طریق وجه بیرونی بال سپری صورت گرفته باشد.

[۲] در مقاطع I شکل قوطی شده و مقاطع قوطی شکل ساخته شده از ورق اگر به عنوان ستون مورد استفاده قرار گیرند، محدودیت

نسبت پهنا به ضخامت در اعضای با شکل پذیری زیاد می‌تواند به  $0.6 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$  محدود شود.

[۳] نسبت پهنا به ضخامت در بال‌های مقاطع تواخالی مستطیلی شکل (HSS) و بال‌های مقاطع قوطی شکل ساخته شده از ورق

در صورتی که به عنوان تیر یا ستون مورد استفاده قرار گیرند، می‌تواند به  $1.12 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$  محدود شود.

[۴] در صورتی که مقاطع تواخالی دایره‌ای شکل به عنوان تیر یا ستون مورد استفاده قرار گیرند، نسبت قطر به ضخامت در اعضای با

شکل پذیری متوسط می‌تواند به  $0.7 \frac{E}{F_y}$  محدود شود.

#### ۱-۳-۲-۱۴ طراحی تیرهای قاب‌های مهاربندی شده V و Λ

تیرهای دهانه مهاربندی شده باید قادر به تحمل نیروهای قائم حاصل از ترکیب بارهای ثقلی بدون حضور مهاربندها باشد. این ضایعه به دو دلیل عمدۀ تعریف شده است. اولین دلیل آن اطمینان از پایداری تیر در صورت خرابی مهاربند در خلال رفتار فرا ارتجاعی

قب است. همچنین پایداری تیر در شرایط اجرایی و بهره برداری نیز مدنظر است. به طور مثال اگر بنا بر هر دلیلی ابتدا تیر مستقر در دهانه مهاربند  $V$  و  $\Lambda$  اجرا شده و پس از گذشت مدتی مهاربند  $V$  و  $\Lambda$  در محل خود نصب گردد. در این حالت حدفاصل زمان اجرای تیر تا اجرای مهاربند می بایست پایداری تیر حفظ شود.

تیرها در این قاب باید در حدفاصل دو ستون پیوسته باشند و مهار جانبی کافی برای جلوگیری از کمانش جانبی-پیچشی، در هر دو بال و پایین، داشته باشند. وجود حداقل یک جفت مهار جانبی در محل اتصال مهاربندها به تیر الزامی است.

تیر دهانه مهاربندی شده باید قادر به تحمل نیروی ناشی از اثر زلزله در ترکیب با بارهای ثقلی ضریب دار باشد (عمدتاً بارهای ثقلی در تیر با ایجاد خمس و زلزله باعث ایجاد فشار می شود، در نتیجه این عضو به صورت تیر - ستون می بایست مورد توجه قرار گیرد).

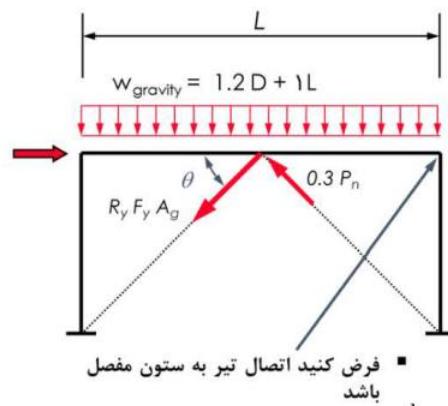
هر دو بال تیر مستقر در دهانه مهاربند  $V$  و  $\Lambda$  می بایست در برابر کمانش جانبی و پیچشی مهار شده باشد.

اگر مقدار خروج از محوریت مهاربند  $V$  و  $\Lambda$  در ناحیه اتصال به تیر کمتر از عمق تیر باشد، این مهاربند همگرا محسوب می شود.

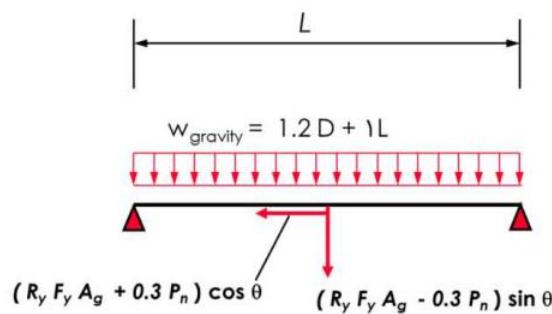
برای منظور کردن اثر توزیع نامتعادل نیروهای قطری کششی و فشاری ناشی از زلزله در ناحیه اتصال مهاربند به تیر، تیر دهانه مهاربندی شده باید با درنظر گرفتن تعادل استاتیکی بارهای ثقلی ضریب دار که با نیروی زلزله ترکیب می شوند و اثرات لرزه ای ناشی از نیروهای زیر در مهاربندها محاسبه شوند:

(الف) نیروی لرزه ای قطری کششی حداقل  $R_y F_y A_g$  و نیروی کششی ناشی از ترکیبات بار زلزله تشیدید یافته

(ب) نیروی لرزه ای قطری فشاری  $0.3 P_n$



شکل ۱۵-۱۴ نیروی غیرمتعادل مهاربندهای کششی و فشاری در طراحی تیر



شکل ۱۶-۱۶ نیروی محوری با درنظرگرفتن نیروهای نامتعادل

سطح مقطع کلی عضو قطری	$A_g$
تنش تسلیم فولاد مهاربندی	$F_y$
نسبت تنش تسلیم مورد انتظار به حداقل تنش تسلیم فولاد مهاربندی	$R_y$
مقاومت فشاری اسمی مهاربند فشاری	$P_n$

### ۲-۳-۲-۱۶ طراحی ستون و اتصالات آنها

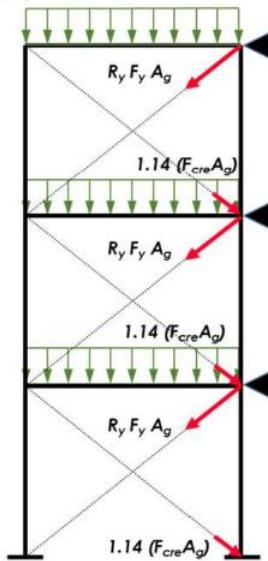
ستون‌های نظیر دهانه‌های مهاربندی شده باید از نوع فشرده لرزه‌ای با محدودیت حدکثر نسبت پهنا به ضخامت برابر  $\lambda_{hd}$  مطابق جدول ۱۶-۲ باشد. همچنین مقاطع تیرهای دهانه مهاربندی شده باید از نوع فشرده لرزه‌ای با محدودیت حدکثر پهنا به ضخامت برابر  $\lambda_{md}$  مطابق جدول ۲-۱۶ و مقاطع بقیه ستون‌ها باید فشرده باشند.

مقاومت طراحی تیرها، ستون‌ها و اتصالات آنها در قاب‌های مهاربندی شده ویژه نباید از نیروهای ناشی از تحلیل‌های زیر کوچک‌تر باشند:

الف) تحلیلی که در آن فرض می‌شود نیروی مهاربندهای کششی برابر  $R_y F_y A_g$  و نیروی مهاربندهای فشاری برابر مقدار زیر می‌باشد:

$$P_n = 1.14 F_{cr} A_g$$

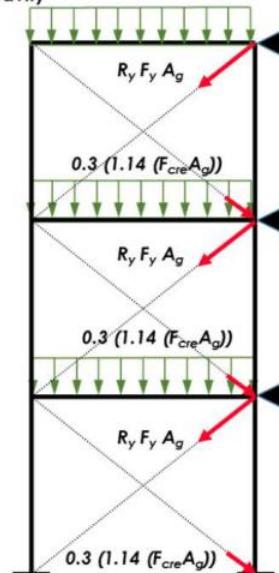
$$W_{\text{gravity}} = 1.2 D + 1L$$



شکل ۱۷-۱۴ نمایش نیروهای مهاربندهای کششی و فشاری برای محاسبه مقاومت طراحی تیرها و ستون‌ها و اتصالات آنها

ب) تحلیلی که در آن فرض می‌شود نیروی مهاربندهای کششی برابر با  $R_y F_y A_g$  و نیروی مهاربندهای فشاری برابر با  $0.3 P_n = 0.3 * 1.14 F_{cr} A_g$  باشد.

$$W_{\text{gravity}} = 1.2 D + 1L + 0.2S$$



شکل ۱۸-۱۴ نمایش نیروهای مهاربندهای کششی و فشاری برای محاسبه مقاومت طراحی تیرها و ستون‌ها و اتصالات آنها

تنش فشاری مورد انتظار ناشی از کمانش مطابق فصل اعضا فشاری که در آن  $R_y F_y$  به جای  $F_{cr}$  استفاده می‌شود.

### ۴-۲-۱۴ قاب‌های مهاربندی شده همگرای معمولی

قاب‌های مهاربندی شده همگرای معمولی به قاب‌هایی گفته می‌شود که از آنها انتظار تحمل تغییر شکل‌های فرا ارجاعی محدودی، بدون کاهش قابل ملاحظه در مقاومت اعضا و اتصالات آنها، زیر اثر زلزله طرح می‌رود.

#### ۱-۴-۲-۱۴ اعضای قطری مهاربند

پیکربندی مهاربندی‌های مجاز شامل مهاربندهای قطری، ضربدری و مهاربندهای به شکل V و Λ می‌باشد. استفاده از مهاربندی‌های K در این نوع قاب‌ها مجاز نمی‌باشد. در این قاب‌ها مهاربندهای قطری و ضربدری را می‌توان به صورت کششی تنها طراحی نمود. قطری‌ها باید دارای مقطع فشرده لرزه‌ای باشند. می‌بایست در مقطع فشرده لرزه‌ای محدودیت پهنا به ضخامت بر اساس محدودیت ارائه شده برای  $\lambda_{md}$  طبق جدول ۱۴-۲ رعایت شود.

laguerre عضو قطری مهاربند فشاری،  $\frac{KL}{\sqrt{\frac{E}{F_y}}}$  در مهاربندهای V و Λ نباید از ۴ تجاوز نماید و برای مهاربندهای قطری و ضربدری نباید از ۲۰۰ تجاوز نماید.

برای تعیین ضریب طول مؤثر عضو قطری می‌توان همان ضوابط قاب همگرای ویژه را بکار برد. در صورت لزوم به تعییه سوراخ دسترسی در جان تیر، اطراف آن باید به نحوی تقویت گردد که مقاومت‌های طراحی در مقطع سوراخ دار از مقاومت‌های طراحی مقطع کامل تیر کمتر نباشد. اگر مقدار خروج از محوریت مهاربند V و Λ در ناحیه اتصال به تیر کمتر از عمق تیر باشد، این مهاربند همگرا محسوب می‌شود.

#### ۲-۴-۲-۱۴ تیرها و ستون‌های قاب مهاربندی شده V و Λ

تیرهای قاب باید ضوابط متعلق به قاب‌های مهاربندی شده ویژه را برآورده نمایند.

بنابراین به طور خلاصه کنترل ضوابط زیر که در سیستم ویژه الزامی می‌باشد برای شکل‌پذیری معمولی الزامی ندارد:

- عدم نیاز به کنترل ضوابط وصله در مهاربند.
- عدم نیاز به کنترل مقطع فشرده لرزه‌ای در مقطع ستون.

در انتهای این بخش لازم است مهم‌ترین گام‌های موردنیاز در طراحی مهاربندهای همگرا به صورت مرحله‌بندی شده ارائه گردد. در این قسمت تلاش شده است تا ضوابط به شکلی ارائه شوند تا برای دو سطح شکل‌پذیری معمولی و ویژه به تفکیک قابل استفاده باشند. برای اساس برای مهاربند همگرای ضربدری X و مهاربندهای V و Λ گام‌های مشترک در طراحی عبارتند از:

##### الف- کنترل مقطع قطری‌های مهاربند

در حالت شکل‌پذیری ویژه و معمولی حتماً مقطع می‌بایست فشرده لرزه‌ای باشد.

### ب- کنترل لاغری اعضای قطری

حداکثر لاغری مهاربند همگرا اعم از ضربدری،  $V$  و  $\Lambda$  برای حالت شکل پذیری ویژه به عدد ۲۰۰ محدود می شود.

برای حالت شکل پذیری معمولی، حداکثر لاغری مهاربند همگرا  $V$  و  $\Lambda$  به  $\sqrt{\frac{E}{F_y}} 4$  محدود می شود. برای فرم مهاربند ضربدری با شکل پذیری معمولی محدودیت ۲۰۰ (مطابق ضوابط ستون ها) تعریف شده است.

لازم به ذکر است که ضریب طول مؤثر برای مهاربند همگرا ضربدری حول محور درون و برون صفحه به ترتیب  $0/5$  و  $0/7$  می باشد. این ضرایب برای مهاربند  $V$  و  $\Lambda$  در هر دو حالت برابر یک تعریف شده است.

### پ- تعیین فاصله بین لقمه ها

برای شکل پذیری ویژه از ۱۴-۲ استفاده می شود:

$$\frac{L_1}{r_1} \leq 0.4 \lambda_{max} \quad 14-2$$

برای شکل پذیری معمولی از ضابطه ستون ها مطابق ۱۴-۳ استفاده می شود:

$$\frac{L_1}{r_1} \leq \frac{3}{4} \lambda_{max} \quad 14-3$$

### ت- کنترل نیروی فشاری و کششی در مهاربند

در حالت شکل پذیری ویژه از آنجاکه می بایست مهاربند برای کشش و فشار طراحی گردد، بدین منظور ابتدا نیروی فشاری و کششی موجود در مهاربند از رابطه  $T_u = P_u = \frac{V}{2 \cos \alpha}$  تعیین می گردد که در آن  $V$  نیروی برش طبقه و  $\alpha$  زاویه مهاربند با محور تیر می باشد. سپس برای کنترل عضو قطری برای فشار و کشش وارد از ۱۴-۴ استفاده می شود.

$$P_u \leq \phi A_g F_{cr} \quad 14-4$$

$$T_u \leq \phi_t F_y A_g, \phi_t = 0.9$$

لازم به ذکر است می توان مهاربندی های قطری و ضربدری معمولی را به صورت کششی تنها طراحی نمود. در این صورت نیروی محوری سهم هر مهاربند برابر  $T_u = \frac{V}{\cos \alpha}$  خواهد بود. همچنین اعضای فشاری باید محدودیت  $300 \leq \frac{KL}{r}$  را برآورده نمایند ( $K = 1$ ).

توجه: اتصال مهاربند معمولاً به صورت جوشی در نظر گرفته می‌شوند. در صورت استفاده از اتصالات پیچ و مهره‌های باید گسیختگی کششی نیز در مقطع خالص کنترل گردد.

### ث- طراحی تیر دهانه مهاربند V و Λ

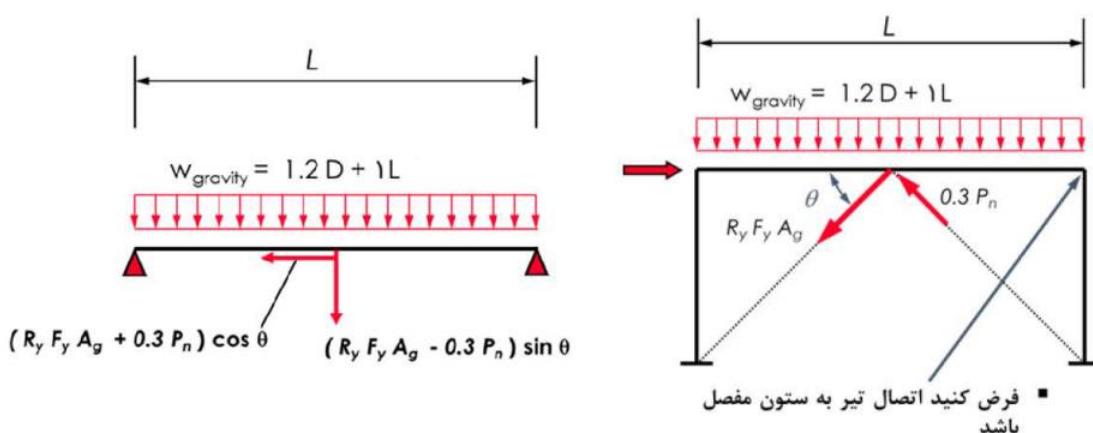
تیر دهانه مهاربندی شده باید قادر به تحمل نیروهای قائم حاصل از ترکیب بارهای ثقلی ( $1/2D + 1.6L$ ) بدون حضور مهاربندها باشند. کنترل این ضابطه برای مهاربند ضربدری نیاز نیست.

ضوابطی که در ادامه می‌آید می‌بایست برای هر دو حالت شکل‌بذیری ویژه و معمولی کنترل گردد. طبق ضوابط لرزه‌ای تیر دهانه مهاربندی شده باید قادر به تحمل نیروهای قائم حاصل از ترکیب بارهای ثقلی بدون حضور مهاربندها باشد. در این صورت لنگر خمشی طرح تیر از ۱۴-۵ محاسبه می‌گردد.

$$M_u = \frac{q_u L^2}{8} \leq \phi_b M_n \quad 14-5$$

مقاومت خمشی موردنیاز	$M_u$
بار ثقلی ضربی دار ( $1.2D + 1.6L$ )	$q_u$
ضریب کاهش مقاومت برابر با ۰.۹	$\phi_b$
مقاومت خمشی اسمی	$M_n$

با مراجعه به جدول اشتال پروفیل موردنظر انتخاب می‌گردد. همچنین تیر دهانه مهاربندی باید قادر به تحمل نیروی ناشی از اثر زلزله در ترکیب با بارهای ثقلی باشد که در نتیجه:

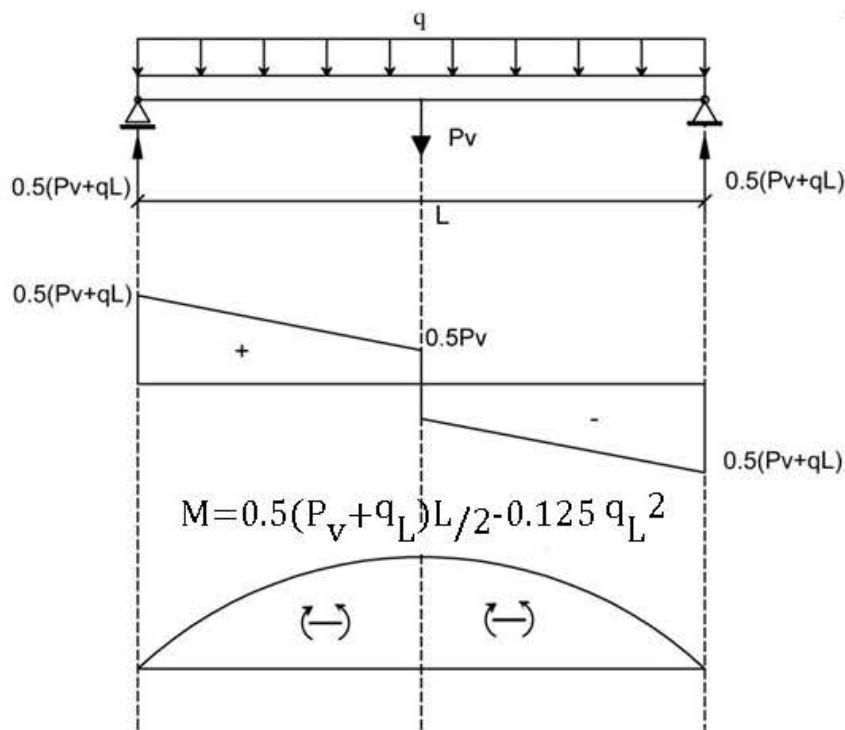


شکل ۱۴-۱۹ بار متتمرکز وارد به وسط تیر به علت درنظرگرفتن اثرات لرزه‌ای در مهاربندی

نیروی برشی و لنگر خمشی وارد بر تیر با توجه به شکل ۱۴-۱۹ محاسبه می‌شود. برای این منظور نیروهای فوق در راستای قائم تجزیه می‌شوند و مؤلفه قائم طبق ۱۴-۶ محاسبه می‌شود.

$$P_v = (R_y F_y A_g - 0.3 P_n) \sin \theta \quad 14-6$$

لنگر خمشی و نیروی برشی ناشی از مؤلفه قائم به همراه اثرات بار ثقلی مطابق شکل ۱۴-۲۰ قابل ترسیم است.



شکل ۱۴-۲۰ دیاگرام برش و خشش در تیر ساده

در نهایت برای طرح تیر در برابر خمش و برش نتیجه می شود:

$$M_u \leq \phi_b M_n$$

۱۶-۷

$$V_u \leq \phi_V (0.6 F_y A_w C_v)$$

$$V_u = 0.5 (P_v + q_u L)$$

$$\text{if } \frac{h}{t_w} \leq 2.24 \sqrt{\frac{E}{F_y}} \Rightarrow C_v = 1, \phi_V = 1$$

۱۶-۸

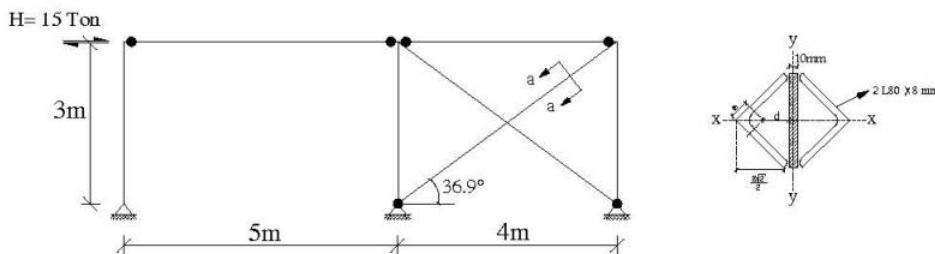
$$A_w = d t_w$$

ارتفاع کلی مقطع	$d$
ضخامت چان مقطع	$t_w$
قسمت صاف چان برابر با	$d - 2c$
ضریب برشی چان	$C_v$
تدش تسالیم فولاد چان	$F_y$

معمولًا استفاده از این ضابطه باعث می شود که مقطع تیر بسیار بزرگ محاسبه گردد. برخی از محققین برای رفع این مشکل پیشنهاد نموده اند که شکل مهاربند  $V$  و  $A$  در طبقات مجاور به صورت یک در میان استفاده گردد به طوری که در هر دو طبقه، شکل ظاهری مهاربند به صورت مهار  $X$  گردد. بدین ترتیب مؤلفه قائم نیروی متغیر (متاثر از بارگذاری متفاوت) خنثی شده و به دنبال آن مقطع تیر کوچکتر طرح می گردد.

## مثال ۱-۱۴

چنانچه مهارها قسمتی از قاب مهار شده همگرای ویژه باشند، لاغری و تنش‌های فشاری در مهارهای بکار رفته در قاب شکل ۱۴-۲۱ را بررسی نمایید. همچنین فاصله لقمه‌های لازم را برای جلوگیری از کمانش تک عضو معین کنید. مقطع به کار رفته برای مهاربند شامل دو نبشی است که طبق شکل زیر تشکیل مقطع قوطی می‌دهد. ضخامت ورق اتصال ۱۰ میلیمتر فرض می‌گردد.



شکل ۱۴-۲۱ نمایش مهاربند مثال

حل:

مشخصات مهاربند با توجه به جدول اشتال:

$$L8: r_u = 3.06\text{cm}, r_v = 1.56\text{cm}, A = 12.3\text{cm}^2, e = 2.26\text{cm}$$

## گام ۱ - کنترل مقطع قطری‌های مهاربند

اعضای قطری بایستی دارای مقطع فشرده لرزه‌ای باشند با توجه به اینکه شکل مقطع مانند مقطاع قوطی می‌باشد، طبق جدول ۲-۱۴ نتیجه می‌شود:

$$\frac{b}{t} \leq 0.55 \sqrt{\frac{E}{F_y}} \Rightarrow \frac{8}{0.8} = 10 \leq 16.26$$

## گام ۲ - کنترل لاغری اعضا قطری

$$\lambda_{max} \leq 200$$

$$r_x = r_u = 3.06\text{ cm}$$

$$d = \left( \frac{a\sqrt{2}}{2} + 0.5 \right) - e\sqrt{2} = \left( \frac{8\sqrt{2}}{2} + 0.5 \right) - 2.26\sqrt{2} = 2.96\text{ cm}$$

$$r_y = \sqrt{r_v^2 + d^2} = \sqrt{1.56^2 + 2.96^2} = 3.35\text{ cm}$$

$$\lambda_x = \frac{KL}{r_x} = \frac{0.5 \times 500}{3.06} = 81.7\text{ cm}$$

$$\lambda_y = \frac{KL}{r_y} = \frac{0.7 \times 500}{3.35} = 104.5\text{ cm}$$

$$\lambda_{max} = 104.5 \leq 200$$

در نتیجه لاغری اعضای قطری مناسب است.

### گام ۳ - تعیین فاصله بین لقمهها

$$\frac{L_1}{r_1} \leq 0.4 \lambda_{\max} \Rightarrow L_1 \leq 0.4 \times 104.5 \times 1.56 = 65.20 \text{ cm}$$

$$r_1 = r_{min} = r_v = 1.56 \text{ cm}$$

بنابراین فاصله بین لقمهها  $60$  سانتیمتر در نظر گرفته می شود. وجود دو بست انتهایی بلا فاصله بعد از اتمام ورق اتصال الزامی است.

### گام ۴ - کنترل مقاومت فشاری و کششی در مهاربند

تعیین نیروی فشاری و کششی موجود در مهاربند:

$$T_u = P_u = \frac{V}{2 \cos \alpha}$$

$$T_u = P_u = \frac{15 \times 10^3}{2 \cos 36.9} = 9379 \text{ kg}$$

کنترل عضو قطری برای فشار وارد:

$$P_u \leq \phi A_g F_{cr}$$

$$A_g = 2 \times 12.3 = 24.6 \text{ cm}^2$$

$$4.71 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 139.32$$

$$\lambda_{max} = 104.5 \leq 139.32 \Rightarrow F_{cr} = 1376.5$$

$$9379 \text{ kg} \leq 0.9 \times 24.6 \times 1376.5 = 30475.71 \text{ kg}$$

در تحلیل تقریبی  $50$  درصد نیروی جانی به مهاربند فشاری اختصاص یافته است.

مقاومت فشاری طراحی نزدیک به مقاومت فشاری موردنیاز می باشد، کنترل عضو قطری برای فشار پذیرفته می شود.

کنترل عضو قطری برای کشش وارد

$$\lambda_{max} \leq 300$$

$$104.5 \leq 300$$

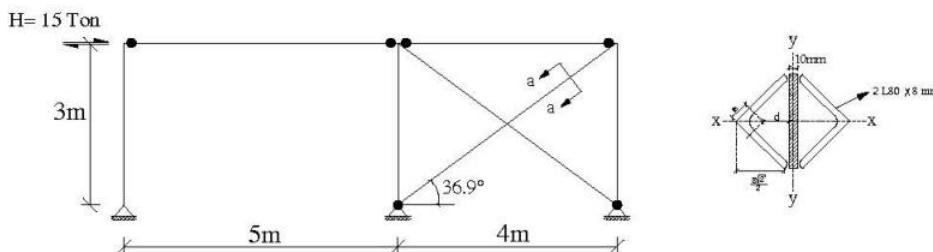
$$T_u \leq \phi_t F_y A_g, \phi_t = 0.9$$

$$9376 \text{ kg} \leq 0.9 \times 2400 \times 24.6 = 53136 \text{ kg}$$

### مثال ۱۴-۲

چنانچه مهارها قسمتی از قاب مهار شده همگرای معمولی باشند، لاغری و تنش های فشاری در مهارهای بکار رفته در قاب شکل ۱۴-۲۳ را بررسی نمایید (تکرار). همچنین فاصله لقمه های لازم را برای جلوگیری از کمانش تک عضو معین

کنید. مقطع به کار رفته برای مهاربند شامل دو نسبتی است که طبق شکل زیر تشکیل مقطع قوطی می‌دهد. ضخامت ورق اتصال ۱۰ میلیمتر فرض می‌گردد.



شکل ۲۲-۱۴ نمایش مهاربند مثال

حل:

گام ۱-

کنترل مقطع قطری‌های مهاربند

با توجه به اینکه در قسمت الف فشردگی مقطع مذکور با  $\lambda_{hd}$  جوابگو بوده است لذا فشردگی مقطع با  $\lambda_{md}$  نیز پاسخگو می‌باشد.

گام ۲-

کنترل لاغری اعضای قطری

این قسمت مانند قاب مهاربندی همگرای ویژه می‌باشد

گام ۳-

تعیین فاصله بین لقمه‌ها

$$\frac{L_1}{r_1} \leq \frac{3}{4} \lambda_{max} \rightarrow L_1 \leq \frac{3}{4} \times 104.5 \times 1.56 = 122.26 \text{ cm}$$

$$r_1 = r_{min} = r_V = 1.56 \text{ cm}$$

فاصله بین لقمه‌ها ۱۰۰ سانتی‌متر در نظر گرفته می‌شود.

گام ۴-

کنترل مقاومت فشاری و کششی در مهاربند

طبق ضوابط لرزه‌ای مبحث دهم از مقررات ملی ساختمان می‌توان مهاربندی‌های قطری و ضربدری با شکل پذیری معمولی را به صورت کششی تنها طراحی نمود. در این صورت تمامی نیروی زلزله به صورت کششی به قطری‌ها منتقل می‌شود:

$$T_u = P_u = \frac{V}{\cos \alpha}$$

$$T_u = P_u = \frac{15 \times 10^3}{\cos 36.9} = 18758 \text{ kg}$$

گام ۵-

کنترل عضو قطری برای کشش وارد

$$\lambda_{max} \leq 300$$

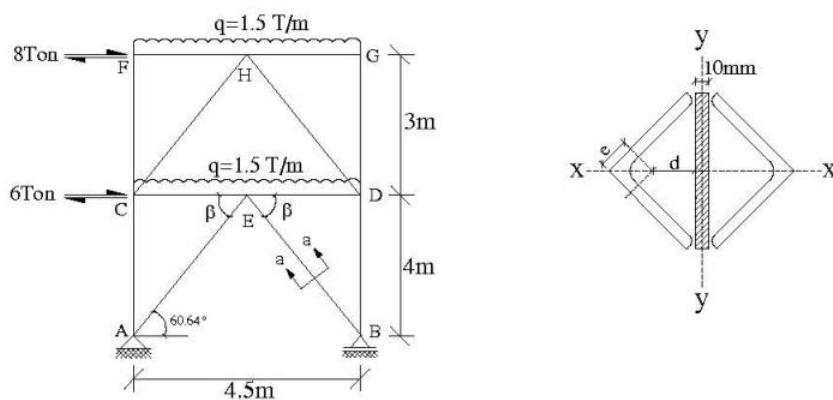
$$104.5 \leq 300$$

$$T_u \leq \phi_t F_y A_g, \phi_t = 0.9$$

$$18758 \text{ kg} \leq 0.9 \times 2400 \times 24.6 = 53136 \text{ kg}$$

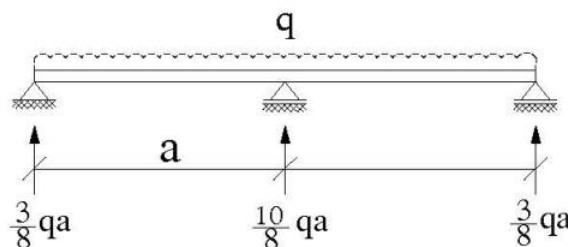
## مثال ۳-۱۴

قسمتی از سیستم مهاربندی قاب همگرای ویژه در برابر زلزله مطابق شکل ۲۳-۱۴ است. چنانچه بار مرده ثقلی  $P_L = 1.0 \text{ ton/m}$  و بار زنده طبقات برابر  $P_D = 1.5 \text{ ton/m}$  مهاربندی همگرای طبقه پایین را از مقطع زوج نبشی طرح کنید.



شکل ۲۳-۱۴ نمایش مهاربند مثال

حل:



شکل ۲۴ راهنمای تحلیل مثال

## گام ۱ - تعیین و کنترل مقطع قطری‌های مهاربند

تحلیل تحت اثر بارهای ثقلی برای اعضای AE, BE

عکس العمل تکیه‌گاه میانی برابر است با:

$$R_D = \frac{10}{8} qa = \frac{10}{8} \times 1.5 \times 2.25 = 4.22 \text{ ton}$$

$$F_{AE})_{DL} = F_{BE})_{DL} = \frac{R_{DL}}{2 \sin \beta} = \frac{4.22}{2 \sin 60.64} = 2.24 \text{ ton}$$

$$R_{LL} = \frac{10}{8} qa = \frac{10}{8} \times 1 \times 2.25 = 2.81 \text{ ton}$$

$$F_{AE})_{LL} = F_{BE})_{LL} = \frac{R_{LL}}{2 \sin \beta} = \frac{2.81}{2 \sin 60.64} = 1.62 \text{ ton}$$

تحلیل تحت اثر بار جانبی برای اعضای AE, BE

$$F_{AE} = F_{BE} = \frac{V}{2 \cos \alpha}$$

$$F_{AE} = F_{BE} = \frac{8 + 6}{2 \cos 60.64} = 14.3 \text{ ton}$$

باتوجه به اینکه نیروی زلزله به صورت رفت و برگشتی است، نیرو در اعضا به صورت کششی و فشاری به صورت متناوب تغییر می‌کند.

تعیین نیروهای طراحی بر اساس ترکیبات بار:

$$1.2P_D + 1.6P_L = 1.2 \times 2.24 + 1.6 \times 1.62 = 5.28 \text{ ton}$$

$$1.2P_D + P_L + P_E = 1.2 \times 2.24 + 1.62 + 14.3 = 18.6 \text{ ton}$$

$$0.9P_D - P_E = 0.9 \times 2.24 - 14.3 = -12.28 \text{ ton}$$

بنابراین برای نیروی فشاری 22.1 ton مهاربند طراحی شده و برای نیروی کششی 16.8 ton کنترل می‌گردد.

بعنوان فرض اولیه از 2L12 استفاده می‌شود.

$$L12: r_u = 4.60 \text{ cm}, r_v = 2.35 \text{ cm}, A = 27.5 \text{ cm}^2, e = 3.40 \text{ cm}$$

قطربندهای باقیمانده لزمه‌ای باشند. باتوجه به اینکه شکل مقطع مانند مقاطع قوطی می‌باشد.

$$\frac{b}{t} = \frac{12}{1.2} = 10 \leq 0.55 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 16.26 \rightarrow OK$$

- گام ۲ - کنترل لاغری اعضای قطری

$$\lambda_{max} \leq 200$$

$$r_x = r_u = 4.60 \text{ cm}$$

$$d = \left( \frac{a\sqrt{2}}{2} + 0.5 \right) - e\sqrt{2} = \left( \frac{12\sqrt{2}}{2} + 0.5 \right) - 3.4\sqrt{2} = 4.17 \text{ cm}$$

$$r_y = \sqrt{r_v^2 + d^2} = \sqrt{2.35^2 + 4.17^2} = 4.78 \text{ cm}$$

$$\lambda_x = \frac{KL}{r_x} = \frac{1 \times 459}{4.60} = 99.8 \text{ cm}$$

$$\lambda_y = \frac{KL}{r_y} = \frac{1 \times 459}{4.78} = 96.0 \text{ cm}$$

$$\lambda_{max} = 99.78 \leq 200$$

- گام ۳ - تعیین فاصله بین لقمه‌ها

$$\begin{cases} \frac{L_1}{r_1} \leq 0.4 \lambda_{max} \\ r_1 = r_{min} = r_v = 2.35 \text{ cm} \end{cases} \rightarrow L_1 \leq 0.4 \times 99.78 \times 2.35 = 93.79 \text{ cm}$$

بنابراین فاصله لقمه‌ها برابر با ۸۰ سانتی‌متر در نظر گرفته می‌شود. وجود دو بست انتهایی بلا فاصله بعد از اتمام ورق اتصال الزامی است.

## گام ۴

## کنترل مقاومت فشاری و کششی در مهاربند

$$P_u \leq \phi A_g F_{cr}$$

$$A_g = 2 \times 27.5 = 55 \text{ cm}^2$$

$$\lambda_{max} = 99.78 \leq 4.71 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 139.32 \Rightarrow F_{cr} = 1443 \frac{\text{Kg}}{\text{cm}^2}$$

$$22.1 \times 10^3 \text{ kg} \leq 0.9 \times 55 \times 1443 = 71428.5 \text{ kg}$$

لذا مهاربند در فشار مناسب است. برای کنترل کششی مقطع مهاربند نتیجه می شود:

$$\lambda_{max} = 99.78 \leq 300$$

$$T_u \leq \phi_t F_y A_g, \phi_t = 0.9$$

$$16.8 \times 10^3 \text{ kg} \leq 0.9 \times 2400 \times 55 = 118800 \text{ kg}$$

بنابراین مقطع برای کشش نیز مناسب است.

## گام ۵

## طراحی تیر مستقر در دهانه مهاربند V و Λ (تیر CD)

تیر دهانه مهاربندی شده باید قادر به تحمل نیروهای قائم حاصل از ترکیب بارهای ثقلی بدون حضور مهاربندها باشد:

با فرض آنکه فواصل مهار جانبی کم باشد، یعنی  $L_p \leq L_b$  باشد، داریم:

$$M_u = \frac{q_u L^2}{8} = \frac{3.4 \times 4.5^2}{8} = 8.6 \text{ t.m}$$

$$q_u = 1.2D + 1.6L = 1.2 \times 1.5 + 1.6 \times 1 = 3.4 \frac{\text{ton}}{\text{m}}$$

$$\phi_b M_n = 0.9 Z \times 2400 = 2160 Z$$

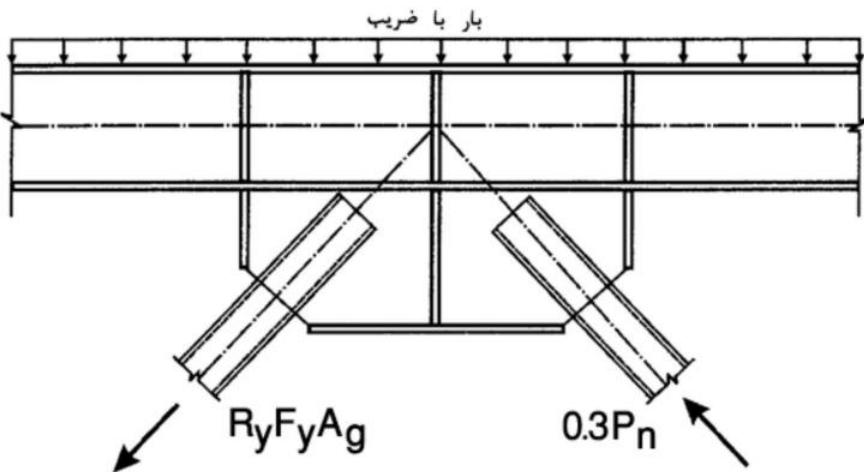
$$M_u \leq \phi_b M_n \Rightarrow 8.6 \times 10^5 \leq 2160 Z \Rightarrow Z \geq 398.14 \text{ cm}^3$$

لذا لنگر پلاستیک موردنیاز برای مقطع تک برابر است با:

$$Z_i \geq \frac{389.1}{2} = 195 \text{ cm}^3$$

در نتیجه استفاده از 2IPE20 به عنوان مقطع تیر مناسب است.

$$2IPE20: Z = 2Z_i = 2 \times 209.7 = 419.4 \text{ cm}^3$$



شکل ۱۴-۲۵ نمایش اتصال مهاربند به تیر در مثال

تیر دهانه مهاربندی باید قادر به تحمل نیروی ناشی از اثر زلزله در ترکیب با بارهای ثقلی باشد در نتیجه از تحلیل سیستم فوق نیروی

برشی و لنگر خمی وارد بر تیر محاسبه می‌شود:

$$P_V = [R_y F_y A_g - 0.3(1.14 P_n)] \sin \theta$$

$$P_n = F_{cr} A_g$$

$$F_{cr} = \left[ 0.658 \frac{R_y F_y}{F_e} \right] R_y F_y = \left[ 0.658 \frac{1.2 \times 2400}{2081.77} \right] \times 1.2 \times 2400 = 1614.05 \frac{kg}{cm^2}$$

$$P_V = [1.2 \times 2400 \times 55 - 0.3 \times (1.14 \times 55 \times 1614.05)] \sin 60.64 = 111593.8 kg$$

با تجزیه نیروهای فوق در راستای قائم مقدار برش و لنگر برابر خواهد شد با:

$$V_u = 0.5(P_V + q_u L) = 0.5(111.6 + 3.4 \times 4.5) = 65.49 ton$$

$$M_u = 0.5(P_V + q_u L) \frac{L}{2} - (0.125 q_u L^2) = 65.49 \times 2.25 - (0.125 \times 3.4 \times 4.5^2)$$

$$M_u = 138.74 t.m$$

$$\phi_b M_n = 0.9 Z \times 2400 = 2160 Z$$

$$M_u \leq \phi_b M_n \Rightarrow 138.74 \times 10^5 \leq 2160 Z$$

$$\Rightarrow Z \geq 6423.15 cm^3 \Rightarrow 2IPE60 + 2PL35 \times 1.5$$

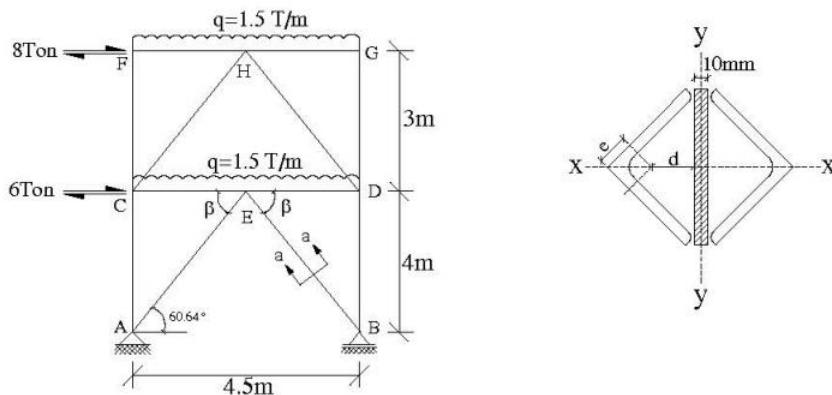
برش نیز کنترل می‌شود.

همان گونه که ملاحظه می‌شود اعمال این ضابطه باعث می‌گردد که مقطع تیر بسیار بزرگ محاسبه گردد.

#### مثال ۱۴-۴

چنانچه قاب شکل زیر قاب همگرای معمولی باشد، سیستم مهاربندی همگرای طبقه پایین را از مقطع زوج نشی

طرح کنید.



شکل ۱۴-۲۶ نمایش مهاربند مثال

حل:

حل مسئله با شکل پذیر معمولی

۱- نیاز به فشرده لرزه‌ای بودن مقطع مهاربند نمی‌باشد.

۲- می‌توان مهار را به صورت کششی طرح نمود.

حل این مثال به خواننگان و اگذار می‌شود.

## مثال ۵-۱۴

قاب ساده با مهاربند همگرای ویژه (هشتی) با مشخصات زیر مفروض است:

سازه مربوط به منزل مسکونی واقع در شهر تهران است.

سازه دارای شش سقف بوده با ارتفاع هر طبقه ۴ متر بوده و نیروی جانبی وارد بر سقفها برابر ۱۰، ۲۰، ۳۰، ۴۰، ۵۰، ۶۰ تن (بیشترین نیرو برای بالاترین طبقه) محاسبه گردیده است.

پلان به صورت مستطیل با ابعاد  $8 \times 10$  متر بوده و دارای ستون میانی نمی‌باشد، در نتیجه عرض دهانه مهاربند ۸ متر و عرض بارگیر تیر مهاربند ۵ متر می‌باشد.

مقطع مهاربند پایین ترین طبقه 2UNP20 رو رو (قوطی شکل) می‌باشد.

جهت تعیین ضریب نامعینی، سیستم مقاوم جانبی سازه دارای نامعینی کافی نمی‌باشد.

مطلوب است:

(الف) محاسبه بار وارد شده به قاب محور ۱ در هر طبقه، ناشی از بارهای مرده، زنده و جانبی

(ب) محاسبه نیروی برشی اعمال شده به قاب محور ۱ در پائین ترین طبقه

(پ) محاسبه نیروی محوری ناشی از بار مرده، زنده و جانبی مهاربندهای پائین ترین طبقه

(ت) محاسبه نیروی طراحی کششی و فشاری مهاربند پائین ترین طبقه

(ث) در ادامه نیروی طراحی مهاربند در فشار ۱۰۰ تن و در کشش ۸۵ تن فرض شود.

ج) کنترل فشردگی لرزاهاي مقطع مهاربند

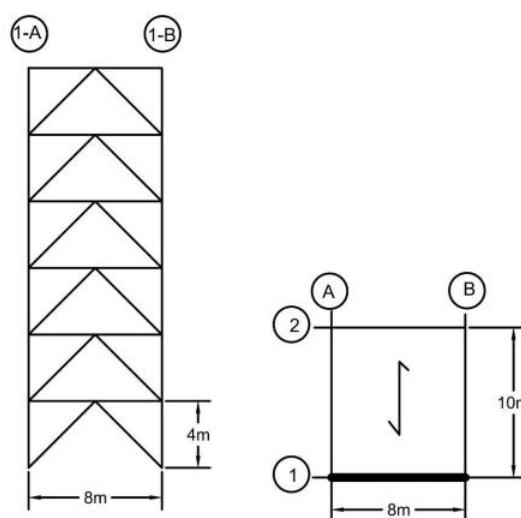
چ) کنترل لاغری مهاربند

ح) کنترل مقاومت فشاری مهاربند

خ) کنترل مقاومت کششی مهاربند

د) محاسبه مقدار بارهای متمرکز جهت طراحی تیر

توضیح: از اثرات مرتبه دوم صرف نظر می شود.



شکل ۱۴-۲۷ قاب مهاربندی مثال

حل:

$$UNP20: d = 20\text{cm}, b_f = 7.5\text{cm}, t_f = 1.15\text{cm}, t_w = 0.85\text{cm}, A = 32.2\text{cm}^2, \\ I_x = 1910\text{cm}^4, I_y = 143\text{cm}^4, e = 2.01\text{cm}$$

گام ۱ - محاسبه بار وارد شده به قاب محور ۱ در هر طبقه، ناشی از بارهای مرده، زنده و جانبی

$$A = 8m \times \frac{10}{2}m = 40m^2$$

$$F_D = \omega_D \times A = 0.5 \frac{\text{tonf}}{\text{m}^2} \times 40 \text{ m}^2 = 20 \text{ tonf}$$

$$F_L = \omega_L \times A = 0.2 \frac{\text{tonf}}{\text{m}^2} \times 40 \text{ m}^2 = 8 \text{ tonf}$$

$$F_E = \frac{1}{2} F_i = \frac{10,20,30,40,50,60}{2} \text{ tonf} = 5,10,15,20,25,30 \text{ tonf}$$

گام ۲ - نیروی برشی اعمال شده به قاب محور ۱ در پائین‌ترین طبقه

$$V_{total} = 10 + 20 + 30 + 40 + 50 + 60 = (10 + 60) * 3 = 210 \text{ tonf}$$

$$V_{frame1} = \frac{1}{2} V_{total} = \frac{210}{2} = 105 \text{ tonf}$$

گام ۳

محاسبه نیروی محوری ناشی از بار مرده، زنده و جانبی در هر عضو مهاربند پائین ترین طبقه

$$P_D = \frac{1}{2} \frac{F_D}{\sin(\theta)} = \frac{1}{2} \times \frac{20}{0.707} = 14.14 \text{ tonf}$$

$$P_L = \frac{1}{2} \frac{F_L}{\sin(\theta)} = \frac{1}{2} \times \frac{8}{0.707} = 5.66 \text{ tonf}$$

$$P_E = \frac{1}{2} \frac{V_{frame1}}{\cos(\theta)} = \frac{1}{2} * \frac{105}{0.707} = 74.25 \text{ tonf}$$

گام ۴

محاسبه نیروی طراحی کششی و فشاری مهاربند

مؤلفه قائم زلزله به مقدار ۰.۶AI منظور گردد → سازه در پهنۀ خطر نسبی زیاد

$$\omega_L = 200 < 500 \frac{Kgf}{m^2} \rightarrow "0.5" L$$

$$\rho = 1.2$$

$$P_u^+ \rightarrow (1.2 + 0.6AI)D + \rho E + 0.5^{(*)}L + 0.2S$$

$$P_u^+ = 1.41 * 14.14 \text{ tonf} + 1.2 * 74.25 \text{ tonf} + 0.5 * 5.66 \text{ tonf} + 0$$

$$P_u^+ = 111.87 \text{ tonf}$$

$$P_u^- \rightarrow (0.9 - 0.6AI)D + \rho E$$

$$P_u^- = 0.69 * 14.14 \text{ tonf} + 1.2(-74.25 \text{ tonf}) = -79.34 \text{ tonf}$$

سهم مهاربند کششی % ۵۰ برش قاب است که بین % ۳۰ و % ۷۰ می باشد.

گام ۵

کنترل فشردگی مقطع

در مهار همگرای ویژه، مقاطع باید فشرده لرزه‌ای باشند.

$$\frac{b_f}{t_f} = \frac{7.5}{1.15} = 6.52 < \lambda_{hd} = 0.3 \sqrt{\frac{2040}{2.4}} = 8.7$$

$$\frac{h}{t_w} = \frac{20 - 2 \times 1.15}{0.85} = 20.8 \leq 0.55 \sqrt{\frac{2040}{2.4}} = 16.04 \rightarrow \text{not OK}$$

مقطع فشرده لرزه‌ای نمی باشد.

گام ۶

کنترل لاغری مهاربند

2UNP200 - BOX:

$$r_x = r_{x0} = \sqrt{\frac{I_{x0}}{A_0}} = \sqrt{\frac{1910}{32.2}} = 7.7 \text{ cm}$$

$$r_y = \sqrt{\frac{I_{y0}}{A_0} + (b_f - e)^2} = \sqrt{\frac{143}{32.2} + (7.5 - 2.01)^2} = 5.88 \text{ cm}$$

$$l = 4 \text{ m} \times \sqrt{2} = 5.66 \text{ m} = 566 \text{ cm}$$

$$\lambda = \frac{Kl}{r_{min}} = \frac{1.0 * 566}{5.88} = 96.3 < 200 \rightarrow O.K.$$

## کنترل مقاومت فشاری مهاربند

گام ۷

$$\lambda = 96.3 < 4.71 \sqrt{\frac{2.04 \times 10^6}{2400}} = 137.3$$

$$F_e = \frac{\pi^2 E}{\lambda^2} = \frac{\pi^2 \times 2.04 \times 10^6}{(96.3)^2} = 2171 \frac{Kgf}{cm^2}; F_{cr} = 2400 \times 0.658 \frac{2400}{2171} = 1511 \frac{Kgf}{cm^2}$$

$$P_u^+ = 111.87 tonf \leq \phi_c F_{cr} A_g = 0.9 * 1511 * (2 * 32.2 cm^2) = 87.6 tonf \rightarrow NOT O.K.$$

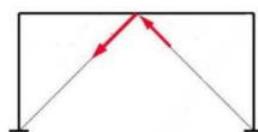
## کنترل مقاومت کششی مهاربند

گام ۸

$$P_u^- = |-79.34 tonf| \leq \phi_t A_g F_y = 0.9 * (2 * 32.2 cm^2) * 2.4 \frac{tonf}{cm^2} = 139.1 tonf \rightarrow O.K.$$

## محاسبه بارگذاری طراحی تیر مهاربند

گام ۹



$$2UNP200 \rightarrow R_y = 1.15$$

$$R_y F_y = 1.15 * 2400 = 2760 \frac{Kgf}{cm^2}$$

$$\lambda = 96.3 < 4.71 \sqrt{\frac{2.04 \times 10^6}{2760}} = 128 \rightarrow F_{cre} = 2760 \times 0.658 \frac{2760}{2171} = 1621 \frac{Kgf}{cm^2}$$

$$F^t = R_y F_y A_g = 1.15 * 2.4 \frac{tonf}{cm^2} * (2 * 32.2 cm^2) = 177.7 tonf$$

$$F_1^c = 1.14 F_{cre} A_g = 1.14 * 1621 * (2 * 32.2) = 119.0 tonf$$

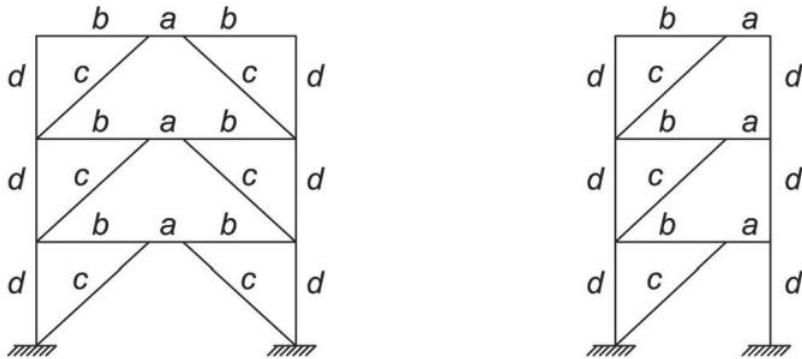
$$F_2^c = 0.3 * 1.14 F_{cre} A_g = 0.3 F_1^+ = 35.7 tonf$$

## مهاربندی برون مرکز یا واگرا

۳-۱۴

نتایج تحقیقات مختلف بر رفتار سنجی قاب‌های خمشی فولادی موید این موضوع است که این دسته از سیستم‌های مقاوم جانبی از نظر شکل‌پذیری و قابلیت تحمل تغییر شکل‌های فراز تجاعی، از پتانسیل بسیار خوبی برخوردار است. در دسته دیگر، سیستم مهاربندی همگرا دارای سختی قابل توجهی است که این پارامتر نقطه مقابل شکل‌پذیری است. بدین جهت ایده استفاده از مهاربند واگرا مطرح گردید. ویژگی اصلی این سیستم مهاربندی این موضوع است که این نوع سیستم سازه‌ای دارای تلفیقی از خاصیت شکل‌پذیری و سختی جانبی است. البته این دو پارامتر بهشت وابسته به طول تیر پیوند است. تیر پیوند یک پارامتر بسیار مهم می‌باشد که در ادامه تعریف خواهد شد. یکی از دلایل اصلی استفاده از مهاربند واگرا بحث معماری است. در این فرم مهاربندی امکان ایجاد بازشو (درپ یا پنجره) وجود دارد؛ بنابراین در وجود نمای سازه و در طبقات پارکینگ که امکان مانور خودرو یک نیاز ضروری است، استفاده از این مهاربند می‌تواند یک گزینه مناسب قلمداد شود.

بر طبق مبحث دهم مقررات ملی ساختمان قاب‌های مهاربندی شده و اگرا قاب‌هایی هستند که در آنها، مهاربندها در هر دهانه، بافاصله کمی از یکدیگر روی محور طولی تیر و یا بافاصله کمی از گره اتصال تیر به ستون، به تیر متصل می‌شوند. در این قاب‌ها رفتار جانبی لرزه‌ای سازه ترکیبی از عملکرد خمشی – برشی تیرها و ستون‌های دهانه مهاربندی شده و عملکرد کششی – فشاری مهاربندها می‌باشد. در شکل ۱۴-۲۸ انواع این قاب‌ها نشان‌داده شده است.



شکل ۱۴-۲۸ انواع مهاربند و اگرا و اجزاء آن

a تیر پیوند

b قسمتی از تیر که خارج ناحیه پیوند است

c مهاربند

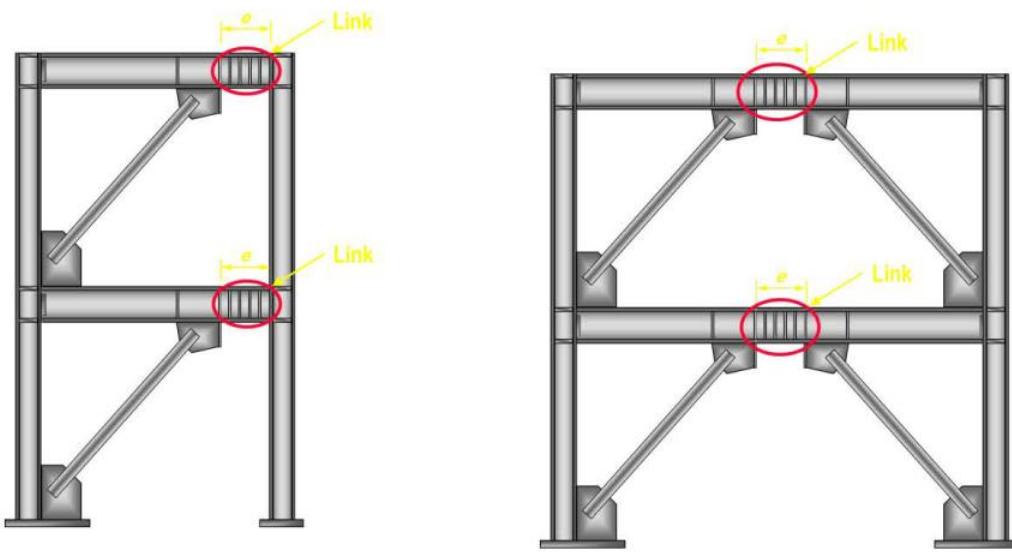
d ستون

e1 تیر پیوند فعلی

در این قاب‌ها تیرهای متعلق به دهانه مهاربندی شده به دو ناحیه زیر نامگذاری می‌شوند:

(الف) ناحیه تیر پیوند: به ناحیه‌ای اطلاق می‌شود که بین نقاط تلاقي محورهای دو عضو قطری مهاربند روی تیر و یا بین نقطه تلاقي محور عضو مهاربندی تا گره اتصال تیر به ستون قرار دارد. برای طول تیر پیوند اساساً محدودیت خاصی موجود نیست ولی از آنجاکه رفتار سازه‌ای این تیر وابسته به طول آن است، توصیه می‌شود این طول بزرگ در نظر گرفته نشود و به حدود یک‌پنجم طول دهانه تیر محدود گردد.

(ب) ناحیه خارج از تیر پیوند: به قسمت یا قسمت‌هایی از تیر که جزء تیر پیوند نیست، اطلاق می‌شود.



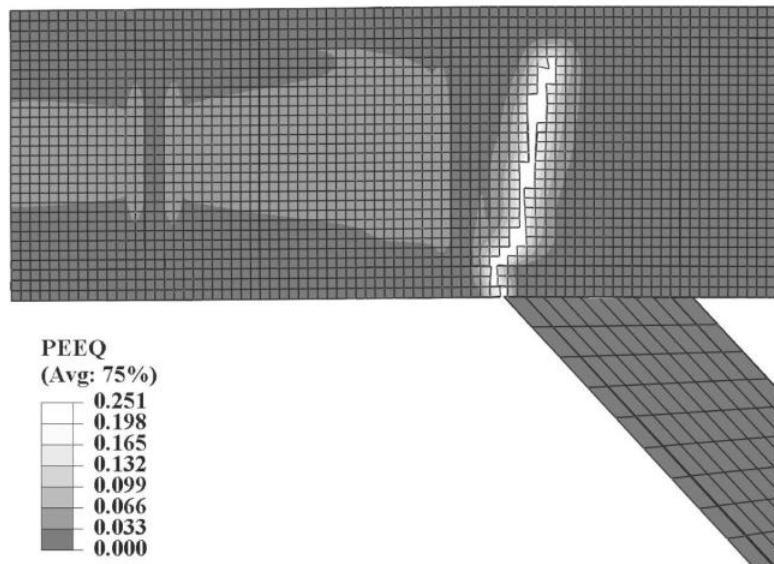
شکل ۱۴-۲۹ نمایش تیر پیوند در مهاربند و اگرا

سیستم مهاربندی برون مرکز یا واگرا دو ویرگی سختی مناسب جانبی و جذب انرژی بالا را با یکدیگر ترکیب می‌کند. هر پانل این دستگاه سازه‌ای از تیر، ستون‌ها و یک یا دو مهار تشکیل می‌شود. تفاوت این سیستم با مهاربندی هم محور در این است که مهارها به صورت برون محور به تیرها متصل می‌گردند. برون محوری اتصال مهاربندی سبب پدیدآمدن لنگرهای خمشی و نیروهای برشی بزرگ در ناحیه تیر نزدیک به مهار می‌گردد. به این ترتیب، تنش‌های ناحیه‌ای از تیر وارد محدوده غیرارتجاعی شده و سبب اتلاف انرژی ناشی از زمین‌لرزه می‌شود. این ناحیه از تیر که مانند یک فیوز عمل می‌کند، تیر پیوند نام دارد و در شکل با  $e$  مشخص شده است. در واقع اساسی ترین معیار طراحی این سیستم، جاری شدن فقط تیر پیوند می‌باشد و دیگر اعضا در حالت الاستیک باقی می‌مانند. در قاب‌های مهاربندی شده واگرا انتظار آن است که تیر پیوند قادر به تحمل تغییر شکل‌های فرا ارجاعی قابل ملاحظه‌ای تحت اثر بار جانبی زلزله باشد، در حالی که اعضای قطری مهاربندها، ستون‌ها و ناحیه خارج از تیر پیوند عمدتاً در محدوده ارجاعی باقی بمانند. طراحی اعضای این قاب‌ها باید چنان صورت گیرد که این رفتار در آنها تأمین شود.

### ۱-۱-۳-۱۴ محدودیت تیرها، ستون‌ها و مهاربندی‌های دهانه دارای تیر پیوند

تیرهای دهانه مهاربندی شده در قاب مهاربندی شده با مهاربند واگرا، در مواردی که تیر پیوند در ناحیه میانی تیر و دور از ستون‌ها واقع است می‌توانند دارای اتصالات ساده یا گیردار به ستون‌ها باشند، ولی در مواردی که تیر پیوند در مجاورت ستون واقع است باید دارای اتصال صلب به آن ستون باشند. مورد اخیر بدین جهت است که هدف ضوابط محدود نمودن دوران تکیه برای جلوگیری از شکل‌گیری مود خرابی خمشی ناشی از دوران قابل توجه تکیه‌گاه است تا به نوعی امکان ایجاد مود خرابی برشی فراهم آید. اتصال اعضای قطری به تیرها در این قاب‌ها می‌تواند به صورت ساده و یا صلب باشد. در حالت اخیر مهاربندها خود تحت اثر لنگر خمشی علاوه بر نیروی محوری قرار می‌گیرند و باید این اثر در طراحی اعضاء و اتصالات آنها منظور شود. لازم به ذکر است در مهاربندهای واگرا، شکل‌پذیری کم تعریف نمی‌شود و فقط از مهاربند واگرا ویره نامبرده می‌شود.

تیر پیوند باید دارای مقطع فشرده لرزه ای با محدودیت حداقل نسبت پهنا به ضخامت برابر  $\lambda_{hd}$  بر اساس محدودیتهای جدول ۱۴-۲ باشد. مقطع تیر پیوند باید از نوع I شکل (نورد شده یا ساخته شده با ورق) یا از نوع قوطی شکل ساخته شده از ورق باشد. در تیر پیوند باید از اعمال هرگونه تغییر ناگهانی در بال و جان مقطع خودداری گردد. همچنین انجام هرگونه وصله کاری در اجزای تیر پیوند در طول آن مجاز نمی باشد. جان تیر پیوند باید از یک ورق تک بدون هرگونه ورق مضاعف در نظر گرفته شود و هیچگونه بازشویی نباید در آن ایجاد شود. عملیات جوشکاری در این تیر تنها برای اتصال ورق های سختکننده مجاز می باشد. از دلایل این امر می توان به تمرکز تنش برشی در ابتدا و انتهای تیر پیوند اشاره کرد که در شکل ۱۴-۳۰ قابل مشاهده است.



شکل ۱۴-۳۰ تمرکز تنش برشی در تیر پیوند

در تیرهای پیوند ساخته شده از ورق، اتصال جان (یا جان ها) به بال تیر باید از نوع جوش گوشه دوطرفه یا جوش شیاری بانفوذ کامل باشد.

مقاطع ستون های نظیر دهانه های مهاربندی باید از نوع فشرده لرزه ای با محدودیت حداقل نسبت پهنا به ضخامت برابر با  $\lambda_{hd}$  بر اساس جدول ۱۴-۲ باشد.

### ۱۴-۳-۱۴ مهار جانبی تیر پیوند

در دو انتهای تیر پیوند در بال های فوقانی و تحتانی باید مهارهای جانبی تعبیه شود که هر مهار جانبی بتواند نیروی زیر را تحمل نماید.

$$P_{bu} = \frac{0.06 R_y F_y Z_b}{h_0}$$

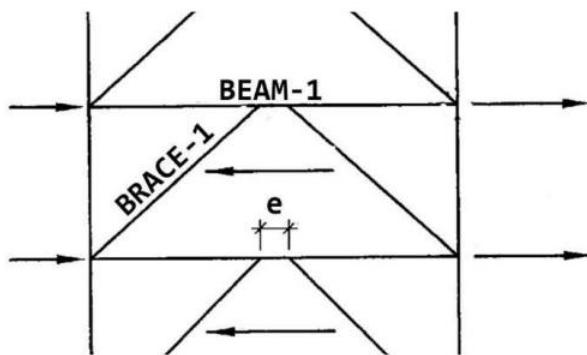
۱۴-۹

## مثال ۱۴-۶

قاب خمشی با مهاربندی واگرا با «اهمیت خیلی زیاد» و در پنهانه با «خطر نسبی خیلی زیاد» مدنظر می‌باشد. ضریب نامعینی سازه  $\rho = 1.2$  است. تغییرمکان نسبی طبقه از تحلیل ارجاعی مرتبه اول برابر  $\delta_{xe} = 0.5\text{cm}$  و نیروی محوری نهایی برابر  $P_u = 11.1\text{ton}$  بدست آمده است. دهانه قاب  $L = 6\text{m}$ . ارتفاع طبقات  $h = 4\text{m}$  و طول تیر پیوند  $e = 1.2\text{m}$  می‌باشد. مقطع تیر پیوند IPE36 و فولاد مصرفی از نوع ST37 می‌باشد. شکل زیر بیانگر وضعیت تیر پیوند Beam-1 می‌باشد. مطلوب است:

الف - کنترل فشردگی لرزه‌ای مقطع تیر پیوند

ب - محاسبه نیروی مهار جانبی تیر.



حل:

IPE36

UNP24

کنترل فشردگی لرزه‌ای مقطع تیر پیوند

- ۱ گام

$$\lambda_{bf} = \frac{b_f}{2t_f} = \frac{17.0}{2*1.27} = 6.7 \leq \lambda_{hd} = 0.3 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 8.75 \text{ ok}$$

$$\lambda_{bw} = \frac{d-2t_f}{t_{bw}} \leq? \lambda_{hd} = \begin{cases} 2.45 \sqrt{\frac{E}{F_y}} (1 - 0.93C_a) ; \text{if } C_a = \frac{P_u}{\phi_c P_y} \leq 0.125 \\ 0.77 \sqrt{\frac{E}{F_y}} (2.93 - C_a) \geq 1.49 \sqrt{\frac{E}{F_y}} ; \text{if } C_a > 0.125 \end{cases}$$

$$C_a = \frac{P_u}{\phi_c P_y} = \frac{11.1\text{tonf}}{0.9*1.2*2.4\text{ cm}^2 * 72.7\text{cm}^2} = 0.06 < 0.125$$

$$\rightarrow \lambda_{hd} = 2.45 \sqrt{\frac{2.04*10^6}{2400}} (1 - 0.93 * 0.06) = 68.8$$

$$\lambda_{bw} = \frac{d-2t_f}{t_w} = \frac{36-2*1.27}{0.8} = 41.8 \leq \lambda_{hd} = 68.8 \text{ ok}$$

پس شرایط فشردگی لرزه‌ای برای مقطع تیر پیوند برقرار است.

گام ۲-

محاسبه نیروی محوری مهار جانبی تیر پیوند  $P_{bu}$ 

$$P_{bu} = \frac{0.06 R_y F_y Z b}{h_0} = \frac{0.06 * 1.2 * 2.4 * 973.7}{36 - 1.27} = 4.84 \text{ tonf}$$

۲-۳-۱۴ طراحی تیر پیوند

طراحی تیر پیوند برای برش بر اساس تأمین ۱۰-۱۴ صورت می‌گیرد.

۱۰-۱۴

$$V_u \leq \phi_v V_n$$

مقاومت برشی موردنیاز تیر پیوند	V <sub>u</sub>
مقاومت برشی طراحی تیر پیوند	V <sub>n</sub>
ضریب کاهش مقاومت برابر با ۰/۹	$\Phi_v$

مقاومت برشی موردنیاز تیر پیوند  $V_u$  بر اساس تحلیل سازه تحت اثر ترکیبات بار متعارف تعیین می‌شود. مقاومت برشی طراحی تیر پیوند (ظرفیت برشی) مساوی  $V_n$   $\Phi_v$  می‌باشد که در آن  $\Phi_v$  ضریب کاهش مقاومت برابر با ۰/۹ و  $V_n$  مقاومت برشی اسمی می‌باشد. مقاومت برشی اسمی  $V_n$  برابر کوچکترین مقدار محاسبه شده بر اساس حالت حدی تسلیم برشی و تسلیم خمشی طبق روابط زیر در نظر گرفته می‌شود.

۱۱

$$V_n^{link} = \min \left( V_n = \frac{2M_p}{e}, V_p = 0.6F_y A_w \times \alpha_1 \right)$$

۱۲-۱۴

$$\alpha_1 = \begin{cases} 1; if \frac{P_u}{P_c} \leq 0.15 \\ \sqrt{1 - (\frac{P_u}{P_c})^2}; if \frac{P_u}{P_c} > 0.15 \end{cases}$$

۱۳-۱۴

$$M_p = \begin{cases} F_y Z; if \frac{P_u}{P_c} \leq 0.15 \\ F_y Z \left( \frac{1 - (\frac{P_u}{P_c})}{0.85} \right); if \frac{P_u}{P_c} > 0.15 \end{cases}$$

= مقاومت محوری مورد نیاز تیر پیوند بر اساس ترکیبات بار متعارف  $P_u$  $P_c$  = مقاومت تسلیم محوری تیر پیوند برابر  $F_y A_g$  $A_{lw}$  = مساحت جان مقطع تیر پیوند برابر  $(d - 2t_f)t_w$  برای مقاطع I شکل و برابر  $(d - 2t_f)t_w$  برای

مقاطع قوطی شکل

 $F_y$  = تنش تسلیم فولاد تیر پیوند $Z$  = اساس مقطع پلاستیک تیر پیوند $e$  = طول تیر پیوند که برابر است با فاصله بین اتصال دو انتهای مهاربند در روی بال تیر یا فاصله

بین اتصال انتهای مهاربندی در روی بال تیر تا برستون

## مثال ۷-۱۴

در قاب مهاربندی شده با مهاربند و اگر در مثال بارهای نهایی (ضریب دار) و ظرفیت برشی تیر پیوند را محاسبه نمایید. نتایج تحلیل سازه تیر ارائه شده است. ترکیب بار بحرانی  $1.2D+L+E$  در نظر گرفته شود.

$$P_D = 3.4 \text{ ton}, P_L = 2.4 \text{ ton}, P_E = 3 \text{ ton}, V_D = 1 \text{ ton}, V_L = 0.7 \text{ ton}, V_E = 40 \text{ ton}$$

$$M_D = 2 \text{ ton.m}, M_L = 1.3 \text{ ton.m}, M_E = 30 \text{ ton.m}$$

حل:

محاسبه مقادیر بار نهایی ضریب دار  $P_u, V_u, M_u$  گام ۱

$$0.6AI = 0.6 * 0.35 * 1.4 = 0.294 \cong 0.3$$

$$(1.2 + 0.6AI)D + L + \rho E = 1.5D + L + 1.2E$$

$$P_u = 1.5 * 3.4 + 2.4 + 1.2 * 3 = 11.1 \text{ tonf}$$

$$V_u = 1.5 * 1 + 0.7 + 1.2 * 40 = 50.2 \text{ tonf}$$

$$M_u = 1.5 * 2 + 1.3 + 1.2 * 30 = 39.3 \text{ tonf.m}$$

محاسبه و کنترل ظرفیت برشی مقطع تیر پیوند  $V_n$  گام ۲

$$IPE36: Z_x = 973.7 \text{ cm}^3$$

$$e = l_{link} = 1.2m = 120cm$$

$$\frac{P_u}{P_c} = \frac{11.1}{2.4*72.7} = 0.063 \leq 0.15 \rightarrow ignore axial load \rightarrow V_p = 0.6F_y A_w$$

$$\rightarrow V_p = 0.6 * 2.4 * 33.46 = 48.2 \text{ tonf}$$

$$A_w = (d_b - 2t_{fb}) t_{wb} = (36 - 2 * 1.27) * 0.8 = 33.46 \text{ cm}^2$$

$$\frac{P_u}{P_c} \leq 0.15 \rightarrow ignore axial load \rightarrow M_p = Z_x F_y = 973.7 * 2.4 = 2337 \text{ tonf.cm}$$

$$V_n^{link} = min\left(\frac{2M_p}{e}, V_p\right) = min\left(\frac{2*2337}{1.2*10^2}, 48.2\right) = 38.95 \cong 39.0 \text{ tonf}$$

$$V_u = 50.2 \text{ tonf} \nleq \phi_v V_n = 0.9 * 39.0 = 35.1 \text{ ton} \rightarrow NOT OK$$

## ۲-۲-۳-۱۴ طول تیر پیوند

رفتار فرا ارجاعی تیر پیوند بستگی به طول آن و مشخصات مقطع آن به لحاظ مقاومتهای برشی و خمشی دارد. در تیرهای پیوندی

که دارای شرایط  $\frac{P_u}{P_c} > 0.15$  باشند، نیروی محوری تیر پیوند قبل چشمپوشی نیست و طول تیر پیوند باید ضوابط زیر را برآورده

نمایند. در صورتی که  $\rho' \leq 0.5$  باشد،  $e \leq \frac{1.6M_p}{V_p}$  و در صورتی که  $\rho' > 0.5$  باشد  $(1.15 - 0.3\rho') \leq \frac{1.6M_p}{V_p}$  باشد. در این روابط

$$\rho' = \frac{P_u/P_c}{V_u/V_c} \text{ میباشد.}$$

$$\frac{P_u}{P_c} = \frac{P_u}{F_y A_g} <> ? 0.15 \rightarrow \begin{cases} \frac{P_u}{P_c} \leq 0.15 \rightarrow ignore \\ \frac{P_u}{P_c} > 0.15 \rightarrow \begin{cases} \rho' = \frac{P_u}{V_u} \leq 0.5 \rightarrow e \leq \frac{1.6M_p}{V_p} \\ \rho' > 0.5 \rightarrow e \leq \frac{1.6M_p}{V_p} (1.15 - 0.3\rho') \end{cases} \end{cases} \quad ۱۵-۱۶$$

$V_u$  = مقاومت برشی مورد نیاز تیر پیوند بر اساس ترکیبات بار متعارف

$V_c$  = مقاومت تسلیم برشی تیر پیوند برابر  $0.6 F_y A_{lw}$

$P_u$  = مقاومت محوری مورد نیاز تیر پیوند بر اساس ترکیبات بار متعارف

$P_c$  = مقاومت تسلیم محوری تیر پیوند برابر  $F_y A_g$

$A_{lw}$  = مساحت جان (یا جان ها) مقطع تیر پیوند برابر  $w(d-2t_f)t_w$  برای مقاطع I شکل و برابر

$2(d-2t_f)t_w$  برای مقاطع قوطی شکل

$A_g$  = سطح مقطع کلی مقطع تیر پیوند

$F_y$  = تنش تسلیم فولاد تیر پیوند

$V_p$  = برش پلاستیک مقطع تیر پیوند مطابق رابطه ۳-۱۲-۳-۱۰

$M_p$  = لنگر پلاستیک مقطع تیر پیوند مطابق رابطه ۴-۱۲-۳-۱۰

از طرفی نظر به اینکه از تیر پیوند در رفتار برشی انتظار شکل پذیری بیشتری می‌رود، توصیه می‌شود طول تیر پیوند طوری انتخاب

گردد که این رفتار حاکم شود.

#### ۸-۱۴ مثال

در قاب مهاربندی شده با مهاربند و آگرا در مثال قبل ضوابط طول تیر پیوند را کنترل نمایید.

#### حل - کنترل ضوابط طول تیر پیوند

$$\frac{P_u}{P_c} = \frac{P_u}{F_y A_g} <> ? 0.15 \rightarrow \begin{cases} \frac{P_u}{P_c} \leq 0.15 \rightarrow ignore \\ \frac{P_u}{P_c} > 0.15 \rightarrow \begin{cases} \rho' = \frac{P_u}{V_u} \leq 0.5 \rightarrow e \leq \frac{1.6M_p}{V_p} \\ \rho' > 0.5 \rightarrow e \leq \frac{1.6M_p}{V_p} (1.15 - 0.3\rho') \end{cases} \end{cases}$$

$$\frac{P_u}{P_c} = \frac{11.1}{2.4 * 72.7} = 0.064 < 0.15 \rightarrow ignore$$

#### ۳-۲-۳-۱۴ دوران تیر پیوند

حداکثر دوران غیرالاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج از آن، وقتی که تغییرمکان جانبی نسبی طبقه  $i$  مساوی تغییرمکان

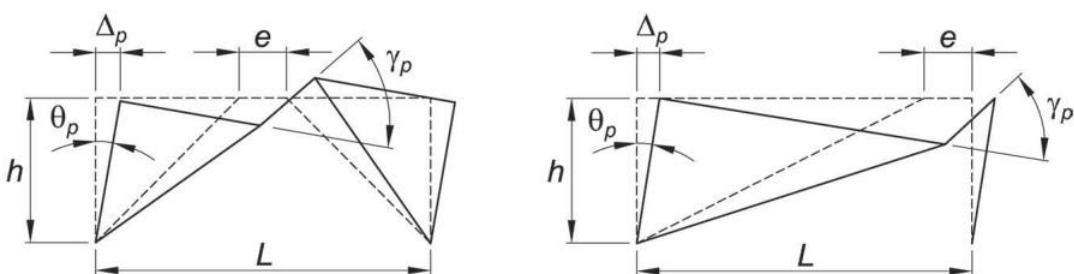
جانبی نسبی طرح ۴ فرض شود، باید از مقادیر زیر تجاوز نماید. تغییرمکان جانبی نسبی طبقه بر اساس ضوابط مبحث ششم مقررات

ملی تعیین می‌شود. در مواردی که طول پیوند  $e \leq \frac{1.6M_p}{V_p}$  باشد حداکثر دوران مجاز برابر با  $80^\circ$  رادیان است. در مواردی که طول تیر

$e \geq \frac{2.6M_p}{V_p}$  باید حداقل دوران مجاز باشد و برای مقادیر  $e$  بین دو مقدار فوق،  $\gamma_p$  را باید با درون پیوند خطی تعیین نمود.

$$e = X^2 \times \frac{M_p}{V_p} \rightarrow \begin{cases} X \leq 1.6 \rightarrow \gamma_p^{MAX} = 0.08 rad \\ 1.6 < X < 2.6 \rightarrow \gamma_p^{MAX} \text{ from interpolation} \\ X \geq 2.6 \rightarrow \gamma_p^{MAX} = 0.02 rad \end{cases} \quad ۱۴-۱۵$$

دوران غیرالاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج از آن  $\gamma_p$  برای حالات مختلف در شکل ۱۴-۳۱ نشان داده شده است. نکته مهم اینکه دوران موجود در تیر پیوند می‌بایست از ظرفیت دوران تیر پیوند  $\gamma_p$  کمتر باشد.

شکل ۱۴-۳۱ زاویه دوران تیر پیوند  $\gamma_p$ 

طول دهانه	L
ارتفاع طبقه	h
تغییر مکان نسبی (دریفت) پلاستیک طبقه	$\Delta_p$
دریفت زاویه ای پلاستیک طبقه (رادیان) برابر	$\theta_p$
زاویه دوران پلاستیک تیر پیوند (رادیان)	$\gamma_p$

دوران غیرالاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج از آن  $\gamma_p$  در حالتی که تغییر مکان جانبی نسبی طبقه برابر تغییر مکان جانبی نسبی طرح فرض شود را می‌توان از روابط مندرج در شکل ۱۴-۳۱ استخراج نمود.

#### مثال ۹-۱۴

در قاب مهاربندی شده با مهاربند واگرا در مثال قبل دوران تیر پیوند را محاسبه و با مقدار مجاز کنترول نمایید.

حل - کنترول زاویه چرخش پلاستیک تیر پیوند  $\gamma_p$

$$\Delta_p = C_d \times \delta_{xe} = 4 * 0.5cm = 2cm$$

$$\theta_p = \frac{\Delta_p}{h} = \frac{2}{400} = 0.005 rad$$

$$e = X^? \times \frac{M_p}{V_p} \rightarrow \begin{cases} X \leq 1.6 \rightarrow \gamma_p^{MAX} = 0.08 rad \\ \gamma_p^{MAX} = 0.08 - \frac{X-1.6}{2.6-1.6} \times 0.06 = 0.176 - 0.06X \\ X \geq 2.6 \rightarrow \gamma_p^{MAX} = 0.02 rad \end{cases}$$

$$X = \frac{e V_p}{M_p} = \frac{120 \times 48.2}{2337} = 2.47$$

$$1.6 \leq X = 2.47 \leq 2.6 \rightarrow \gamma_p^{MAX} = 0.176 - 0.06 \times 2.47 = 0.0278 rad$$

$$\gamma_p = \frac{L}{e} \times \theta_p = \frac{6.0}{1.2} * 0.005 = 0.025$$

$$\gamma_p = 0.025 \leq \gamma_p^{MAX} = 0.0278 \rightarrow OK$$

#### ۴-۲-۳-۱۴ اتصالات تیرهای پیوند به ستون

برای اتصال تیر پیوند به ستون نیز رعایت ضوابط زیر پیشنهاد شده است:

اتصال تیر پیوند کناری به ستون، باید به صورت صلب باشد. این اتصال باید توانایی دوران غیرالاستیک تیر پیوند را بدون کاهش مقاومت داشته باشد. برای این منظور، طراحی این اتصال باید مطابق ضوابط اتصال تیر به ستون در قابهای خمشی ویژه صورت گیرد. نیروی برشی لازم در چشمۀ اتصال باید با استفاده از لنگر خمشی انتهایی تیر پیوند تعیین گردد.

مقاومت برشی موردنیاز اتصال تیر پیوند به ستون باید حداقل برابر  $R_y V_n$  باشد که طبق قسمت ۱-۳-۱۴ تعیین می‌شود.  $R_y$  نسبت تنش تسليم مورد انتظار به تنش تسليم فولاد تیر پیوند است.

مقاومت خمشی موردنیاز اتصال تیر پیوند به ستون باید برابر کوچکترین دو مقدار  $M_p$  و  $\frac{e V_n}{2}$  در نظر گرفته شود

$$M_u = \min \left\{ \frac{M_p}{2}, \frac{e V_n}{2} \right\} \quad 14-16$$

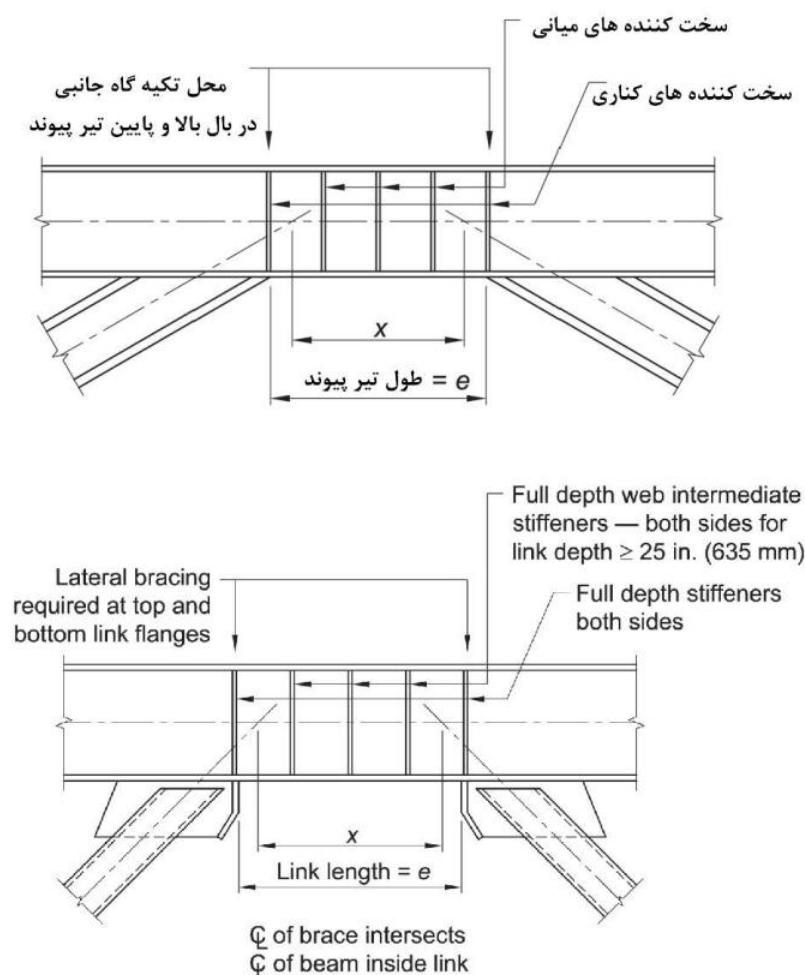
$M_p$  لنگر پلاستیک مقطع تیر پیوند

$V_n$  مقاومت برشی اسمی تیر پیوند

$e$  طول تیر پیوند

#### ۵-۲-۳-۱۴ سختکننده‌های تیرهای پیوند

تیرهای پیوند باید با تعدادی سختکننده در دو انتهای محل اتصال هر مهاربند به تیر و نیز تعدادی سختکننده‌های میانی در طول تیر پیوند تقویت شوند. مشخصات این سختکننده‌ها باید بر اساس ضوابط بندهای زیر در نظر گرفته شوند. شمای کلی سختکننده‌های تیر پیوند در شکل ۱۴-۳۲ نمایش داده شده است.



شکل ۱۴-۳۲ جزئیات تیرهای پیوند کناری و میانی

## ۱۴-۳-۶-۲-۶ ساختکننده انتهایی تیر پیوند I شکل

ساختکننده انتهایی، در دو انتهای محل اتصال هر مهاربند به تیر پیش‌بینی می‌شود. این ساختکننده‌ها باید به صورت یک جفت در دو طرف جان و در تمام ارتفاع آن تعییه گردند. پهنای ساختکننده ( $b_s$ ) نباید از  $t_w - \frac{b_f}{2}$  و ضخامت ساختکننده ( $t_s$ ) نباید از ۰.۷۵ $t_w$  یا ۱۰ میلیمتر، کمتر اختیار شود. عرض بال تیر پیوند و  $t_w$  ضخامت جان آن است.

$$b_s \geq \frac{b_f}{2} - t_w$$

۱۴-۱۷

$$t_s \geq \max \left\{ 0.75 t_w, 10 \text{ mm} \right\}$$

## مثال ۱۰-۱۴

ساختکننده انتهایی مهاربند واگرای مثال قبل را طرح نمایید.

### حل: طراحی سختکننده انتهایی تیر پیوند

باتوجه به بند ۱۰-۳-۱۲-۱۰-۱ مبحث دهم، از سختکننده جفت در دو طرف جان در تمام ارتفاع استفاده می شود.

$$b_s \geq \frac{b_{bf}}{2} - t_{bw}$$

$$b_s \geq \frac{17}{2} - 0.8 = 7.7 \text{ cm} \rightarrow w_{pl} = 8 \text{ cm}$$

$$t_s \geq \max(0.75t_{bw}, 10 \text{ mm})$$

$$t_{pl} \geq \max(0.75 * 0.8 \text{ cm}, 1 \text{ cm}) \rightarrow t_{pl} = 1 \text{ cm}$$

$$h_{pl} = d - 2t_f = 36 - 2 * 1.27 = 33.46 \text{ cm} \rightarrow h_{pl} = 33 \text{ cm}$$

$$\rightarrow \text{use } 2 \times PL 33 * 8 * 1 \text{ cm}$$

### ۷-۲-۳-۱۴ سختکننده میانی تیر پیوند I شکل

فاصله سختکنندهها  $d_{st}$  باید از مقدار مجاز آن  $D_{st}$  بیشتر نباشد. بیشترین فاصله مجاز سختکنندههای میانی بر اساس طول

تیر پیوند به حالت های زیر تقسیم می شود:

$$\text{(الف) برای تیر پیوند با طول } e \leq \frac{1.6M_p}{V_p} \text{ اگر زاویه دوران } 0^{\circ} \text{ رادیان باشد } D_{st} = 30t_w - \frac{d}{5} \text{ و اگر زاویه دوران } 20^{\circ} \text{ رادیان}$$

باشد  $D_{st} = 52t_w - \frac{d}{5}$  می باشد. برای تیرهای پیوند با زاویه دوران بین دو مقدار  $0^{\circ}$  و  $20^{\circ}$  رادیان می توان از درون یابی خطی بین دو مقدار مذکور استفاده نمود.

$$e = X^? \times \frac{M_p}{V_p} \rightarrow \begin{cases} X < 1.6 \rightarrow I: \begin{cases} \gamma_p = 0.08 \rightarrow d_{st} \leq 30t_w - \frac{d}{5} \\ d_{st} \rightarrow \text{interpolation} \end{cases} \\ II: 2.6 \leq X \leq 5 \rightarrow d_{st} \leq 1.5b_f \\ III: 1.6 \leq X \leq 2.6 \rightarrow d_{st} \leq \min(I, II) \\ IV: X > 5 \rightarrow \text{ignore} \end{cases} \quad ۱۶-۱۶$$

$$\text{ب) اگر طول تیر پیوند } \frac{2.6M_p}{V_p} \leq e \leq \frac{5M_p}{V_p} \text{ باشد: بایستی یک سختکننده به فاصله } 1.5b_f \text{ در هر یک از دو انتهای تیر پیوند}$$

تعییه نمود.

$$\text{پ) اگر طول تیر پیوند } \frac{1.6M_p}{V_p} \leq e \leq \frac{2.6M_p}{V_p} \text{ باشد: سختکنندههای میانی باید الزامات هر دو شرط الف و ب در فوق را تأمین نمایند.}$$

$$\text{ت) اگر طول تیر پیوند } e \geq \frac{5M_p}{V_p} \text{ باشد: تعییه سختکنندههای میانی در طول تیر پیوند الزامی نیست.}$$

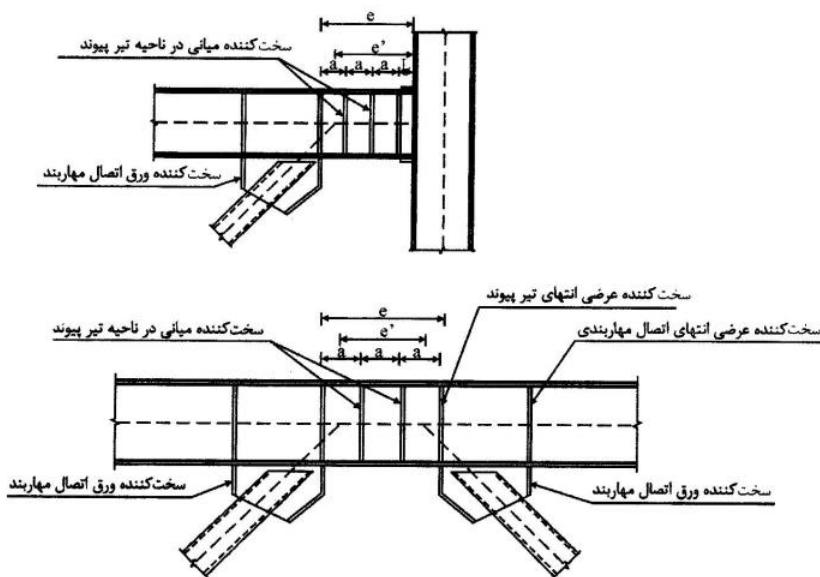
سختکنندههای موردنیاز باید در تمام ارتفاع تیر پیوند تعییه شوند، این سختکنندهها در تیرهای با ارتفاع ۶۰۰ میلیمتر و بیشتر

باید به صورت یک جفت در دو سمت جان تعییه گردند. در تیرهای با ارتفاع کمتر از ۶۰۰ میلیمتر می توان این سختکنندهها را به صورت

تکی در یک سمت جان تعییه کرد. سایر مشخصات این سختکنندهها مشابه سختکنندههای انتهایی است.

### ۸-۲-۳-۱۴ اتصال سختکننده‌های انتهایی و میانی به تیر پیوند I شکل

اتصال سختکننده‌ها به جان و بال‌های تیر پیوند باشد توسط جوش گوشه برقرار گردد. مقاومت موردنیاز اتصال سختکننده‌ها به جان حداقل باید برابر با  $F_y A_{st}$  باشد، مقاومت موردنیاز اتصال سختکننده‌ها به هر یک از بال‌های تیر پیوند باید حداقل برابر با  $0.25 F_y A_{st}$  باشد. سطح مقطع عرضی هر یک از سختکننده‌ها است. جزئیات تیرهای پیوند کناری و میانی در شکل ۱۴-۳۳ نشان داده شده است.



شکل ۱۴-۳۳ جزئیات تیرهای پیوند کناری و میانی

#### مثال ۱۱-۱۴

سختکننده میانی مهاربند مثال قبل را طرح نمایید.

#### حل

طراحی سختکننده میانی تیر پیوند

باتوجه به بند ۱۰-۱۲-۳-۱۰-۱ مبحث دهم داریم:

$$e = X^? \times \frac{M_p}{V_p} \rightarrow \begin{cases} X < 1.6 \rightarrow I: \begin{cases} \gamma_p = 0.08 \rightarrow d_{st} \leq 30t_w - \frac{d}{5} \\ d_{st} \leq \left( \frac{0.08 - \gamma_p}{0.08 - 0.02} \times 22 + 30 \right) t_w - \frac{d}{5} = (51.33 - 366.7\gamma_p) t_w - \frac{d}{5} \\ \gamma_p = 0.02 \rightarrow d_{st} \leq 52t_w - \frac{d}{5} \\ 1.6 \leq X \leq 2.6 \rightarrow d_{st} \leq \min(I, II) \\ 2.6 \leq X \leq 5 \rightarrow d_{st} \leq 1.5b_f \\ X > 5 \rightarrow \text{ignore} \end{cases} \end{cases}$$

$$1.6 \leq X = 2.48 \leq 2.6 \rightarrow d_{st} \leq$$

$$\min \left\{ \left( \frac{0.08-0.025}{0.08-0.02} \times 22 + 30 \right) t_w - \frac{d}{5} = 50.17 * 0.8 - \frac{36}{5} = 32.9 \text{ cm} \right.$$

$$1.5 b_f = 1.5 * 17 = 25.5 \text{ cm}$$

$$\rightarrow d_{st} = 20 \text{ cm}$$

$$w_{pl} \geq \frac{b_f}{2} - t_w = \frac{17}{2} - 0.8 = 7.7 \text{ cm} \rightarrow w_{pl} = 8 \text{ cm}$$

$$t_{pl} \geq \max \left\{ \frac{t_w}{10 \text{ mm}} \rightarrow t_{pl} = 10 \text{ mm} \right.$$

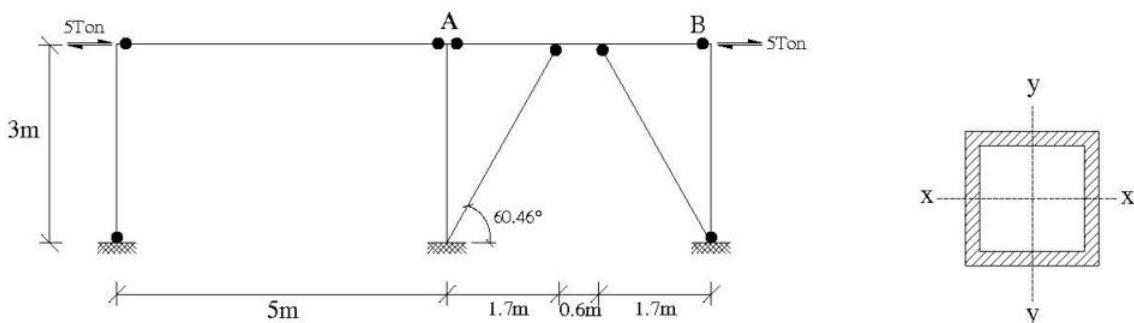
$$h_{pl} = d - 2t_f = 36 - 2 * 1.27 = 33.46 \text{ cm} \rightarrow h_{pl} = 33 \text{ cm}$$

$$\rightarrow \text{use PL } 33 * 8 * 1 @ 20 \text{ cm}$$

## مثال ۱۲-۱۴

قب مهاربندی شده و اگرای شکل ۱۴-۳۴ مورد نظر است. مطلوب است طرح تیر پیوند از پروفیل IPE به گونه ای که

طول پیوند کوچک تر از  $1.6 \frac{M_p}{V_p}$  باشد.



شکل ۱۴-۳۴ قاب مثال

حل:

برش در هر مهاربند برابر است با  $\frac{V}{2}$  بنابراین نیرو در هر مهاربند عبارتست از :

$$P_u = \frac{V}{2 \cos \alpha}$$

به همین ترتیب برش نیروی برشی موجود در تیر پیوند عبارت است از:

$$V_u = \frac{V \sin \alpha}{2 \cos \alpha} = \frac{10}{2} \times \tan(60.46) = 8.82 \text{ ton}$$

باتوجه به اینکه طول پیوند کوچک تر از  $1.6 \frac{M_p}{V_p}$  می باشد و با فرض نیروی محوری تیر ناچیز و تسليم برشی در نظر گرفته شود:

$$V_u \leq \phi V_n = 0.9 \times 0.6 F_y A_w \rightarrow A_w \geq \frac{V_u}{0.9 \times 0.6 F_y} = \frac{8.82 \times 10^3}{0.9 \times 0.6 \times 2400} = 6.80 \text{ cm}^2$$

با انتخاب IPE24 نتیجه می شود:

$$A_w = (d - 2t_f)t_w = (24 - 2 \times 0.98) \times 0.62 = 13.66 \text{ cm}^2$$

$$IPE24: d = 24, t_w = 0.62, t_f = 0.98, S_x = 324, Z_t = 367, A = 39.1, r_x = 9.97, r_y = 2.69$$

از آنجاکه برای حدس اولیه پروفیل فرض شد که تسلیم برشی حاکم می‌باشد. حال باید این فرض کنترل گردد. در نتیجه:

$$V_p = 0.6F_y A_w = 0.6F_y(d - 2t_f)t_w = 19670.4 \text{ kg}$$

$$M_p = F_y Z_b = 2400 \times 367 = 880800 \text{ kg.cm}$$

$$\frac{2M_p}{e} = \frac{2 \times 880800}{60} = 29360 \text{ kg}$$

$$V_p \leq \frac{2M_p}{e} \Rightarrow 19670 \text{ kg} < 29360 \text{ kg ok}$$

فرض کنترل کننده بودن تسلیم برشی درست است. در روش تحلیل دستی به دلیل توزیع یکنواخت نیرو بین دو مهاربند همواره نیروی محوری تیر پیوند صفر است.

$$V_u \leq \phi V_n$$

$$\frac{P_u}{P_c} \leq 0.15 \rightarrow V_p = 0.6F_y A_w, M_p = ZF_y$$

$$\frac{0}{2400 \times 39.1} = 0 \leq 0.15$$

$$\rightarrow V_p = 0.6 \times 2400 \times 13.66 = 19670.4 \text{ kg}$$

$$\rightarrow M_p = 2400 \times 367 = 880800 \text{ kg.cm}$$

$$V_n = \min \left\{ 19670.4, \frac{880800 \times 2}{60} \right\} = 19670.4 \text{ kg}$$

$$V_u \leq \phi V_n \rightarrow 8.82 \times 10^3 \leq 0.9 \times 19670.4 \text{ kg} = 17703 \text{ kg}$$

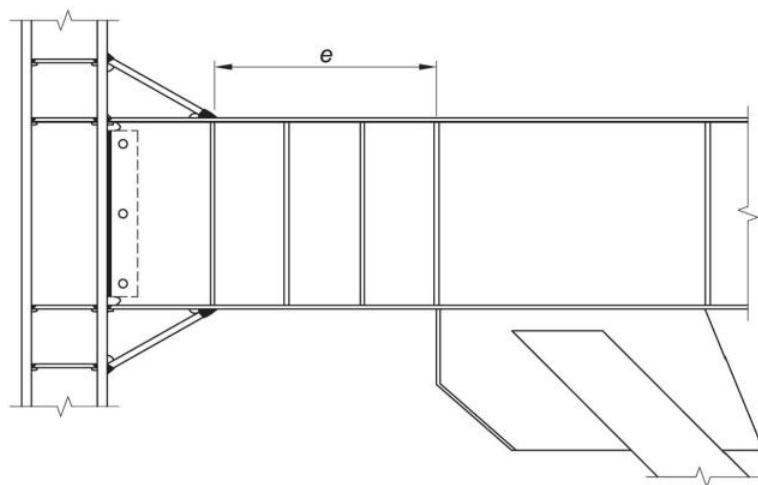
مقطع عضو در ناحیه پیوند می‌باشد دارای مقطع فشرده لرزه‌ای باشد:

$$\frac{b_f}{2t_f} \leq 0.3 \sqrt{\frac{E}{F_y}} \rightarrow \frac{12}{2 \times 0.98} = 6.22 \leq 8.75 \text{ ok}$$

$$\frac{h}{t_w} \leq 1.49 \sqrt{\frac{E}{F_y}} \rightarrow \frac{22.04}{0.62} = 35.55 \leq 44.074 \text{ ok}$$

### ۹-۲-۳-۱۴ تیر پیوند کناری

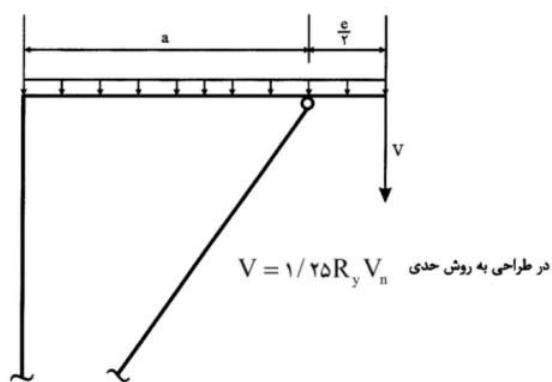
نوعی دیگر از تیر پیوند، تیر پیوند کناری است. نمونه جزئیات اتصال تیر پیوند به ستون در نمایش داده شده است.



شکل ۱۴-۳۵-۱۴ جزئیات اتصال پیوند کناری به ستون

## ۱۴-۳-۲-۱۰ تیر خارج از ناحیه پیوند

تیر ناحیه خارج از تیر پیوند باید برای ترکیب بار محوری و لنگر خمی ناشی از ترکیبات بارگذاری مختلف، طراحی شود، با این تفاوت که به جای اثر زلزله در این ترکیبات باید شرایطی را منظور کرد که در آن تیر پیوند به حداکثر ظرفیت بارگیری برشی خود زیر اثر بار جانبی زلزله رسیده باشد. برای این منظور می‌توان این تیر را برای تنش‌های ناشی از بار قائم بهاضافه تنش‌های ناشی از برشی برابر با  $1.25R_y V_n$  که در محل نقطه عطف این تیر قرار داده می‌شود، طراحی نمود. دیاگرام جسم آزاد این نیروها در شکل ۱۴-۳۶ نشان داده شده است.



شکل ۱۴-۳۶ مدل تحلیلی، تعیین نیروهای طراحی اعضای خارج از تیر پیوند، مهاربندی و نیروی محوری ستون‌های مهاربند

## ۱۴-۳-۲-۱۱ طراحی اعضای قطری مهاربند

عضو قطری به صورت عضو فشاری است که نیروی محوری آن از بارگذاری شکل ۱۴-۳۶ حاصل می‌شود. لاغری اعضای قطری،

نباید از  $4.23 \sqrt{\frac{E}{F}} K$  تجاوز نماید و ضریب طول مؤثر اعضای قطری ( $K$ ) در مهاربندهای واگرا برابر با یک در نظر گرفته می‌شود.

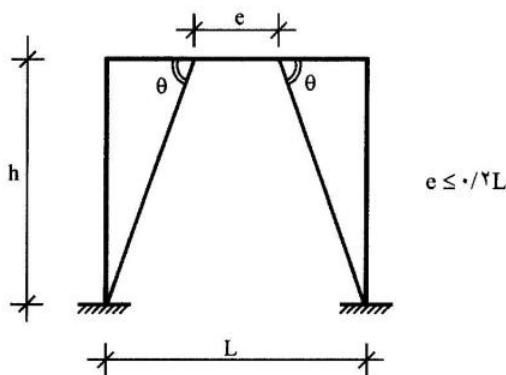
مقاطع مهاربندها باید از نوع فشرده لرزاگی با محدودیت حداکثر نسبت پهنا به ضخامت برابر  $\lambda_{md}$  باشند.

مهاربندهای ساخته شده از دو یا چند نیمیرخ، باید ضوابط مقاطع ساخته شده که تحت اثر نیروی فشاری قرار می‌گیرند را برآورده نمایند.

از وصله‌کاری در طول عضو مهاربندی باید حتی الامکان خودداری شود. در صورت لزوم، وصله باید بتواند تمام مقاومت عضو را به صورت اتصال پوششی یا به صورت مستقیم و با جوش نفوذی کامل تأمین نماید. وصله اجزای مهاربندی نباید در یک مقطع پیش‌بینی شوند. همچنین وصله عضو مهاربند نباید در دو انتهای آن صورت گیرد.

در بعضی از مراجع توصیه می‌شود پیکربندی مهاربندها طوری در نظر گرفته شود که زاویه بین عضو مهاربند و تیر ( $\theta$ ) مطابق

شکل ۱۴-۳۷ بین ۳۰ تا ۶۰ درجه باشد.



شکل ۱۴-۳۷ زاویه بین عضو مهاربند و تیر

مهاربندها باید برای ترکیب بار محوری و لنگر خمشی (در صورت وجود)، بر اساس شرایطی که برای تیر خارج از تیر پیوند عنوان شد، طراحی شوند. برای این منظور می‌توان مدل محاسباتی پیشنهاد شده در شکل ۱۴-۳۶ را به کار گرفت.

#### مثال ۱۴-۱۳

در قاب خمشی با مهاربندی واگرا، کنترل کفايت مقطع 2UNP24 (به شکل رو رو با فاصله میانی 1.5cm) برای مهاربند Brace1 مدنظر است. مقاومت برشی تیر پیوند  $\frac{2}{3}$  تن محاسبه گردیده است. نتایج تحلیل سازه مهاربند در جدول ارائه شده است. مطلوب است:

(الف) محاسبه بار نهایی طراحی مهاربند  $V_{ult}$

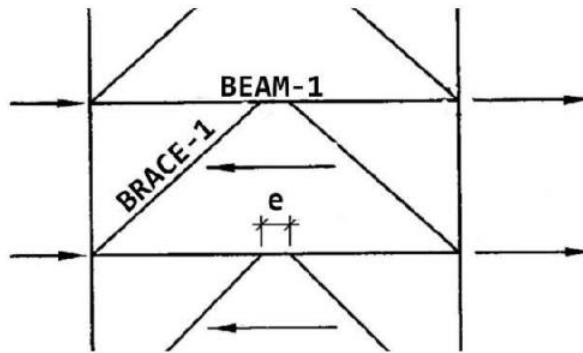
(ب) محاسبه ضریب تشدید  $\alpha$

(پ) محاسبه بارهای نهایی تشدید یافته  $P_u, V_u, M_u$

(ت) کنترل فشرده‌گی لرزاگی مقطع

(ث) کنترل ضوابط تحلیل مرتبه دوم

(ج) محاسبه و کنترل مقاومت فشاری مهاربند  $u$

**Brace - 1:**

$$P_D = 5.5 \text{ ton}, P_L = 3.5 \text{ ton}, P_E = 60 \text{ ton}, V_D = 0.2 \text{ ton}, V_L = 0.1 \text{ ton}, V_E = 2 \text{ ton}$$

$$M_D = 1 \text{ ton.m}, M_L = 1 \text{ ton.m}, M_E = 8 \text{ ton.m}$$

حل:

محاسبه بار نهایی طراحی مهاربند

گام ۱

$$V_{ult}^{link} = \begin{cases} 1.25 R_y V_n^{link}; I-shape \\ 1.4 R_y V_n^{link}; box-shape \end{cases}$$

$$V_n^{link} = 72.3 \text{ tonf}$$

$$I-shape \rightarrow V_{ult}^{link} = 1.25 * 1.2 * 72.3 = 108.5 \text{ tonf}$$

محاسبه بار نهایی مهاربند از نیروی جانبی (زلزله)

محاسبه ضریب تشدید

گام ۲

$$\text{analysis table} \rightarrow V_E^{link} = 40 \text{ tonf}$$

$$M_E^{brace} = 8 \text{ tonf.m}$$

$$\alpha = \frac{V_{ult}^{link}}{V_E^{link}} = \frac{108.5}{40} = 2.71$$

محاسبه بارهای نهایی تشدید یافته

گام ۳

$$0.6 A I = 0.6 * 0.35 * 1.4 = 0.294 \cong 0.3$$

$$(1.2 + 0.6AI)D + L + \alpha E = 1.5D + L + 2.71E$$

$$\alpha M_E^{brace} = 2.71 * 8 = 21.7 \text{ tonf.m}$$

$$\alpha P_E^{brace} = 2.71 * 60 = 162.6 \text{ tonf}$$

$$\alpha V_E^{brace} = 2.71 * 2 = 5.4 \text{ tonf}$$

$$P_u = 1.5 * 5.5 + 3.5 + 2.71 * 60.0 = 174.4 \text{ tonf}$$

$$V_u = 1.5 * 0.2 + 0.1 + 2.71 * 2.0 = 5.8 \text{ tonf}$$

$$M_u = 1.5 * 1.0 + 1.0 + 2.71 * 8.0 = 24.2 \text{ tonf.m}$$

## گام ۴ - کنترل فشردگی لرزه‌ای مقطع

$$\lambda_f = \frac{b_f}{t_f} = \frac{8.5}{1.3} = 6.5 \leq ? \quad \lambda_{md} = 0.38 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 11.08 \text{ ok}$$

ضابطه فشدگی جان ناودانی مشخص نیست. از ضابطه جان I شکل استفاده می‌شود:

$$\lambda_w = \frac{h-2c}{t_w} = \frac{18.5}{0.95} = 19.5 \leq ? \quad \lambda_{md} = 0.64 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 18.66 \text{ not good}$$

شرایط فشردگی لرزه‌ای برقرار نیست. جهت اصلاح می‌توان از ورق تقویت برای جان ناودانی استفاده نمود.

## گام ۵ - کنترل ضوابط تحلیل مرتبه دوم

$$L^{brace} = \sqrt{\left(\frac{6-1.2}{2}\right)^2 + 4^2} = 4.66 \text{ m}$$

$$M_u = B_1 M_{nt} + B_2 M_{lt}$$

$$P_u = P_{nt} + B_2 P_{lt}$$

$$B_1 = 1 \& B_2 = 1 \rightarrow ignore second order effects$$

$$C_m = 0.6 - 0.4 \frac{M_1}{M_2} = 0.6 - 0.4 \frac{0}{24.2} = 0.6$$

× سختی خمسی مقطع مهاربند 8928 محاسبه گردیده است.

$$P_{e1} = \frac{\pi^2 EI^*}{(K_1 L)^2} = \frac{\pi^2 * 2.04 * 10^6 * 8928}{(1.0 * 4.66 * 10^2)^2} = 827.8 \text{ tonf}$$

$$B_1 = max\left(1.0, \frac{C_m}{1 - \frac{P_u}{P_{e1}}}\right) = max\left(1.0, \frac{0.6}{1 - \frac{174.4}{827.8}}\right) = max(1.0, 0.76) = 1.0$$

نیازی به کنترل ضوابط تحلیل مرتبه دوم نمی‌باشد.

گام ۶ - محاسبه و کنترل مقاومت فشاری مهاربند  $P_u$ 

$$P_u = 174.4 \text{ tonf} \leq ? \quad \phi_c P_n = \phi_c F_{cr} A_g = 0.9 * 1972 \frac{\text{kgf}}{\text{cm}^2} * 84.6 \text{ cm}^2 = 150.1 \text{ tonf} \text{ not ok}$$

$$2UNP24 (\text{box} + 15\text{mm}): A_g = 2 * 42.3 = 84.6 \text{ cm}^2$$

$$I_y = 2 I_{y0} + 2A_0 * \left(b_f + \frac{1.5}{2} - e\right)^2 = 4665 \text{ cm}^4$$

$$r_x = r_{x0} = 9.22 \text{ cm}; r_y = 7.43 \text{ cm} \rightarrow r_{min} = 7.43 \text{ cm}$$

$$\lambda = \frac{KL}{r} = \frac{1.0 * 466}{7.43} = 62.7 \leq ? \quad 4.71 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 119.5 \text{ yes} \rightarrow F_{cr} = 0.658 \frac{F_y}{F_e} \times F_y$$

$$F_{cr} = 0.658 \frac{2400}{5121} * 2400 = 1972 \frac{\text{kgf}}{\text{cm}^2}$$

$$F_e = \frac{\pi^2 E}{\left(\frac{KL}{r}\right)^2} = \frac{\pi^2 * 2.04 * 10^6}{62.7^2} = 5121 \frac{\text{kgf}}{\text{cm}^2}$$

ظرفیت فشاری مهاربند پاسخگوی نیاز فشاری می‌باشد.

### ۱۲-۲-۳-۱۴ طراحی ستون‌ها در قاب‌های مهاربندی شده و اگرا

ستون مهاربند به عنوان عضو فشاری است که نیروی محوری آن از بارگذاری شکل ۱۴-۳۶ حاصل می‌شود. دقت شود که در صورت استفاده از اتصالات صلب تیر به ستون، ستون مذکور به صورت تیر-ستون طراحی می‌شود. این ستون باید دارای مقطع فشرده لرزاگی باشد و بر اساس شرایطی که برای تیر خارج از پیوند گفته شد طراحی شود. در انتهای این بخش و پیش از آنکه یک مثال از روند طراحی مهاربند و اگرا ارائه گردد، لازم است به طور خلاصه مهم‌ترین مرحله‌های مورد نیاز در طراحی این نوع مهاربندها تعریف گردد. روال کلی طراحی مهاربندها و اگرا به شرح زیر است:

مرحله ۱ - طراحی تیر پیوند

مرحله ۲ - طراحی تیر خارج از پیوند، ستون و عضو مهاری

مرحله ۳ - کنترل مقطع عضو مهاربند از نظر معیار فشردگی

مرحله ۴ - کنترل مقطع عضو مهاربند از نظر معیار لاغری

مرحله ۵ - کنترل عضو مهاربند برای مقاومت فشاری و کششی

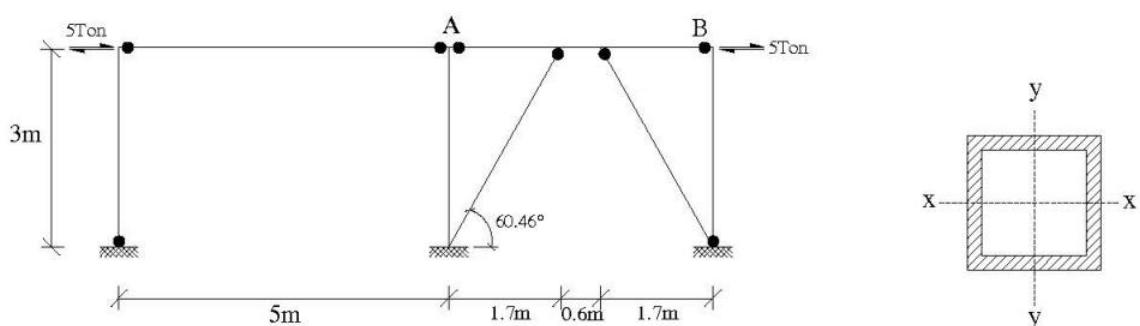
مرحله ۶ - تعیین فواصل بین لقمه‌ها در عضو مهاربند

مرحله ۷ - کنترل دوران تیر پیوند

مرحله ۸ - تعیین تعداد و فواصل سختکننده‌های انتهایی و میانی

### ۱۴-۱۴ مثال

در شکل زیر مطلوب است طرح تیر در خارج از ناحیه پیوند از پروفیل IPE.



شکل ۱۴-۳۸ قاب مثال

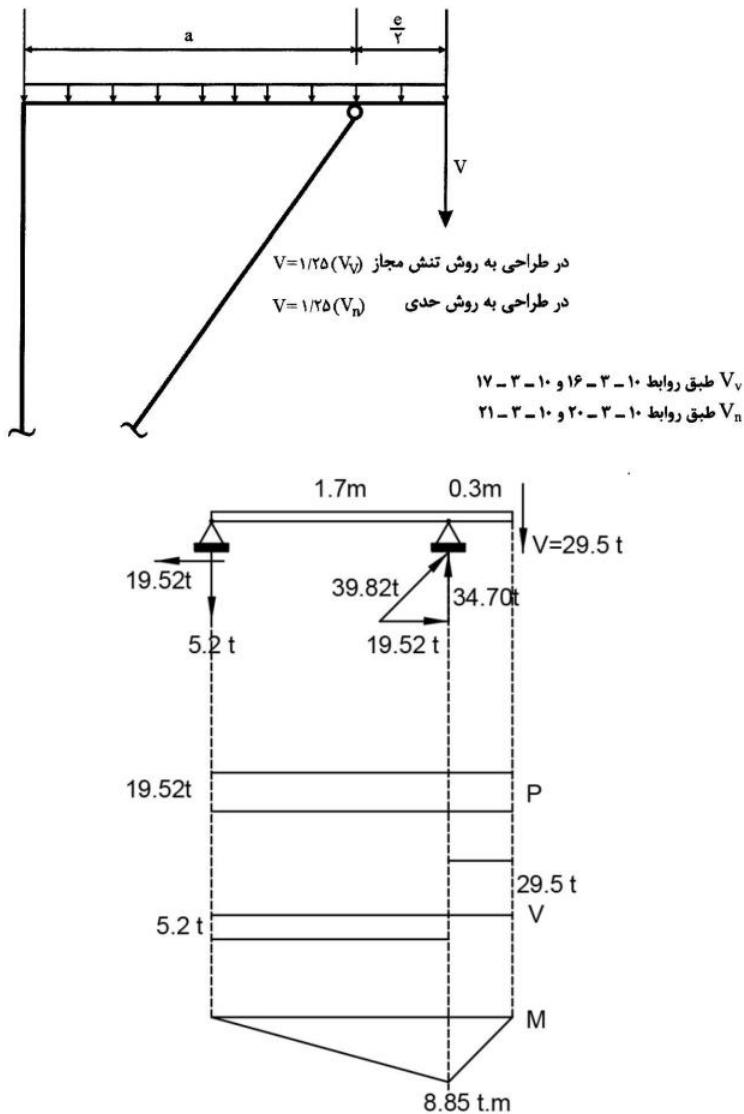
حل:

مقطع مهاربند IPE24 بدست آمده بود.

جهت محاسبه نیروهای داخلی تیر در خارج از ناحیه پیوند و محاسبه نیروی وارد به عضو قطری می‌بایست سیستم زیر را تحلیل نمود:

$$1.25R_y V_n = 1.25 \times 1.2 \times 19670 = 29505 \text{ kg} = 29.5 \text{ ton}$$

توجه شود در این مثال بار ثقلی وجود نداشته است. اگر بار ثقلی بود، تحلیل تیر خارج از پیوند تحت بارهای ثقلی ضریب دار (ضرابی) که در حضور نیروی زلزله مورداستفاده قرار می‌گیرند) و اثرات لرزه‌ای که باعث ایجاد برشی برپا با  $1.25R_y V_n$  می‌شوند، انجام می‌شد.



با توجه به تحلیل سیستم نتیجه می‌شود:

$$M = 8.85 \text{ ton.m}$$

$$P = 19.52 \text{ ton}$$

به دلیل وجود نیروی محوری و لنگر خمشی، لازم است تیر خارج از ناحیه پیوند، مشابه یک تیر ستون طراحی گردد؛ بنابراین با توجه به

روابط تیر ستون‌ها نتیجه می‌شود:

$$\text{محاسبه: } \frac{P_u}{P_c}$$

$$P_u = 19.52 \text{ ton}$$

$$P_c = \phi_c P_n = \phi_c F_{cr} A_g$$

$$IPE24: r_{yi} = 2.60 \text{ cm}$$

$$\lambda_{max} = \frac{KL}{r_{min}} = \frac{1 \times 170}{2.60} = 63.2 \Rightarrow F_{cr} = 1978 \frac{kg}{cm^2}$$

$$P_c = \phi_c F_{cr} A_g = 0.9 \times 1978 \times 39.1 = 69605.82 kg$$

$$\frac{P_u}{P_c} = \frac{19.52 \times 10^3}{69605.82} = 0.28 \geq 0.2$$

در نتیجه از رابطه زیر استفاده می شود:

$$\frac{P_u}{P_c} + \frac{8}{9} \left( \frac{M_{ux}}{M_{cx}} + \frac{M_{uy}}{M_{cy}} \right) \leq 1.0$$

برای محاسبه  $M_{ux}$  نتیجه می شود:

$$M_{ux} = B_1 M_{nt} + B_2 M_{lt}$$

چون قاب مهار شده می باشد  $M_{1t} = 0$  می باشد.  $B_1$  از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$B_1 = \frac{C_{mx}}{1 - \frac{P_u}{P_{e1}}}$$

$$C_{mx} = 0.6 - 0.4 \frac{M_1}{M_2} = 0.6 - 0.4 \frac{0}{8.85} = 0.6$$

$$P_{e1} = \frac{\pi^2 (EI)^*}{(K_1 L)} = \frac{\pi^2 \times 2.1 \times 10^6 \times 3892}{(1 \times 170)^2} = 2791219.7 kg$$

$$B_1 = \frac{C_{mx}}{1 - \frac{P_u}{P_{e1}}} = \frac{0.6}{1 - \frac{19.52 \times 10^3}{2791219.7}} = 0.604 \nleq 1.0 \Rightarrow B_1 = 1.0$$

$$M_{ux} = B_1 M_{nt} + B_2 M_{lt} = 1 \times 8.85 \times 10^5 + 0 = 885000 kg.cm$$

برای محاسبه ظرفیت خمشی اسمی مقطع، از آنجاکه تیر دارای مقطع فشرده بوده و در تمام طول خود دارای تکیهگاه جانبی کافی است، بنابراین ظرفیت خمشی مقطع تنها بر اساس معیار تسلیم محاسبه می شود و برابر است با:

$$M_{cx} = \phi_b M_n = 0.9 Z F_y = 0.9 \times 367 \times 2400 = 792720 kg.cm$$

با توجه به رابطه کنترلی:

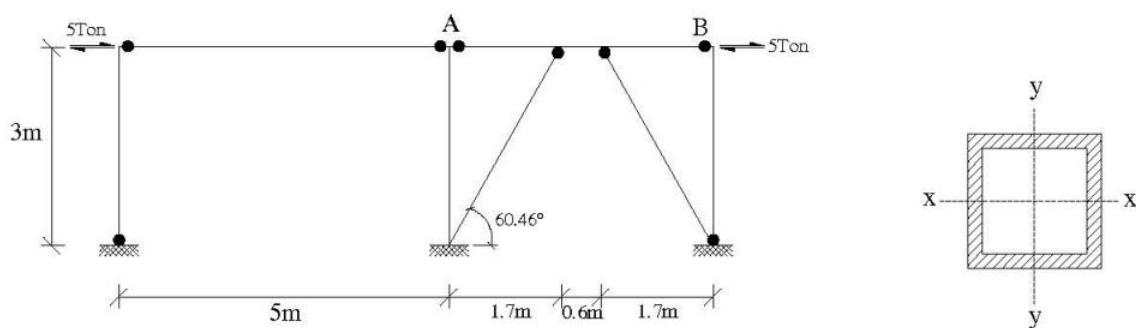
$$\frac{P_u}{P_c} + \frac{8}{9} \left( \frac{M_{ux}}{M_{cx}} + \frac{M_{uy}}{M_{cy}} \right) \leq 1.0$$

$$\frac{19.52}{69.6} + \frac{8}{9} \left( \frac{8.85}{7.92} \right) = 1.27 \nleq 1.0$$

بنابراین از آنجاکه مقطع جوابگو نیست کافی است با استفاده از ورق تقویتی در تیر (خارج از پیوند) و محاسبات مجدد به جواب مسئله دست یافت.

## مثال ۱۴-۱۵

در شکل زیر مطلوب است کنترل دوران تیر پیوند و تعیین فواصل سخت کننده های میانی.



شکل ۱۴-۳۹ قاب مثال

حل:

جهت کنترل دوران تیر پیوند و تعیین فواصل سخت‌کننده‌های میانی در آغاز می‌بایست تغییر مکان جانبی سقف را با فرض اینکه تنها مهار در آن اثر داشته باشد تعیین نمود:  
× نیروی محوری مهاربند قبلًا محاسبه شده است.

$$\Delta L = \frac{PL}{AE} = \frac{39820 \times 340}{39.1 \times 2.1 \times 10^6} = 0.16$$

$$\Delta = \Delta L \cos \alpha = 0.16 \times \cos(60.46) = 0.082 \text{ cm}$$

حال تغییر مکان حداکثر با بهکاربردن ضریب تشدید تغییر مکان محاسبه شده و زاویه دوران پیوند به دست می‌آید:

$$\Delta_m = C_d \Delta = 4 \times 0.082 = 0.328 \text{ cm}$$

لازم به ذکر است که از جدول ۳ - ۴ استاندارد ۲۸۰۰ ویرایش چهارم به دست می‌آید. از طرفی دوران ستون طبقه عبارت است از:

$$\theta = \frac{\Delta_m}{h} = \frac{0.328}{300} = 0.0011 \text{ rad}$$

در نهایت دوران موجود تیر پیوند برابر است با:

$$\gamma_p = \frac{L}{e} \times \theta = \frac{400}{60} \times 0.0011 = 0.007287 \text{ rad}$$

دوران مجاز پیوند با توجه به شرط  $e \leq \frac{1.6M_p}{V_p}$

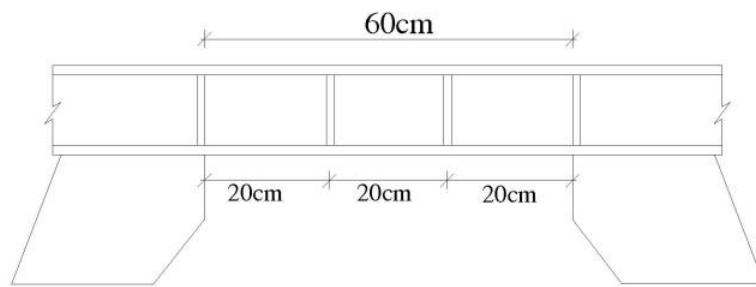
$$\gamma_p = 0.08 \text{ rad}$$

برای تیرهای با زاویه دوران کمتر از  $0.02 \leq \gamma$  فاصله بین سخت‌کننده‌های میانی برابر است با:

$$\gamma \leq 0.02 \text{ rad} \rightarrow \left( 52t_w - \frac{d_b}{5} \right) = \left( 52 \times 0.62 - \frac{24}{5} \right) = 27.44 \text{ cm} \Rightarrow$$

فاصله سخت‌کننده‌های میانی  $= 20 \text{ cm}$

فواصل سخت‌کننده‌های میانی ۲۰ سانتیمتر فرض می‌شود.



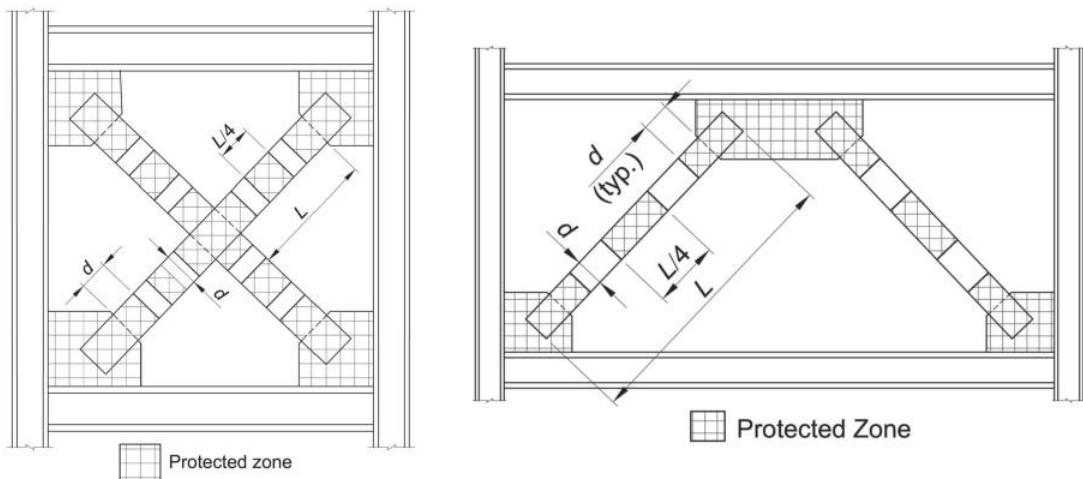
شکل ۱۴-۴۰ جزئیات اجرای سختکننده‌ها در مثال

#### ۴-۱۴ طراحی اتصالات در قاب‌های مهاربندی شده

اتصالات مهارها یکی از مهم‌ترین بخش‌های یک سیستم مهار شده است، زیرا اگر این اتصالات در هنگام زلزله نتوانند به خوبی مقاومت کنند و در آنها شکست ایجاد شود، باعث ایجاد طبقه نرم می‌شوند؛ بنابراین لازم است در طراحی و اجرای آنها دقت مناسب صورت گیرد.

#### ۱-۴-۱۴ ناحیه حفاظت شده

ناحیه حفاظت شده در مهاربند همگرا در مشاهده می‌شود.



ب) مهاربند ضربدری

الف) مهاربند شورون  $\Lambda$ شکل ۱۴-۴۱ ناحیه حفاظت شده مهاربند همگرای شورون  $\Lambda$  و ضربدری

#### ۲-۴-۱۴ طراحی اتصالات در مهاربندهای همگرا

انواع اتصالات در قاب‌های مهاربندی شده عبارت‌اند از:

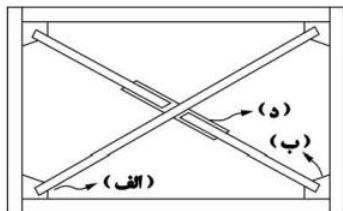
(الف) اتصال عضو مهاربند به صفحه اتصال

ب) اتصال صفحه اتصال به تیر و ستون

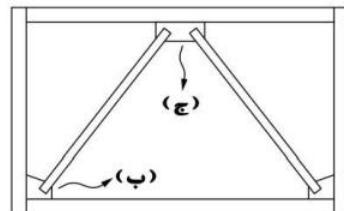
ج) اتصال صفحه اتصال به تیر در مهاربندهای شورون  $\Delta$

د) اتصال عضو مهاربند به صفحه اتصال میانی

این اتصالات در شکل ۱۴-۴۲ نشان داده شده است.



ب) مهاربند ضریبدار



الف) مهاربند شورون  $\Delta$

شکل ۱۴-۴۲ انواع اتصالات در مهاربندهای همگرا

طراحی اتصالات در مهاربندهای همگرا شامل مراحل زیر است:

الف) طراحی اتصال عضو مهاری به صفحه اتصال

ب) طراحی اتصال صفحه اتصال به تیر و ستون

ج) طراحی صفحه اتصال

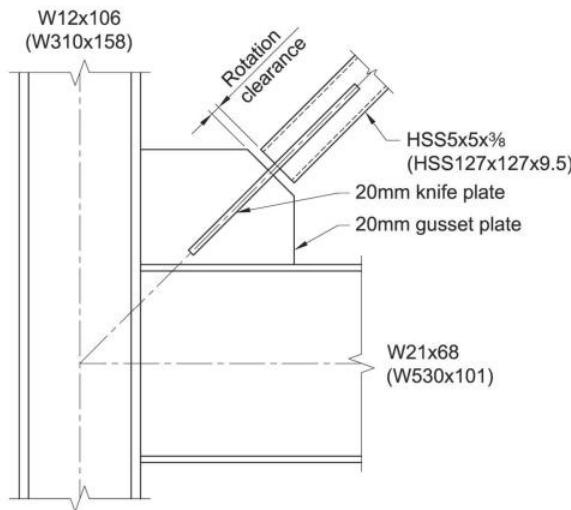
د) طراحی اتصال عضو مهاری به صفحه اتصال میانی

در ادامه هر کدام از موارد فوق به صورت جداگانه مورد بررسی قرار می‌گیرند:

#### ۱-۲-۴-۱۴ اتصال عضو مهاری به صفحه اتصال

مطابق مبحث دهم مقررات ملی ساختمان، ضوابط طراحی اتصالات اعضای قطری در قابهای همگرا و بیژه و معمولی به شرح

ذیل است. نمونه اتصال مهاربند به گاست پلیت طرح شده برای دوران مهاربند درون صفحه در شکل ۱۴-۴۳ مشاهده می‌شود.



شکل ۱۴-۴۳: گاست پلیت طراحی شده برای دوران درون صفحه

## الف- اتصالات اعضاي قطری در قاب‌های همگرای ویژه

- مقاومت کششی موردنیاز:

$$R_y F_y A_g$$

- مقاومت فشاری موردنیاز:

مقاومت فشاری موردنیاز اتصالات مهاربندها برابر  $(1.14 F_{cre} A_g)$  می‌باشد.  $F_{cre}$  تنش فشاری مورد انتظار ناشی از کمانش است که در آن بجای  $F_y$  استفاده شده است.

$$F_{cre} = [0.658]^{\frac{R_y F_y}{F_e}} R_y F_y \text{ if } \frac{KL}{r} \leq 4.71 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$$

$$F_{cre} = 0.877 F_e \text{ if } \frac{KL}{r} > 4.71 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$$
۱۴-۱۹

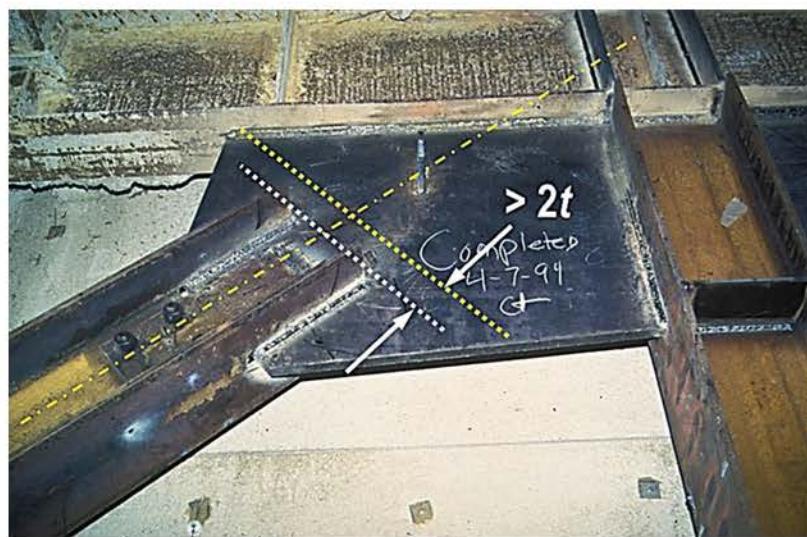
نکته قابل توجه اينکه در اتصالات مهاربندی در قاب همگرای ویژه می‌بايست سازگاری کافی با دوران پلاستیک حاصل از تغیير شکل‌های پس از کمانش وجود داشته باشد. برای تأمین این سازگاری دو راه حل وجود دارد:

الف- اتصال اعضاي مهاربندی دارای مقاومت خمشی موردنیاز زير باشند:

$$M_u = 1.1 R_y M_p$$
۱۴-۲۰

لنج خمشی پلاستیک عضو مهاربندی حول محور کمانش بحرانی  $M_p$

ب- شرایط کمانش بحرانی مهاربند در خارج از صفحه مهیا شده و قطع مهاربندی به اندازه دو برابر ضخامت ورق اتصال ( $2t$ ) قبل از خط تکیه‌گاهی ورق اتصال (خط آزاد خمش) انجام پذیرد. در این مبحث رعایت ضابطه تکمیلی خاصی برای کنترل کمانش لبه آزاد ورق اتصال الزامی نیست.

شکل ۱۴-۴۴ رعایت  $2t$  از خط آزاد خمش

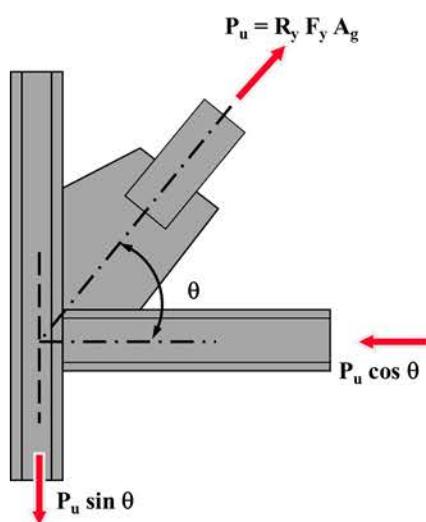
## ب - اتصالات اعضای قطری در قاب‌های همگرای معمولی

مقاومت موردنیاز اتصالات مهاربندی شده همگرای معمولی برابر حداقل دو مقدار مقاومت کششی مورد انتظار اعضای مهاربندی  $R_y F_y A_g$  و بیشترین نیروی محوری حاصل از ترکیبات بار زلزله تشدید یافته در مهاربندی‌ها می‌باشد.

$R_y$  نسبت تنش تسليم مورد انتظار به حداقل تنش تسليم فولاد مهاربند

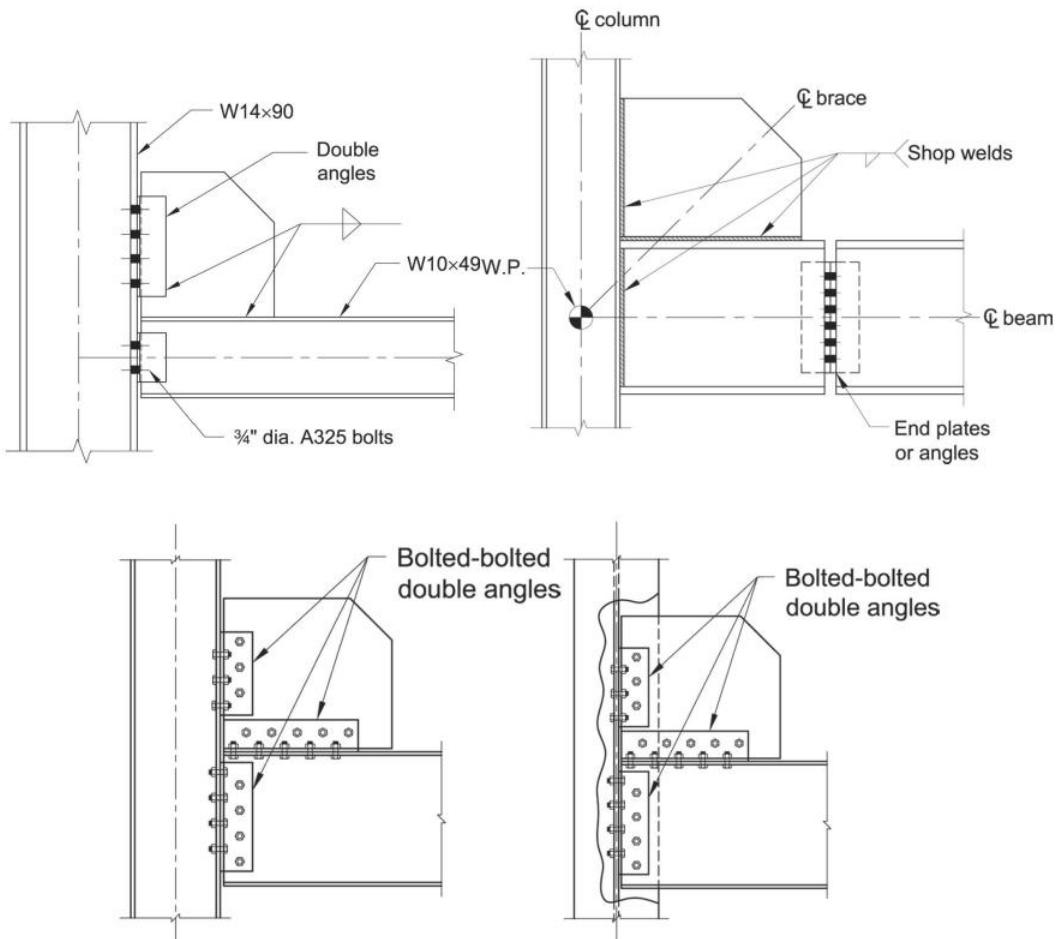
$F_y$  تنش تسليم فولاد مهاربند

$A_g$  سطح مقطع کلی عضو مهاربندی



شکل ۱۴-۴۵ نمایش مقاومت کششی مورد انتظار مهاربند برای طراحی اتصالات

نمونه اتصال تیر به ستون با جزئیات اتصال پیچ و مهرهای و جوشی، در شکل ۱۴-۴۶ مشاهده می‌شود.



شکل ۱۴-۴۶ اندواع جزئیات اتصال تیر به ستون

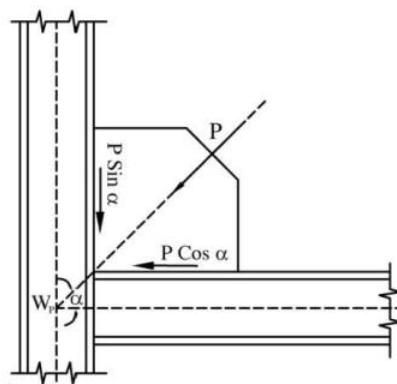
## ۱۴-۴-۲-۲ طراحی اتصال صفحه اتصال به تیر و ستون

طراحی این اتصال در دو نوع مجزا مطرح است:

الف) طراحی اتصال صفحه به تیر و ستون

ب) طراحی اتصال صفحه به تیر در مهاربندهای شورون  $\Delta$

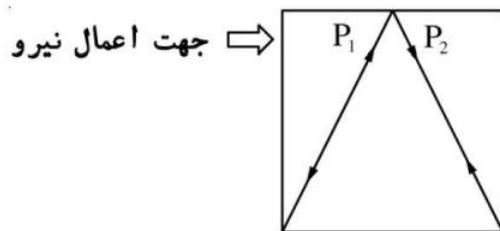
بهمنظور طراحی اتصال صفحه به تیر و ستون، ابتدا باید چگونگی توزیع نیروی مهاربند بین تیر و ستون مشخص باشد و سپس طول جوش محاسبه می شود. بدین منظور از روش تجزیه معمولی استفاده می شود. در این روش نیروی عضو مهاری به دو مؤلفه افقی و عمودی تجزیه می شود. این روش در شکل ۱۴-۴۷ نشان داده شده است.



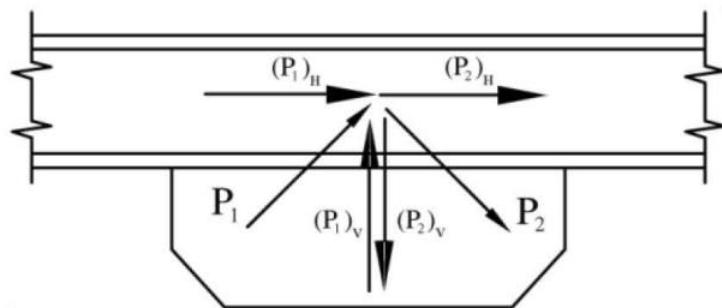
شکل ۱۴-۴۷ روش تجزیه معمولی نیروها

بدین ترتیب ابعاد صفحه باتوجه به طول جوش‌های موردنیاز تعیین می‌گردد. در مهاربندهای شورون ۱۴-۴۸ مطابق شکل ۱۴-۴۸-الف

یکی از اعضای مهاری به کشش و دیگری به فشار کار می‌کند. تجزیه نیروهای فوق در شکل ۱۴-۴۸-ب نمایش داده شده است.



الف) برآیند نیروها در محل اتصال



ب) تجزیه نیروها در محل اتصال

شکل ۱۴-۴۸ نمایش نیروها در اتصال صفحه به تیر در مهاربند شورون ۱۴

پس از تعیین طول اتصال مهاربند با صفحه و طول‌های لازم افقی و قائم جهت اتصال صفحه به تیر و ستون نوبت به طراحی صفحه

اتصال می‌رسد.

### ۳-۲-۴-۱۴ طراحی صفحه اتصال

طراحی صفحه اتصال شامل مراحل زیر است:

الف) کنترل تنش کششی صفحه در عرض مؤثر ویتمور

ب) کمانش ورق اتصال

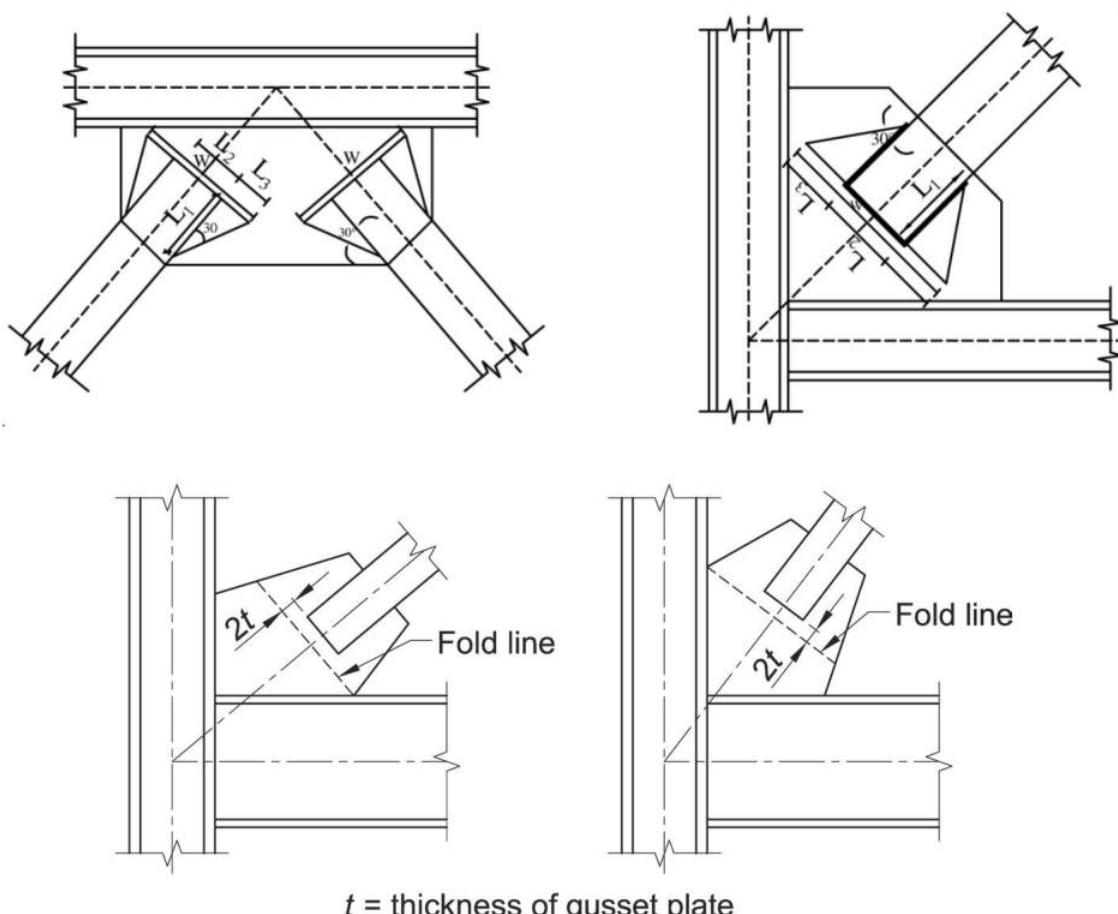
ج) برش قالبی در کشش

د) کنترل کمانش لبه آزاد ورق اتصال

در ادامه به شرح مختصری از هر یک از موارد فوق پرداخته می شود.

### الف- کنترل تنش کششی صفحه در عرض مؤثر ویتمور

عرض مؤثر ویتمور ( $W$ ) با فرض توزیع نیرو با زاویه  $30^\circ$  درجه نسبت به عضو مهاری، مطابق شکل ۱۴-۴۹ بددست می آید.



شکل ۱۴-۴۹ نمایش عرض مؤثر ویتمور در محل اتصال

مطابق شکل ۱۴-۴۹ نتیجه می شود:

$$\tan 30 = \frac{L_3}{L_1}$$

۱۴-۲۱

بنابراین عرض مؤثر ویتمور برابر است با:

$$w = 2L_1 \tan 30 + L_2$$

۱۴-۲۲

مقاومت کششی ( $P_t$ ) طبق آییننامه ایران در عرض مؤثر ویتمور از ۱۴-۲۳ بدست می‌آید که باید از نیروی طراحی اتصال بیشتر باشد.

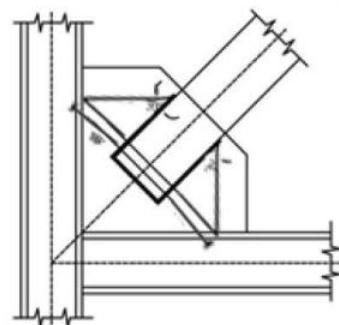
$$P_t = F_y \cdot W \cdot t$$

۱۴-۲۳

مقاومت کششی	$P_t$
ضخامت صفحه	$t$

مقاومت کششی ( $P_t$ ) باید از نیروی طراحی اتصال بیشتر باشد.

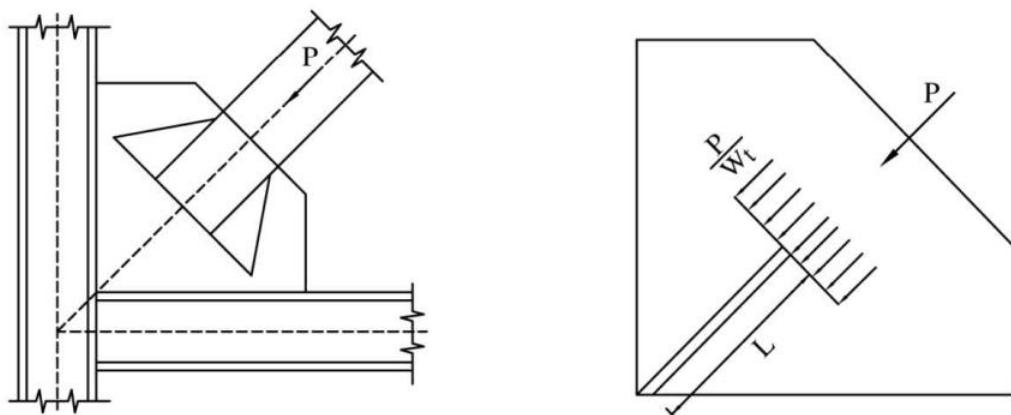
تذکر: عرض مؤثر ویتمور می‌تواند طبق شکل ۱۴-۵۰ قبل از انتهای عضو مهاری تشکیل شود.



شکل ۱۴-۵۰ تشکیل عرض مؤثر ویتمور قبل از انتهای عضو مهاری

#### ب- کمانش ورق اتصال

در اثر اعمال نیروی فشاری عضو مهاری، احتمال کمانش ورق اتصال بعد از عرض مؤثر ویتمور طبق شکل ۱۴-۵۱ وجود دارد.



شکل ۱۴-۵۱ احتمال کمانش ورق اتصال بعد از عرض مؤثر ویتمور

مقاومت فشاری در این ناحیه مطابق ۱۴-۲۴ است که باید از نیروی طراحی اتصال بیشتر باشد.

$$P_c = F_{cr} W t$$

۱۴-۲۴

مقاومت فشاری	$P_c$
--------------	-------

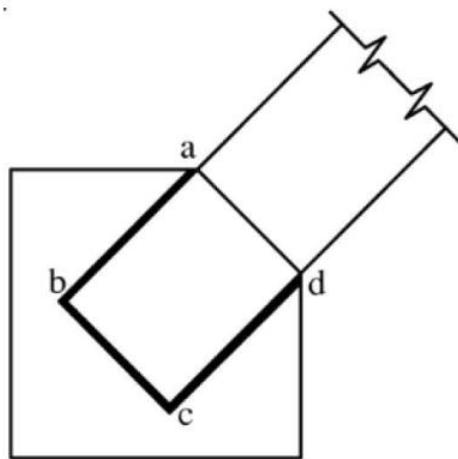
بدهمنظور تعیین تنش مجاز فشاری، نواری به عرض واحد بعد از عرض مؤثر ویتمور در نظر گرفته شده و لاغری این ستون فرضی به طول  $L$  تعیین می شود. ضریب طول مؤثر با توجه به آزمایش های انجام شده ۱.۲ پیشنهاد شده است.

شعاع زیراگسیون این ستون فرضی نیز از رابطه زیر به دست می آید:

$$r = \sqrt{\frac{I}{A}} = \sqrt{\frac{\frac{1}{12} \times 1 \times t^3}{1 \times t}} = 0.3t \quad ۱۴-۲۵$$

#### پ- کنترل برش قالبی در کشش

در اثر کشش موجود در عضو مهاری، ممکن است ورق اتصال از مسیر  $abcd$  در شکل ۱۴-۵۲ دچار شکست شود.



شکل ۱۴-۵۲ نمایش برش قالبی در ورق اتصال مهاربند

در شکل ۱۴-۵۲ خطوط  $ab$  و  $cd$  نمایانگر سطح برش و  $bc$  نمایانگر سطح کششی است. چنین شکستی، برش قالبی نامیده می شود. ظرفیت برش قالبی باید از مقدار نیروی کششی موجود بیشتر باشد.

$$T \leq \phi R_n \quad ۱۴-۲۶$$

$$T \leq 0.75(U_{bs}F_uA_{nt} + \min(0.6F_uA_{nv}, 0.6F_yA_{gv}))$$

$A_{gv}$  = سطح مقطع کلی تحت برش

$A_{nt}$  = سطح مقطع خالص تحت کشش

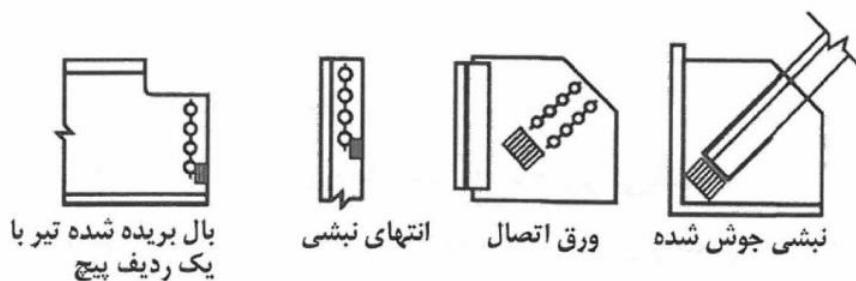
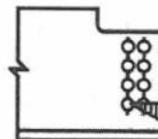
$A_{nv}$  = سطح مقطع خالص تحت برش

$F_y$  = تنش تسلیم فولاد

$F_u$  = تنش کششی نهایی فولاد

$U_{bs}$  = ضریب توزیع تنش که برای توزیع یکنواخت تنش کششی در انتهای عضو مقدار آن مساوی

یک و برای توزیع غیریکنواخت تنش کششی در انتهای عضو مقدار آن مساوی  $0.5$  در نظر گرفته

(a) حالت‌هایی که در آنها  $\frac{1}{10} b_{ls}$  در نظر گرفته می‌شود

بال بریده شده تیر با دو ردیف پیچ

(b) حالت‌هایی که در آنها  $\frac{1}{5} b_{ls}$  در نظر گرفته می‌شود

شکل ۱۴-۵۳ توزیع تنش کششی در برش قالبی

## ت- کنترل کمانش لبه آزاد ورق

برای جلوگیری از کمانش لبه آزاد ورق اتصال، رابطه زیر پیشنهاد شده است. طول لبه آزاد صفحه اتصال در شکل ۱۴-۵۴ نشان داده شده است.

$$\frac{L}{t} \leq 1.4 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$$

۱۴-۲۷

طول لبه آزاد

*L*

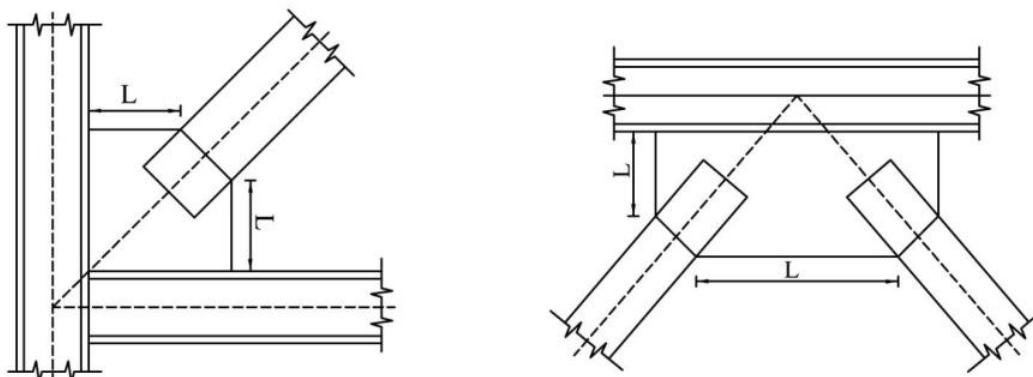
ضخامت صفحه اتصال

*t*

مدول الاستیسیته فولاد

*E*

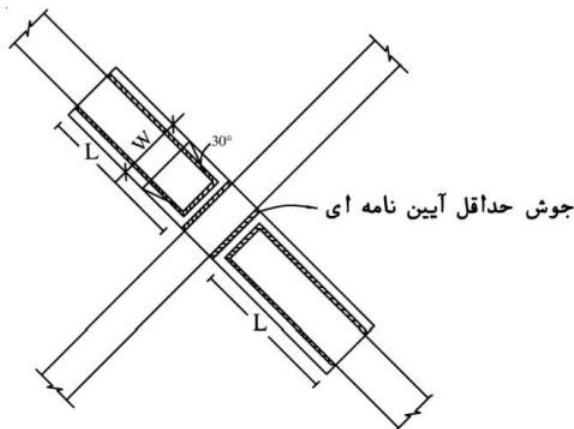
تنش جاری شدن فولاد

*F<sub>y</sub>*

شکل ۱۴-۵۴ نمایش لبه آزاد در صفحات اتصال

#### ۴-۲-۴-۱۴ طراحی اتصال عضو مهاری به صفحه اتصال میانی

طول جوش موردنیاز برای اتصال عضو مهاری به صفحه میانی همانند طول جوش لازم جهت اتصال عضو مهاری به صفحه کنواری تعیین می شود. معمولاً صفحه اتصال میانی به عضو مهاری که به صورت ممتد می باشد، با بعد جوش حداقل آیین نامه ای متصل می شود. جهت کنترل ابعاد صفحه میانی، مطابق شکل ۱۴-۵۵ روش ویتمور استفاده می شود.

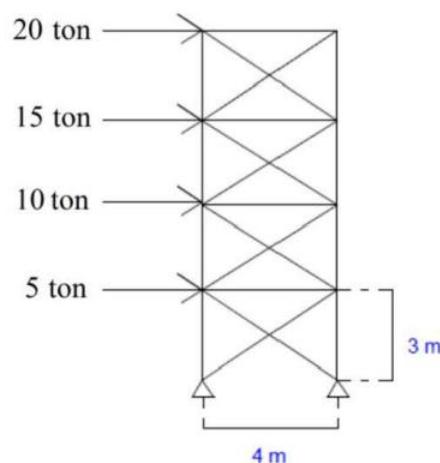


شکل ۱۴-۵۵ نمایش طول جوش و عرض مؤثر در صفحه اتصال میانی

مقاومت کششی ورق اتصال میانی از رابطه (۱۹-۱۴) تعیین می شود. در این رابطه  $t$  ضخامت ورق اتصال میانی و  $W$  عرض مؤثر ویتمور است که در صفحات اتصال میانی معمولاً برابر عرض ورق اتصال میانی است. بدیهی است که باید مقاومت کششی موجود از نیروهای طراحی بیشتر باشد.

#### مثال ۱۶-۱۴

در قاب شکل ۱۶-۵۶ مقطع مهاربندها 2U16 و مقطع ستون 2IPE27 و مقطع تیر IPE27 می باشد. اتصالات مهاربندها در طبقه همکف را با فرض قاب مهاربندی شده همگرای معمولی طراحی نمایید.



شکل ۱۶-۵۶ قاب مهاربندی شده مثال

حل:

جهت طرح مهاربند موردنظر، مراحل انجام کار به شرح زیر تقسیم‌بندی می‌گردد:

الف) مشخص نمودن نیروی طراحی اتصالات

ب) طرح اتصال مهاربند به صفحه اتصال گوشه

پ) طرح اتصال میانی دو مهاربند به هم

ت) طرح اتصال مهاربند به ستون و کف ستون

### حل الف) نیروی طراحی اتصالات

گام ۱ - مشخص نمودن نیروی طراحی اتصالات

نیروی طراحی اتصالات مهاربند  $R_y F_y A_g$  در نظر گرفته می‌شود.

مشخصات فنی U16 از جدول اشتال به شرح زیر می‌باشد:

$$U16: A = 24\text{cm}^2, t_f = 1.05\text{cm}, L = 16\text{cm}$$

$$R_y = 1.2; A_g = 2 \times 24 = 48\text{cm}^2$$

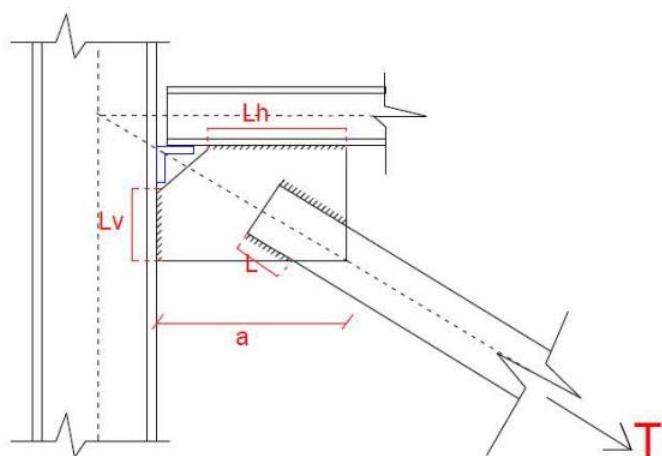
$$R_y F_y A_g = 1.2 \times 2400 \times (2 \times 24) = 138240 \text{ kg}$$

### حل ب) طرح اتصال مهاربند به صفحه اتصال گوشه

گام ۲ - طرح اتصال مهاربند به صفحه اتصال گوشه

برای ضخامت ورق اتصال با توجه به ضخامت قسمتی از مهاربند که به ورق جوش می‌شود (در اینجا بال جوش می‌شود) برابر

$1.2\text{cm}$  به عنوان حدس اولیه در نظر گرفته می‌شود.



شکل ۱۴-۵۷ نمایش اتصال مهاربند به تیر و ستون در مثال

### گام ۳ - تعیین طول اتصال مهاربند بر روی ورق اتصال (L)

این طول باید به‌گونه‌ای باشد که طول جوش لازم جهت انتقال نیروی T از مهاربند به ورق تأمین شود.

باتوجه به ضخامت بال (t ≤ 15mm) الکترود سازگار E60 انتخاب می‌شود.

جوش به صورت کارگاهی فرض می‌شود یعنی  $\beta = 0.75$

فرض اولیه برای بعد جوش:

$$a_w = 8 \text{ mm}$$

فرض در نظر گرفته شده برای بعد جوش، با حداقل و حداکثر مجاز مقابسه می‌شود:

ورق نازک‌تر، بال ناودانی  $t_f = 1.05 \text{ cm}$  می‌باشد، در نتیجه:

$$a_w = 8 \text{ mm} \leq \min \left\{ \begin{array}{l} 10.5 \text{ mm} \\ 12 \text{ mm} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{ok}$$

$$R_u = T \leq \phi R_{nw}$$

$$R_{nw} = \beta \times (0.6F_{ue}) \times 0.707a_w L_w = 0.75 \times 0.6 \times 4200 \times 0.707 \times 0.8L_w = 1068.984L_w$$

$$T = 138240 \leq 0.75 \times 1068.984L_w \Rightarrow L_w \geq 172 \text{ cm}$$

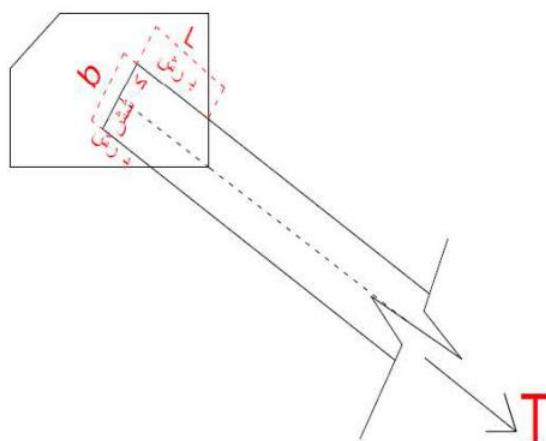
$$L_w = 4L \geq 172 \text{ cm} \Rightarrow L \geq 43 \text{ cm}$$

چهار خط جوش برای آنکه مقطع دوبل است و برای هر مقطع نیز دو خط جوش در نظر گرفته می‌شود.

نکته مهم اینکه هندسه ورق مهاربند باید به‌گونه‌ای در نظر گرفته شود که طول جوش فوق تأمین گردد.

### گام ۴ - کنترل برش قالبی در ورق اتصال

ورق اتصال باید در برش قالبی جوابگو باشد.



شکل ۱۴-۵۸- کنترل برش قالبی برای اتصال مهاربند در مثال

$$T \leq \phi R_n$$

$$T \leq 0.75(U_{bs}F_u A_{nt} + \min(0.6F_u A_{nv}, 0.6F_y A_{gv}))$$

$$U_{bs} = 1.0, A_{nt} = bt, A_{gv} = A_{nv} = 2Lt$$

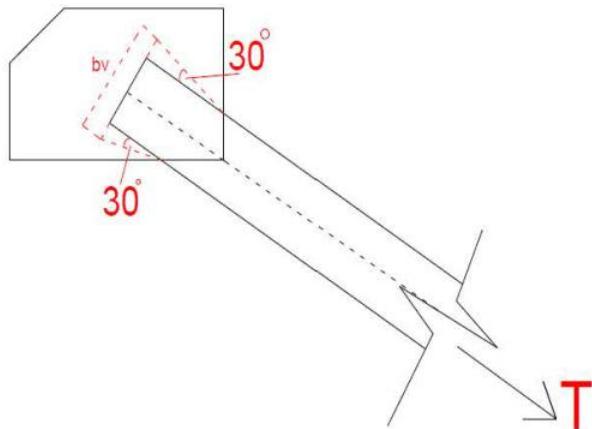
$$T \leq \phi R_n = 0.75(F_u b t + 0.6 F_y \times 2 L t)$$

$$138420 \text{ kg} \leq 0.75(3700 \times 16 \times 1.2 + 1.2 \times 2400 \times 43 \times 1.2) = 164736 \text{ kg}$$

ورق اتصال در برش قالبی جوابگو می‌باشد. اگر ورق اتصال در برش قالبی جوابگو نبود می‌توان  $t$  یا  $L$  را افزایش داد.

#### گام ۵ - کنترل ورق اتصال برای نیروی کششی $T$ در عرض ویتمور

فرض می‌شود که نیروی محوری  $T$  با زاویه  $30^\circ$  درجه در ورق اتصال توزیع می‌شود. مقدار تنش در ورق ناشی از نیروی محوری تیر نباید از حد مجاز تجاوز نماید. در غیر این صورت باید  $t$  یا  $L$  افزایش باید.



شکل ۱۴-۵۹ نمایش عرض ورق ویتمور در مثال

$$b_V = b + 2L \tan 30$$

$$T \leq \phi R_n = \min(0.9 F_y A_g, 0.75 F_u A_e)$$

$$A_g = b_V t, A_e = A_g$$

$$b_V = b + 2L \tan 30 = 16 + 2 \times 43 \tan 30 = 66 \text{ cm}$$

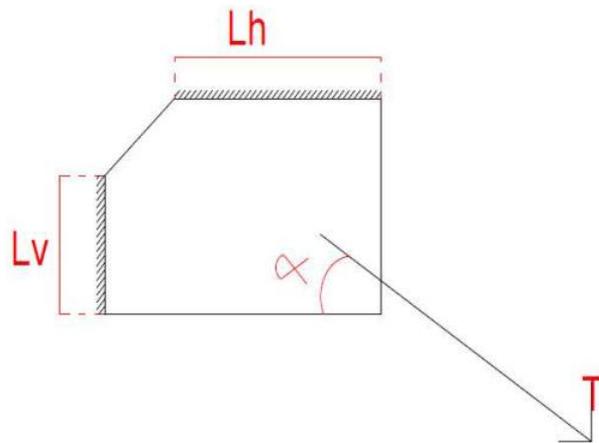
$$A_g = 66 \times 1.2 = 79 \text{ cm}^2$$

$$T \leq \phi R_n = \min(0.9 F_y A_g, 0.75 F_u A_e)$$

$$138240 \text{ kg} \leq \min(0.9 \times 2400 \times 79, 0.75 \times 3700 \times 79) = 170640 \text{ kg}$$

گام ۶-

تعیین طول جوش افقی و عمودی موردنیاز جهت اتصال ورق مهاربند به تیر و ستون



شکل ۱۴-۶۰ طول جوش افقی و عمودی اتصال ورق مهاربند به تیر و ستون در مثال

برای تعیین طول جوش افقی و عمودی موردنیاز، یک روش ساده، تجزیه نیروی  $T$  به مؤلفه های افقی و عمودی می باشد.

$$\alpha = \tan^{-1} \left( \frac{3}{4} \right) = 37^\circ$$

$$T_x = T \cos \alpha = 138420 \times \cos 37^\circ = 110403 \text{ Kg}$$

$$T_y = T \sin \alpha = 138420 \times \sin 37^\circ = 83195 \text{ Kg}$$

جوش در کارخانه و الکترود مصرفي E60 فرض می شود.

بعد جوش  $\Delta$  میلیمتر فرض می شود.

$$a_w = 8 \text{ mm}$$

محاسبه جوش افقی (صفحه به تیر با دو خط جوش شده است):

$$T_x \leq \phi R_{nw}, \phi = 0.75$$

$$110403 \text{ Kg} \leq 0.75(0.85 * 0.6 * 4200 * 0.707 * 0.8 L_w) = 908.64 L_w$$

$$\begin{cases} L_w \geq 121.5 \text{ cm} \\ L_2 = 2L_h \end{cases} \rightarrow 2L_h \geq 121.5 \text{ cm} \rightarrow L_h \geq 60.75 \text{ cm}$$

محاسبه جوش عمودی:

صفحه به ستون با دو خط جوش شده است:

$$T_y \leq \phi R_{nw}, \phi = 0.75$$

$$83195 \text{ Kg} \leq 0.75(0.85 * 0.6 * 4200 * 0.707 * 0.8 L_w) = 908.64 L_w$$

$$\begin{cases} L_w \geq 91.56 \text{ cm} \\ L_2 = 2L_v \end{cases} \rightarrow 2L_v \geq 91.56 \text{ cm} \rightarrow L_v \geq 45.78 \text{ cm}$$

به علت برش ورق در محل نبشی، به ابعاد بدست آمده حدود ۱۰ سانتیمتر اضافه می شود، در نتیجه:

$$a \geq 60.75 + 10 = 70.75 \text{ cm} \rightarrow a = 71 \text{ cm}$$

$$b \geq 45.78 + 10 = 55.78 \text{ cm} \rightarrow b = 56 \text{ cm}$$

گام ۷ - کنترل کمانش لبه آزاد ورق

$$\frac{L}{t} \leq 1.4 \sqrt{\frac{E}{F_y}}$$

در محاسبه طول آزاد  $L$  می‌توان بعد مهاربند را کسر نمود. اما در جهت اطمینان در اینجا کسر نمی‌شود.

$$\text{طول آزاد } \max(a, b) = \max(56, 71) = 71 \text{ cm}$$

$$\frac{71}{t} = \frac{71}{1.2} = 59.17 \leq 1.4 \sqrt{\frac{2.1 \times 10^6}{2400}} = 40.4$$

در نتیجه ضخامت ورق باید افزایش یابد، بهطوری که پاسخگوی کمانش لبه آزاد می‌شود:

$$\frac{71}{t} \leq 1.4 \sqrt{\frac{2.1 \times 10^6}{2400}} \rightarrow t \geq 1.7 \text{ cm}$$

توجه: با اضافه شدن ضخامت ورق، امکان افزایش بعد جوش و طراحی مجدد جوشها نیز وجود دارد.

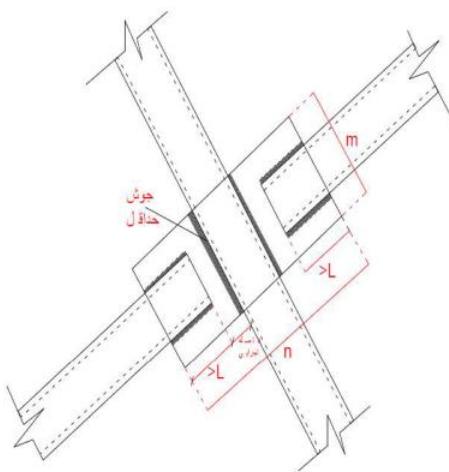
یک روش اجرایی دیگر به جای افزایش ضخامت ورق، استفاده از ورق اتصال بالدار از طریق جوش صفحه‌ای عمود بر ورق مذکور می‌باشد.

حل پ) طرح اتصال میانی دو مهاربند به هم

گام ۸ - طراحی اتصال میانی دو مهاربند به هم

برای این اتصال از یک ورق مستطیلی استفاده می‌شود، نیروی طراحی اتصال همان نیرویی است که با آن اتصال مهاربند به تیر و ستون طراحی می‌شود. مهاربند ممتد با جوش حداقل به ورق متصل می‌شود. مهاربندی که قطع شده است باید دارای طول اتصالی به اندازه حداقل  $L$  باشد که مشابه اتصال قبلی محاسبه می‌شود و باید به میزانی باشد که نیروی طراحی اتصال از مهاربند به ورق منتقل شود، طول ورق باید به میزانی باشد که طول اتصال  $L$  برای دو مهاربند قطع شده تأمین شود و نیز مهاربند ممتد هم بتواند با رعایت یک فاصله اجرایی از وسط عبور نماید. عرض ورق نیز باید حداقل به میزانی باشد که ورق در مقطع عرض خود (که نباید از عرض ویتمور بیشتر در نظر گرفته شود) بر اساس مقاومت کششی جوابگوی نیروی محوری طراحی اتصال باشد.

کنترل برش قالبی نیز مشابه اتصال قبلی انجام می‌شود.



شکل ۱۴-۶۱ نحوه اتصال میانی دو مهاربند به یکدیگر در مثال

بعد جوش اتصال مهاربند قطع شده به ورق:

$$a_w = 8\text{mm}$$

بعد جوش اتصال مهاربند ممتد به ورق (بعد جوش حداک) و طول اتصال مهاربند بر روی ورق اتصال:

$$a_w = 5\text{mm}$$

$$L = 43\text{ cm}$$

ضخامت ورق اتصال میانی ۲ سانتیمتر در نظر گرفته می شود.

$$t = 2\text{cm}$$

تعیین عرض ورق بر اساس تأمین مقاومت کششی لازم در مقطع عرضی از ورق که از عرض ویتمور بیشتر نیست.

$$P_u = T \leq \phi_n P_t$$

$$T = 138420\text{ Kg}$$

$$\phi_n P_t = \min(0.9F_y A_g, 0.75F_u A_e), A_g = \min(m t, b_v t), A_e = 0.85 A_g$$

$$\phi_n P_t = \min(0.9 * 2400 * A_g, 0.75 * 3700 * 0.85 * A_g) = \min(2160 A_g, 2359 A_g) = 2160 A_g$$

$$138420\text{ Kg} \leq 2160 A_g \rightarrow A_g \geq 64\text{ cm}^2$$

$$m \times t \geq 64\text{ cm}^2 \rightarrow m \geq 32\text{cm} \rightarrow m = 35\text{cm}$$

تعیین طول ورق:

باتوجه به شکل ۱۴-۶۱ طول ورق  $n$  برابر است با:

$$b = 16\text{cm}$$

$$n \geq 2L + b + 2 * *$$

فاصله اجرایی ۳ سانتیمتر فرض می شود، در نتیجه طول ورق برابر است با:

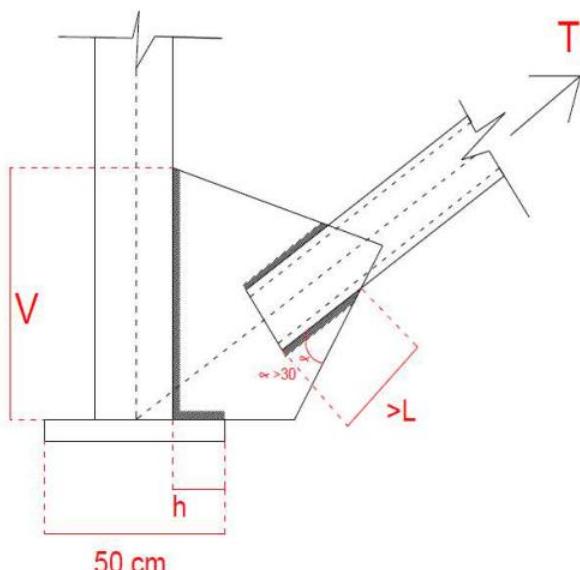
$$n \geq 2 * 43 + 2 * 3 + 16 = 108\text{cm} \rightarrow n = 110\text{cm}$$

در نتیجه ورق اتصال میانی  $PL110*35*2$  می‌باشد.

### حل ت) طرح اتصال مهاربند به ستون و کف ستون

گام ۹ - اتصال مهاربند به ستون و کف ستون

طبق شکل ۱۴-۶۲ مجھول مسئله، V می‌باشد.



شکل ۱۴-۶۲ اتصال مهاربند به ستون و کف ستون در مثال

$$h = \frac{50 - 27}{2} = 11.5 \text{ cm}$$

موارد زیر مشابه اتصال قبلی در نظر گرفته می‌شوند:

$$T = 138420 \text{ kg}$$

$$t = 2 \text{ cm}$$

$$L = 43 \text{ cm}$$

$$a_w = 8 \text{ mm}$$

کنترل برش قالبی، کنترل کشش در ورق در عرض ویتمور و کنترل نسبت طول آزاد لبه ورق به ضخامت ورق همانند اتصال قبل می‌باشد.

گام ۱۰ - طراحی جوش اتصال ورق به ستون و کف ستون:

در اینجا، در دو مرحله طراحی انجام می‌شود، مرحله اول مشابه اتصال مهاربند به تیر و ستون، جوش افقی، توسط مؤلفه افقی و جوش عمودی، توسط مؤلفه عمودی نیروی T تعیین می‌شود. در اینجا، طول افقی جوش معلوم است و در صورت عدم جوابگویی، قابل افزایش نمی‌باشد. در صورت عدم جوابگویی طول جوش، باید مجموعه جوش افقی و عمودی برای تحمل نیروی مهاربند طراحی شود. در این حالت تأمین جوش عمودی با سعی و خطا انجام می‌شود. یک حدس اولیه برای طول جوش عمودی زده می‌شود و بر اساس آن کنترل می‌شود که آیا این طول مناسب است یا خیر و در صورت لزوم مقدار آن اصلاح می‌شود.

توجه شود که جوش L شکل می‌باشد و محل اثر نیرو لزوماً از مرکز جوش عبور نخواهد کرد که این مسئله باعث ایجاد پیچش در جوش خواهد بود، در نتیجه جوش باید برای اثر هم‌زمان برش و پیچش طراحی گردد.

$$T_x = 11043 \text{ kg}$$

$$T_y = 83195 \text{ kg}$$

$$a_w = 8 \text{ mm}$$

کنترل کفایت جوش افقی:

جوش کارگاهی  $\beta = 75^\circ$  و الکترود E70 (ضخامت بیش از ۱۵ میلیمتر) در نظر گرفته می‌شود.

$$R_u = T_x \leq \phi R_{nw}, \phi = 0.75$$

$$T_x = 11043 \text{ kg}, L_w = 2h = 2 \times 11.5 = 23 \text{ cm}$$

$$11043 \text{ kg} \leq 0.75(0.75 \times 0.6 \times 4900 \times 0.707 \times 0.8 \times 23) = 21513 \text{ kg}$$

طول جوش کافی تأمین نشده است. در نتیجه باید جوش برای اثر هم‌زمان برش و پیچش طراحی شود. در ابتدا باید یک حدس اولیه برای طول جوش عمودی زد. برای یک حدس مناسب می‌توان از رابطه زیر استفاده نمود.

$$R_u \leq \phi R_{nw}$$

$\phi R_{nw}$  مقاومت بر اساس طول جوش عمودی

$$R_u = T_y + 2[T_x - (\phi R_{nw})_h]$$

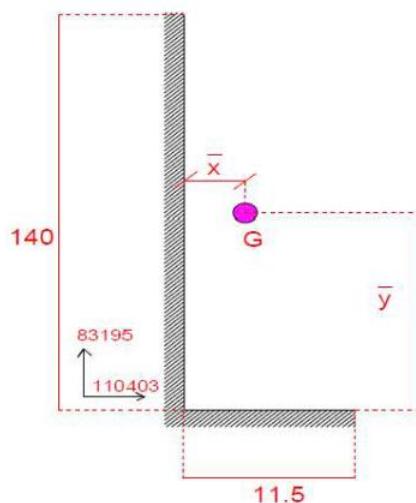
$(\phi R_{nw})_h$  مقاومت بدست آمده از مرحله قبل بر اساس طول جوش افقی

$$R_u = 83195 + 2(11043 - 21513) = 260975 \text{ kg}$$

$$R_u \leq \phi R_{nw}$$

$$260975 \text{ kg} \leq 0.75(0.75 \times 0.6 \times 4900 \times 0.707 \times 0.8 \times (2V)) \Rightarrow V \geq 139.5 \text{ cm} \Rightarrow V = 140 \text{ cm}$$

نیرو به محل برخورد محور ستون و محور مهاربند منتقل می‌شود. موقعیت مرکز جوش محاسبه شده و سپس نیرو به همراه لنگر پیچشی (که ایجاد می‌کند) به مرکز جوش انتقال می‌یابد.



شکل ۱۴-۶۳ نمایش مرکز جوش L شکل برای طراحی مجموعه جوش در مثال

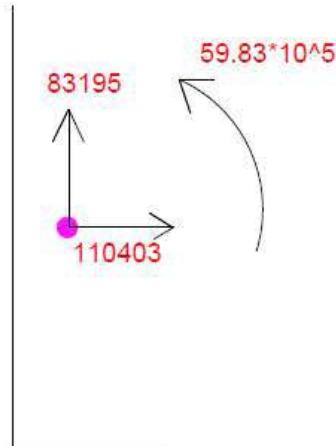
$$\bar{X} = \frac{h^2}{2(h+V)} = \frac{11.5^2}{2 \times (11.5 + 140)} = 0.44 \text{ cm}$$

$$\bar{Y} = \frac{V^2}{2(h+V)} = \frac{140^2}{2 \times (11.5 + 140)} = 64.7 \text{ cm}$$

انتقال نیروها به مرکز جوش:

$M$  لنگر پیچشی (پاد ساعتگرد، مثبت)

$$M = 11043 \times 64.7 - 83195(13.5 + 0.44) = 59.83 \times 10^5 \text{ kg.m}$$



شکل ۱۴-۶۴ انتقال نیروها به مرکز جوش به همراه لنگر پیچشی در مثال

محاسبه تنش‌های ناشی از برش مستقیم:

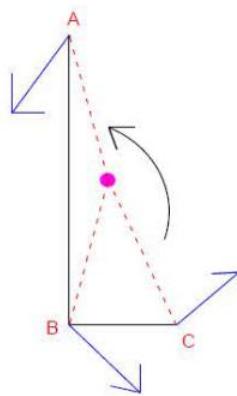
$$f'_x = \frac{T_x}{2(h+V)} = \frac{110403}{2 \times (140 + 11.5)} = 364.4 \frac{\text{kg}}{\text{cm}}$$

$$f'_y = \frac{T_y}{2(h+V)} = \frac{83195}{2 \times (140 + 11.5)} = 274.6 \frac{\text{kg}}{\text{cm}}$$

محاسبه تنش‌های ناشی از پیچش:

برای این منظور باید نقطه بحرانی تشخیص داده شود. نقطه بحرانی، مطابق طبق شکل ۱۴-۶۵ نقطه‌ای است که همزمان هم دورترین

فاصله تا مرکز جوش را داشته باشد و هم تنش ناشی از آن با تنش ناشی از برش مستقیم هم‌جهت باشد.



شکل ۱۴-۶۵ نمایش نقاطی که احتمال بحرانی شدن دارند در مثال

دورترین نقطه A است اما تنش در آن با تنش های مستقیم هم جهت تیست.

دورترین نقطه پس از A، نقطه C می باشد که هر دو مؤلفه تنش با تنش های برش مستقیم هم جهت می باشد. پس نقطه C بحرانی است و کنترل برای آن انجام می شود.

$$\begin{cases} x = 11.5 - 0.44 = 11.06 \text{ cm} \\ y = 64.7 \text{ cm} \end{cases}$$

$$f_x'' = \frac{My}{I_p}, f_y'' = \frac{Mx}{I_p}$$

$$I_x = h\bar{y}^2 + V\left(\frac{V}{2} - \bar{y}\right)^2 + \frac{V^3}{12} = 11.5 \times 64.7^2 + 140\left(\frac{140}{2} - 64.7\right)^2 + \frac{140^3}{12} = 280739 \text{ cm}^3$$

$$I_y = V\bar{y}^2 + h\left(\frac{h}{2} - \bar{x}\right)^2 + \frac{h^3}{12} = 140 \times 0.44^2 + 11.5\left(\frac{11.5}{2} - 0.44\right)^2 + \frac{11.5^3}{12} = 478 \text{ cm}^3$$

$$I_p = I_x + I_y = 280739 + 478 = 281217 \text{ cm}^3$$

$$f_x'' = \frac{My}{I_p} = \frac{59.83 \times 10^5 \times 64.7}{2 \times 281217} = 688.7 \frac{\text{kg}}{\text{cm}}$$

$$f_y'' = \frac{Mx}{I_p} = \frac{59.83 \times 10^5 \times 11.06}{2 \times 281217} = 117.7 \frac{\text{kg}}{\text{cm}}$$

$$f_r = \sqrt{(f'_x \pm f''_x) + (f'_y + f''_y)} = \sqrt{(364.4 + 688.7)^2 + (274.6 + 117.7)^2} = 1124 \frac{\text{kg}}{\text{cm}}$$

$$R_u = f_r \leq \phi R_{nw}$$

$$1124 \frac{\text{kg}}{\text{cm}} \leq 0.75(0.75 \times 0.6 \times 4900 \times 0.707 \times 0.8 \times 1) = 935 \frac{\text{kg}}{\text{cm}}$$

طول جوش باید افزایش یابد.

چون  $f_r$  نیرو در واحد طول می باشد باید  $L_w$  یک سانتیمتر در نظر گرفته شود. همچنین چون اثر دو خط جوش در محاسبه  $f_r$  دیده شده است، دیگر در محاسبه  $R_{nw}$  لحاظ نمی شود. مطابق محاسبه فوق، اتصال حدود ۲۰٪ ضعیف است. حدود ۳۵ سانتیمتر به طول جوش اضافه کرده و محاسبات تکرار می شود ( $v = 175 \text{ cm}$ ).

### ۲-۴-۱۴ طراحی اتصالات در مهاربندهای واگرا

اتصالات دو انتهای مهاربندها به تیرها باید دارای مقاومتی حداقل برابر با مقاومت خود مهاربند باشد، در طراحی این اتصالات الزامات مربوط به بخش ۱۶-۱-۴ نیز باید رعایت شود.

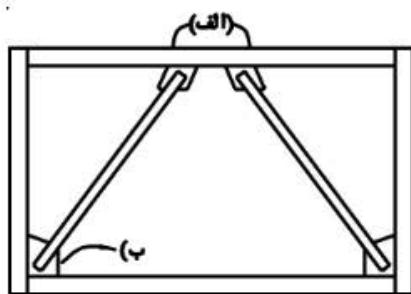
طراحی اتصالات در مهاربندهای واگرا عبارتند از:

الف) طراحی اتصال عضو مهاری به تیر طبقه

ب) طراحی اتصال عضو مهاری به تیر و ستون

این اجزاء در شکل ۱۶-۶۶ نشان داده شده است. طراحی اتصال عضو مهاری به تیر و ستون عیناً مشابه مهاربندهای همگرا است.

در ادامه طراحی اتصال عضو مهاری به تیر طبقه بررسی می‌شود.

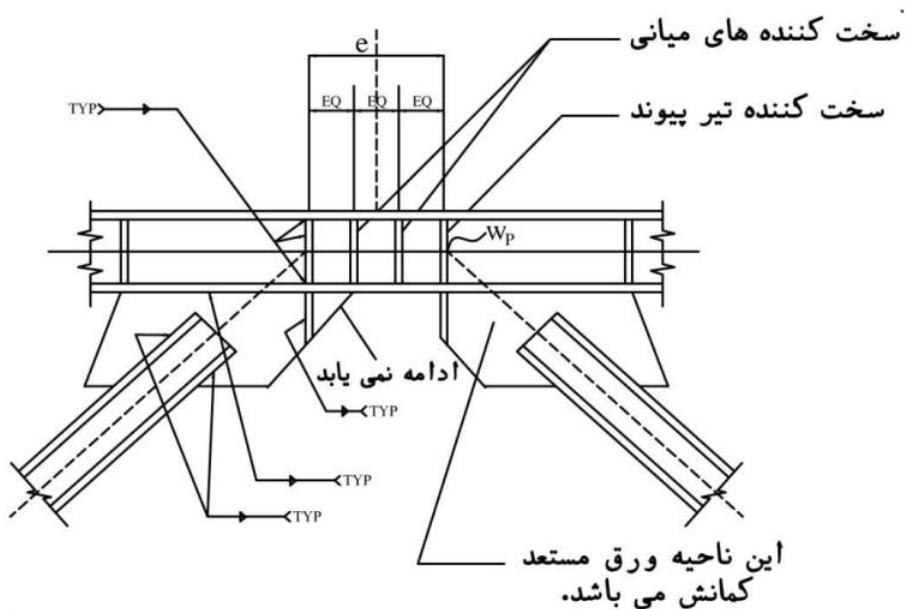


شکل ۱۶-۶۶ - انواع اتصالات در مهاربندهای واگرا

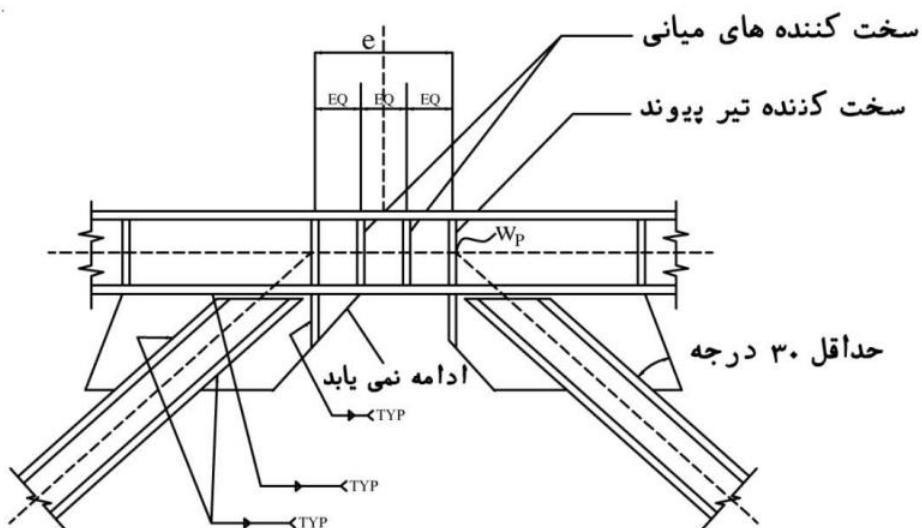
### ۱-۳-۴-۱۴ طراحی اتصال عضو مهاری به تیر طبقه

بر طبق آینه نامه ایران، اتصال عضو مهاری به تیر پیوست باید قادر به حصول مقاومت فشاری مهاربند و انتقال آن به جان تیر پیوست باشد. هیچ یک از قسمتهای اتصال عضو مهاری به قطعه رابطه نباید به فاصله جان آن ادامه یابد.

شکل ۱۶-۶۷-الف جزئیات رایج اتصال عضو مهاری به تیر پیوست را نشان می‌دهد. تحقیقات نشان می‌دهد که جزئیات مطرح شده در شکل ۱۶-۶۷-الف مستعد شکست و یا کماش شدید ورق اتصال است. اتصال شکل ۱۶-۶۷-ب با به حداقل رسائین فاصله انتقالی مهاربند قا زیر تیر اصلاح شده است.



الف - اتصال تیپ یک



ب - اتصال تیپ دو

شکل ۱۴-۶۷ جزئیات رایج اتصال عضو مهاری به تیر پیوند

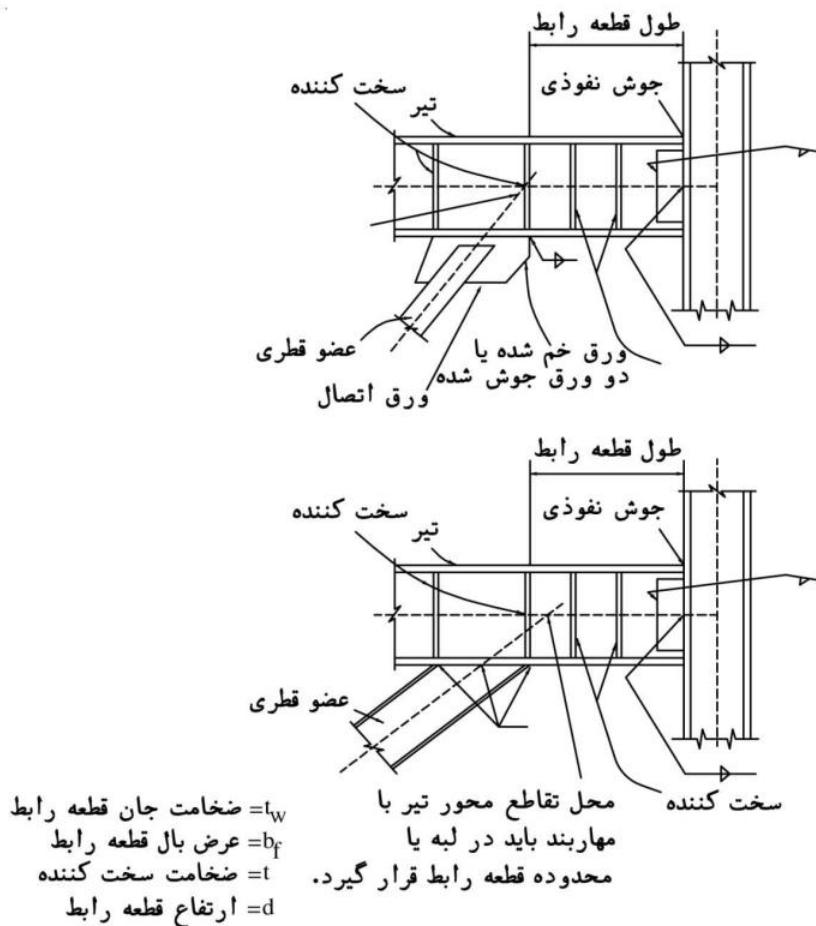
اتصال شکل ۱۴-۶۷-ب عملکرد مفصلی داشته و جهت ایجاد اتصال گیردار توصیه می شود عضو مهاری مستقیماً به تیر طبقه جوش شود.

در صورتی که تیر پیوند به ستون متصل باشد، طول قطعه رابط نباید از  $\frac{M_p}{V_p}$  تجاوز نماید. زیرا پیوندهای طویل در مجاورت

ستون ها سبب ایجاد کرنشهای غیر ارجاعی خمشی غیر یکنواخت در انتهای پیوند می شود که می تواند منجر به شکست در کرنشهای کوچک گردد. در محل اتصال قطعه رابط به بال ستون، باید ضوابط زیر بر آورده گردد:

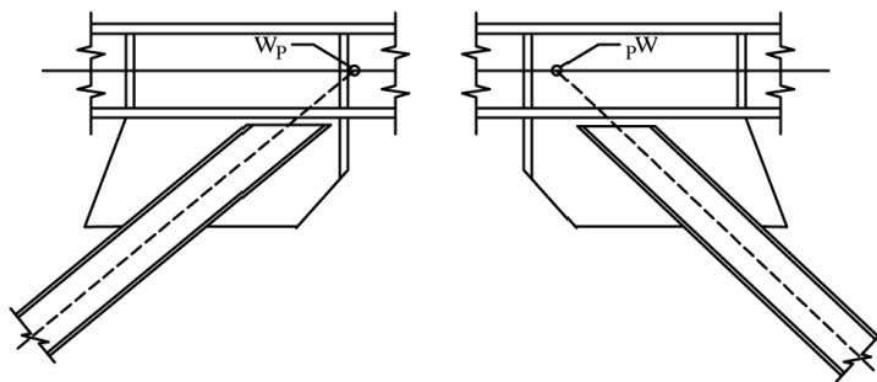
(الف) بال تیر باید با جوش نفوذی کامل به بال ستون متصل گردد.

ب) وقتی که مقاومت قطعه رابط توسط برش کنترل گردد، اتصال جان باید قادر به تأمین مقاومت برشی کامل تیر باشد. وقتی که قطعه رابط به جان ستون متصل می‌شود، بالهای تیر باید با جوش نفوذی کامل به ورق‌های اتصالی جوش شوند و اتصال جان باید برای حصول تمام مقاومت برشی جان جوش گردد. جزئیات اتصال قطعه رابط به ستون در شکل ۱۴-۶۸ ارائه شده است.



شکل ۱۴-۶۸ جزئیات اتصال تیر پیوند به ستون و مهاربند

محور خنثی مهاربند و تیر همان گونه که در شکل ۱۴-۶۶ تا شکل ۱۴-۶۸ نشان داده شده باید در لبه و یا محدوده تیر پیوند قرار گیرد. قرارگیری نقطه عملکرد، خارج از پیوند مطابق شکل ۱۴-۶۹ میل به افزایش تنفس خمشی در خارج از ناحیه پیوند را موجب شده و ممکن است ماکریزم ترکیب تنفس برشی و خمشی را به خارج از پیوند انتقال دهد.



شکل ۱۴-۶۹ موقعیت قرارگیری نقطه عملکرد

اگر قطعه رابط در مجاورت ستون نباشد، اتصال تیر به ستون را می‌توان در صفحه جان تیر به صورت مفصلی طراحی نمود.

## تست‌های فصل چهاردهم ۵-۱۴

۱. در شکل زیر یکی از دهانه‌های قاب ساختمانی ساده توأم با مهاربندی همگرای ویژه از نوع ۸ و با کاربری مسکونی نشان‌داده شده است. چنانچه مقدار تنش فشاری مورد انتظار اعضای مهاربندی با مقطع دوبل UNP160 ناشی از کمانش برابر  $0.9R_yF_y$  فرض شود، حداقل مقاومت خمشی موردنظر  $M_u$  تیر کدام است؟ (تنش تسیلم مهاربند

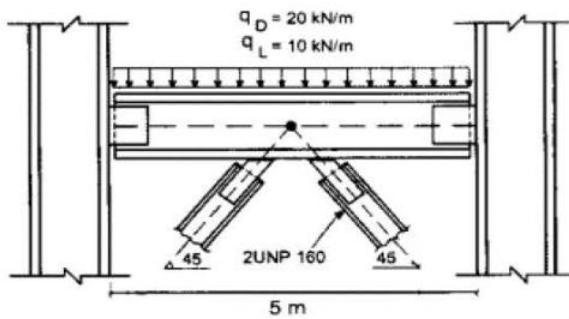
(۹۶) (مهر ۲۴۰)

$$M = 940 \text{ KN.m} \quad \text{(ب)}$$

$$M_u : 521 \text{ KN.m} \quad \text{(الف)}$$

$$M_u = 262 \text{ KN.m} \quad \text{(د)}$$

$$M_u = 125 \text{ KN.m} \quad \text{(ج)}$$



مساحت جفت ناوданی برابر  $2 \times 2400 \text{ mm}^2 = 4800 \text{ mm}^2$  می‌باشد:

$$\begin{aligned} q &= 1.2D + L = 34 \text{ kN/m} \\ R_y F_y A_g &\quad \cdot \frac{1}{3} \times 1/14 F_{cre} A_g = 0.3 \times 1.14 \times (0.9 R_y F_y) A_g \\ &= 0.3 \times 1.14 \times 0.9 \times 1.2 \times 240 \times 4800 = 425 \text{ kN} \\ &= 1.2 \times 240 \times 4800 = 1382 \text{ kN} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} q &= 1.2D + L = 34 \text{ kN/m} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} \times 1382 &= 974 \quad \frac{\sqrt{2}}{2} \times 425 = 300 \end{aligned}$$

با توجه به شکل فوق، لنگر تیر برابر است با:

$$M_u = \frac{qL^2}{8} + \frac{(974 - 300) \times L}{4} = 34 \times \frac{5^2}{8} + \frac{(674) \times 5}{4} = 948 \text{ kN.m}$$

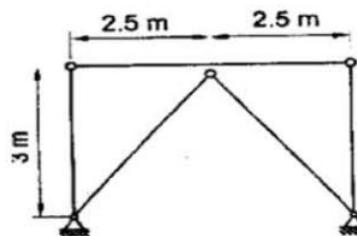
۲. مهاربندهای همگرای ویژه نشان‌داده شده در شکل زیر مربوط به یک ساختمان فولادی مقاوم در برابر زلزله، از لوله به قطر خارجی ۱۶۰ میلیمتر و ضخامت ۵ میلیمتر تشکیل شده است. چنانچه  $F_{cre} = 217 \text{ MPa}$  باشد، حداقل مقاومت خمشی طراحی تیر طبقه کدام است؟ ( $F_y = 240 \text{ MPa}$ ) (مرداد ۹۴)

• (د)

KN.m ۱۱۵ (ج)

KN.m ۷۰۰ (ب)

KN.m ۵۳۰ (الف)



گزینه ۱

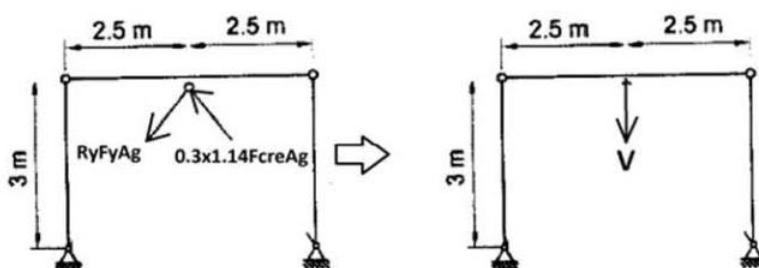
$$R_y F_y A_g = 1.25 \times 240 \times (\pi \times 80^2 - \pi \times 75^2) = 1.25 \times 240 \times 2433.5 = 730050 N = 730 kN$$

$$0.3 \times 1.14 F_{cre} A_g = 0.3 \times 1.14 \times 217 \times 2433.5 = 180.6 kN$$

برای محاسبه لنگر وارد بر تیر، مولفه قائم این نیروها باید منظور شود:

$$V = (730 - 180.6) \frac{3}{\sqrt{3^2 + 2.5^2}} = 422 kN$$

بنابراین تیر باید برای لنگر  $M = \frac{V L}{4} = \frac{422 \times 5}{4} = 527.5 kN.m$  طراحی شود.



۳. برای طراحی اتصال مهاربند همگرای ویژه در یک ساختمان، مقاومت کششی موردنیاز  $900$  کیلونیوتون تنش و تنش فشاری مورده انتظار ناشی از کمانش  $90$  مگاپاسکال است. حداقل مقاومت فشاری موردنیاز در این اتصال به کدام یک نزدیک است؟ مهاربند از نوع فولاد St37 است و مقاطع ناوданی ساخته شده اند. ( خرداد ۹۳ )

الف) ۴۲۰      ب) ۳۲۰      ج) ۲۸۰      د) ۳۵۰

ابتدا باید سطح مقطع ناوданی ( $A_g$ ) بدست آید:

$$T = R_y F_y A_g = 900 kN \rightarrow A_g = \frac{900000}{1.2 \times 240} = 3125 mm^2$$

$$P = 1.1 \times 1.14 \times (90) \times A_g = 1.1 \times 1.14 \times 90 \times 3125 = 352 kN$$

۴. تیر پیوند قاب مهاربندی شده و اگر دارای مقاطع شکل متقارن بوده و هر بال آن دارای مقطع  $12 \times 200$  میلی متر و جان آن دارای مقطع  $10 \times 400$  میلی متر است. اگر نیروی محوری در تیر پیوند ناچیز باشد، حداقل دوران غیر ارتقایی مجاز تیر پیوند به طول  $1100$  میلی متر نسبت به ناحیه خار از آن بر حسب رادیان کدام است؟ ( بهمن ۹۷ )

الف) ۰/۰۲      ب) ۰/۰۴      ج) ۰/۰۶      د) ۰/۰۸

$$\begin{aligned}
 M_p &= ZF_y = \left( 200 \times 12 \times 412 + \frac{10 \times 400^2}{4} \right) 240 = 333.31 \text{ kN.m} \\
 V_p &= 0.6F_y A_{wl} = 0.6 \times 240 \times (400 \times 10) = 576 \text{ kN}
 \end{aligned}
 \quad \left\{
 \begin{array}{l}
 \frac{M_p}{V_p} = 0.578 \text{ m} \rightarrow \frac{1.6M_p}{V_p} = 0.925 \text{ m} \\
 \frac{2.6M_p}{V_p} = 1.504 \text{ m}
 \end{array}
 \right.$$

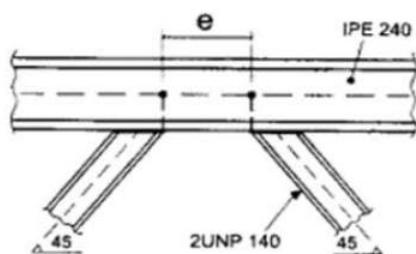
$$\frac{1.6M_p}{V_p} < e = 1.1 \text{ m} < \frac{2.6M_p}{V_p} \rightarrow \gamma_p < 0.02 + \frac{(1.504 - 1.1)}{0.578} \times 0.06 = 0.0619$$

۵ در شکل رویو یکی از دهانه‌های یک قاب مهاربندی شده و اگر اکه در آن مقاطع اعضای مهاربندی از دوبل ناودانی ۱۴۰

تشکیل شده است، نشان‌داده شده است. چنانچه تیر فاقد نیروی محوری باشد، حداقل طول تیر پیوند برای آنکه تسلیم

برشی حاکم بر مقاومت تیر پیوند باشد، کدام است؟ (مهر ۹۶)

الف) ۵۳۷ میلیمتر      ب) ۱۲۴۰ میلیمتر      ج) ۸۹۵ میلیمتر      د) ۶۲۴ میلیمتر



$$V_p = \frac{2M_p}{e} \rightarrow 0.6F_y A_{lw} = \frac{2F_y Z}{e} \rightarrow 0.6F_y(240 - 2 \times 9.8) \times 6.2 = \frac{2F_y \times 367000}{e}$$

$e = 895 \text{ mm}$

**۱۲-۳-۳ مقاومت برشی طراحی تیر پیوند**

مقاومت برشی طراحی تیر پیوند مساوی  $V_p$  می‌باشد که در آن،  $\phi$  ضرب کاهش مقاومت برابر

$0.6$  مقاومت برشی اسمی می‌باشد که باید برابر کوچکترین مقدار محاسبه شده بر اساس

حالاتی حدی **تسلیم برشی** و **تسلیم خمشی** در نظر گرفته شود.

**(الف) تسلیم برشی**

$$V_p = V_s \quad (1-12-3-10)$$

ب) **تسلیم خمشی**  $(2-12-3-10)$

$$V_p = \frac{\tau M_p}{e} \quad (2-12-3-10)$$

در روابط فوق:

$$V_p = \begin{cases} 0.6F_y A_{lw} & P_u / P_c \leq 0.15 \\ 0.6F_y A_{lw} \sqrt{1 - \left(\frac{P_u}{P_c}\right)^2} & P_u / P_c > 0.15 \end{cases} \quad (3-12-3-10)$$

$$M_p = \begin{cases} F_y Z & P_u / P_c \leq 0.15 \\ F_y Z \left(\frac{1-P_u/P_c}{0.15}\right) & P_u / P_c > 0.15 \end{cases} \quad (4-12-3-10)$$

- مقاومت محوری مورد نیاز تیر پیوند بر اساس ترکیبات پار متعارف

- مقاومت تسلیم محوری تیر پیوند برابر  $F_y A_g$

- مساحت جان مقطع تیر پیوند برابر  $(d-2t_f)t_w$  (برای مقاطع I شکل و برابر  $2(d-2t_f)t_w$  برای

مقاطع قوطی شکل

- تنش تسلیم فولاد تیر پیوند

- اساس مقطع پلاستیک تیر پیوند

- طول تیر پیوند که برابر است با فاصله بین اتصال دو انتهای مهاربند در روی بال تیر با فاصله

بین اتصال انتهای مهاربندی در روی بال تیر تا برستون

۶. برای یک تیر پیوند در مهاربند و اگرا  $V_p = 160\text{KN}$  و  $M_p = 240\text{KN.m}$  بوده و نسبت مقاومت محوری موردنیاز

به مقاومت تسلیم برابر  $1/0.4$  است. اگر طول پیوند  $24$  باشد، مقاومت برش طراحی تیر پیوند بر حسب کیلونیوتن کدام

است؟ (مرداد ۹۴)

الف) ۷۲      ب) ۱۸۰      ج) ۲۸۸      د) ۱۴۴

$$\varphi V_n = \varphi \text{Min} \left\{ V_p, \frac{2M_p}{e} \right\} = \varphi \text{Min} \left\{ 160, \frac{2 \times 240}{2.4} \right\} = 0.9 \times 160 = 144 \text{ kN}$$

۳-۱۲-۳-۱۰ مقاومت برشی طراحی تیر پیوند

مقاومت برشی طراحی تیر پیوند مساوی  $V_{\phi}$  می‌باشد که در آن،  $\phi$  ضریب کاهش مقاومت برابر

$0.9$  و  $V_n$  مقاومت برشی اسمی می‌باشد که باید برابر کوچکترین مقدار محاسبه شده بر اساس

حالتهای حدی تسلیم برشی و تسلیم خمشی در نظر گرفته شود.

(الف) تسلیم برشی

$$V_n = V_p$$

(۳-۱۲-۳-۱۰)

(ب) تسلیم خمشی

$$V_n = \frac{\tau M_p}{e}$$

(۳-۱۲-۳-۱۰)

در روابط فوق:

$$V_p = \begin{cases} 0.7 F_y A_{lw} & P_u / P_c \leq 0.15 \\ 0.7 F_y A_{lw} \sqrt{1 - \left(\frac{P_u}{P_c}\right)^2} & P_u / P_c > 0.15 \end{cases} \quad (۳-۱۲-۳-۱۰)$$

$$M_p = \begin{cases} F_y Z & P_u / P_c \leq 0.15 \\ F_y Z \left( \frac{1 - P_u / P_c}{0.15} \right) & P_u / P_c > 0.15 \end{cases} \quad (۴-۱۲-۳-۱۰)$$

در مهاربند و اگر طول پیوند برابر  $2Mp/Vp$  باشد ، حداکثر دوران غیر الاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج

از آن ، برای زلزله طرح چه مقداری است ؟ تغییر مکان جانبی نسبی طبقه برابر با تغییر مکان جانبی نسبی طرح فرض

شود . (آبان ۹۳)

الف) 0.048      ب) 0.064      ج) 0.044      د) 0.056

$$\gamma_p = 0.02 + \frac{2.6 - 2}{2.6 - 1.6} \times 0.06 = 0.056 \text{ rad}$$

## ۱۰-۳-۱۲-۵ دوران تیر پیوند

حداکثر دوران غیر الاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج از آن، در حالتی که تغییرمکان جانبی نسبی طبقه ( $\delta_i$ ) برابر تغییرمکان جانبی نسبی طرح ( $\Delta_i$ ) فرض شود، نباید از مقادیر زیر تجاوز نماید.

(الف)  $0.108$  رادیان برای حالتی که طول تیر پیوند مساوی یا کمتر از  $M_p/V_p$  باشد.

(ب)  $0.102$  رادیان برای حالتی که طول تیر پیوند مساوی یا بزرگتر از  $2M_p/V_p$  باشد.

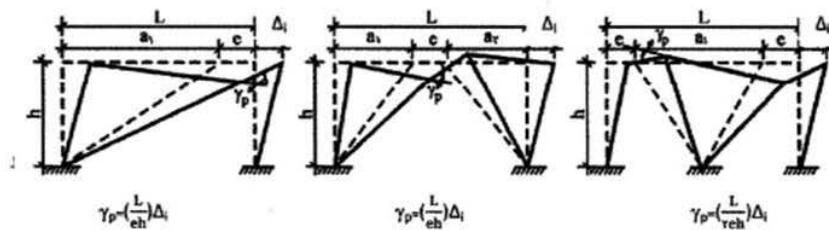
در روابط فوق:

$V_p$  = برش پلاستیک مقطع تیر پیوند مطابق رابطه ۱۰-۳-۱۲-۳-۱۰

$M_p$  = لنگر پلاستیک مقطع تیر پیوند مطابق رابطه ۱۰-۳-۱۲-۳-۱۰

تبصره ۱: برای مقادیر طول پیوند بین دو مقدار (الف) و (ب)، می‌توان از درون‌یابی خطی بهره برد.

تبصره ۲: دوران غیر الاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج از آن ( $\gamma_p$ ) در حالتی که تغییرمکان جانبی نسبی طبقه برابر تغییرمکان جانبی نسبی طرح فرض می‌شود را می‌توان از روابط مندرج در شکل ۱۰-۳-۱۰ تعیین نمود.



شکل ۱۰-۳-۱۰-۱ دوران غیر الاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج از آن ( $\gamma_p$ )

## ۶-۱۴ مسائل فصل چهاردهم

توجه:

- فولاد مصرفی پروفیل‌ها و ورق‌ها از نوع ST37 می‌باشد.
  - در کلیه مسائل، مهار جانبی تیرها در محل تکیه‌گاه و در بارهای متمرکز در نظر گرفته شود.
  - وزن تیر به صورت جداگانه در نظر گرفته نشود.
  - در طراحی‌ها نیروی عضو را بحرانی‌ترین حالت بارگذاری از میان حالت‌های ذکر شده در بخش ۱-۸-۱ (ترکیب بار بحرانی) در نظر بگیرید.
  - پارامتر  $\kappa$  طبق مقادیر اعلام شده فرض می‌شود که در محدوده زیر قرار دارد:
- $$15 \leq \kappa \leq 40$$

### تمرین ۱-۱۴

می‌خواهیم برای سازه شکل زیر، در اثر نیروهای اعمال شده به آن از مهاربندهای ضربدری استفاده کنیم. مطلوب

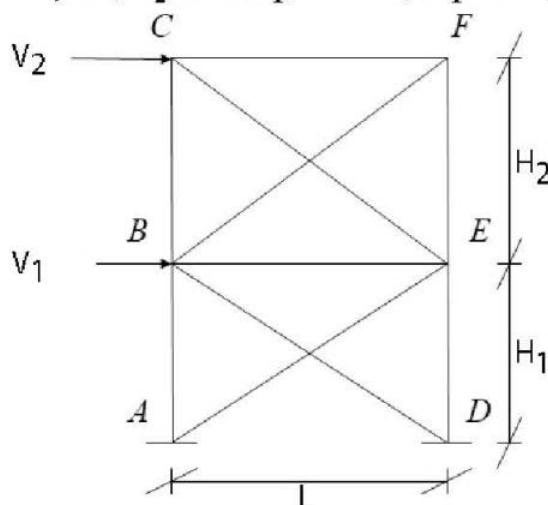
است:

الف) طرح این مهاربندها از 2UNP

ب) طرح این مهاربند از 2IPE

ج) طراحی اتصال مهاربندهای CE و AE

$$V_1 = (0.2\kappa)ton, V_2 = 1.5V_1, L = 3m, H_1 = 3m, H_2 = 3.5m$$



### تمرین ۲-۱۴

در نقشه‌های معماري ساختمناي مطابق شكل زير، در محل مهاربندها بازشوبي داريم که در قسمت بالائي طبقه قرار

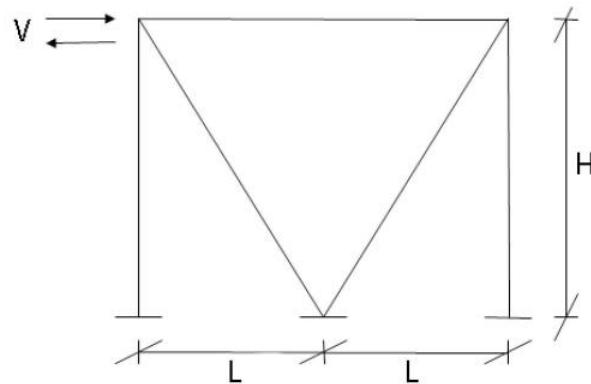
دارد و اين امكان را به ما مي‌دهد که بتوانيم از مهاربند V استفاده کنیم. مطلوب است طراحی اين مهاربند:

الف) از دوبل نبشی

ب) از 2UNP

ج) طراحی اتصالات مهاربند به تیر و ستون و نیز اتصال به زمین

$$V = (0.03\kappa)ton, \quad L = 1.5m, \quad H = 3m$$



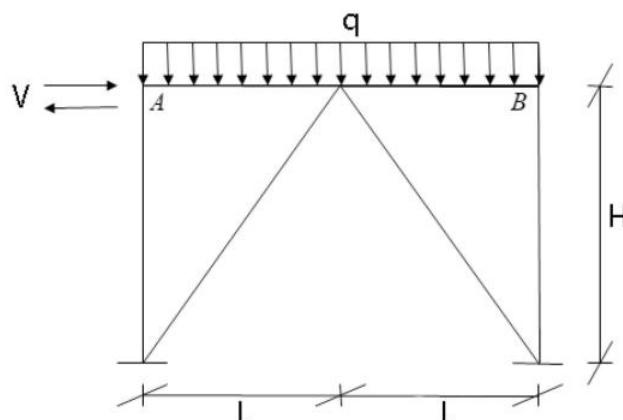
تمرین ۳-۱۴

در قاب مهاربندی مطابق شکل زیر، مطلوب است:

الف) طراحی مهاربند هشتی.

الف) طراحی تیر AB

$$V = (0.03\kappa)ton, \quad L = 1.5m, \quad H = 3m, \quad q = (0.01\kappa) \frac{ton}{m}$$

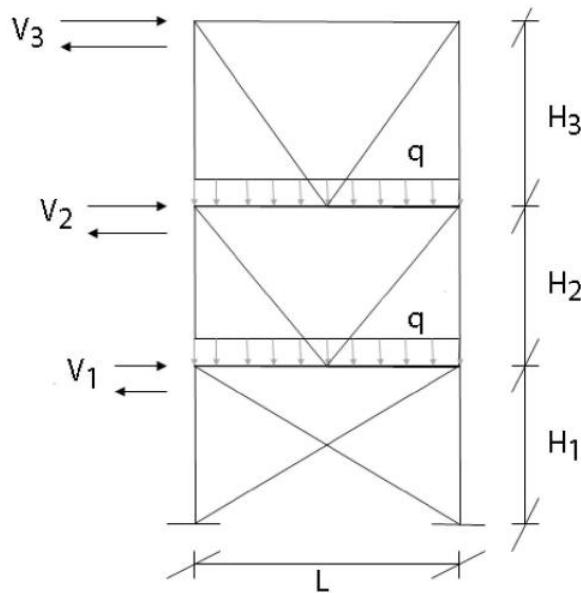


تمرین ۴-۱۴

در سازه شکل زیر، کلیه مهاربندها را از 2IPE طرح کنید.

$$V_1 = (0.07\kappa)ton, \quad V_2 = 2V_1, \quad V_3 = 3V_1$$

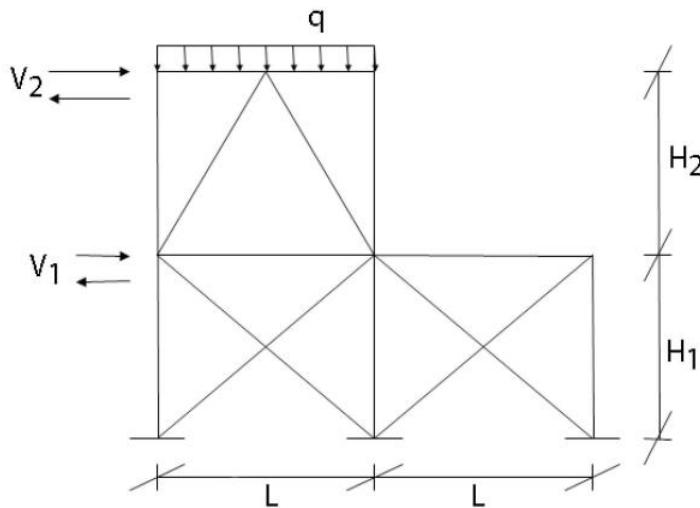
$$L = 4m, \quad H_1 = H_2 = 3m, \quad H_3 = 4.5m, \quad q = (0.03\kappa) \frac{ton}{m}$$



## تمرین ۵-۱۴

در سازه شکل زیر، مهاربندها را از 2UNP طراحی کنید.

$$V_1 = (0.07\kappa) \text{ton}, \quad V_2 = 1.5V_1, \quad L = 3m, \quad H_1 = H_2 = 3m, \quad q = (0.02\kappa) \frac{\text{ton}}{m}$$



## تمرین ۶-۱۴

در شکل زیر مطلوب است:

الف) طراحی تیر پیوند از پروفیل IPE در صورتی که طول پیوند کوچک‌تر از  $6 \frac{M_p}{V_p}$  باشد.

ب) طراح تیر در خارج از ناحیه پیوند از IPE

ج) طرح مهاربند برآن محور از 2UNP

د) طرح اتصالات تیر پیوند (اتصال به تیر و ستون و اتصال به پی)

۵) کنترل دوران تیر پیوند و تعییه سخت کننده های میانی.

$$V = (0.15\kappa)ton, \quad L = 4m, \quad H = 3.5m, \quad q = (0.02\kappa) \frac{ton}{m}, \quad e = 70cm$$

